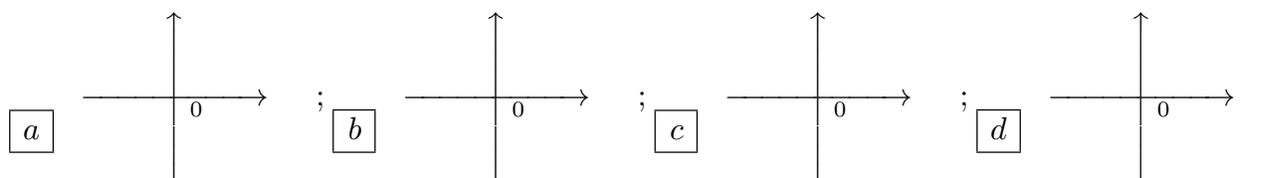


|   |              |                         |                 |
|---|--------------|-------------------------|-----------------|
| <b>ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello</b> |              | <b>15 febbraio 2018</b> |                 |
| <b>Cognome:</b>                               | <b>Nome:</b> | <b>Matricola:</b>       |                 |
| <b>Corso di laurea:</b>                       |              |                         |                 |
|   |              | Test                    | Es1   Es2   Es3 |

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(e^{2x^2} - \cos x)}{3x \log(1-x)} =$   a -12;  b  $-\frac{5}{6}$ ;  c  $\frac{2}{3}$ ;  d -1.

2. Se  $z = -3i^5$ , allora le radici terze di  $z$  sono:



3. L'insieme dei valori  $x \in \mathbf{R}$  in cui la funzione  $g(x) = e^{2x}(3x^2 + x - 1)$  è crescente è:

a  $\frac{-1-\sqrt{29}}{4} \leq x \leq \frac{-1+\sqrt{29}}{4}$ ;  b  $x \leq \frac{2-2\sqrt{7}}{3}, x \geq \frac{2+2\sqrt{7}}{3}$ ;  c  $x \leq \frac{-4-\sqrt{22}}{6}, x \geq \frac{-4+\sqrt{22}}{6}$ ;  
 d  $\frac{5-\sqrt{31}}{6} \leq x \leq \frac{5+\sqrt{31}}{6}$ .

4. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $f(x) = \frac{x^2-3x+1}{x^2-2x}$  nel punto  $(1, f(1))$  è:  a  $y = -x + 2$ ;  b  $y = -\frac{1}{3}x + \frac{4}{3}$ ;  c  $y = x$ ;  d  $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$ .

5. L'insieme del piano che rappresenta i numeri complessi  $z \in \mathbf{C}$  per cui  $|iz - 2i| \leq 1$  e  $\text{Re}(z) \geq 2$  è:  a un punto;  b l'insieme vuoto;  c la metà di un disco;  d un disco.

6. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{3n^2 + 2}{2^n + 1} x^n$  è:  a 4;  b 3;  c 1;  
 d 2.

7. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e non negativa. Quale delle seguenti condizioni è compatibile con  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 4$ ?  a  $\int_1^{+\infty} f(x) dx$  è convergente;  b  $\sum_{n=1}^{\infty} f(n)$  è convergente;  c  $f'(x) < 0$  per ogni  $x \geq 1$ ;  d  $f$  risolve  $f'(x) = -3f(x)$  per  $x \geq 1$ .

8. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e convessa. Allora, qualunque sia la funzione  $f$  con queste proprietà, si ha che:  a  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = +\infty$ ;  b  $\frac{f'(b)-f'(a)}{b-a} \geq 0$  per ogni  $a, b \in \mathbf{R}$ ,  $a \neq b$ ;  c  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ;  d  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$ .

|   |              |                         |                 |
|---|--------------|-------------------------|-----------------|
| <b>ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello</b> |              | <b>15 febbraio 2018</b> |                 |
| <b>Cognome:</b>                               | <b>Nome:</b> | <b>Matricola:</b>       |                 |
| <b>Corso di laurea:</b>                       |              |                         |                 |
|   |              | Test                    | Es1   Es2   Es3 |

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{2n^2 + 1}{3^n + 1} x^n$  è:  a 3;  b 1;  c 2;  d 4.

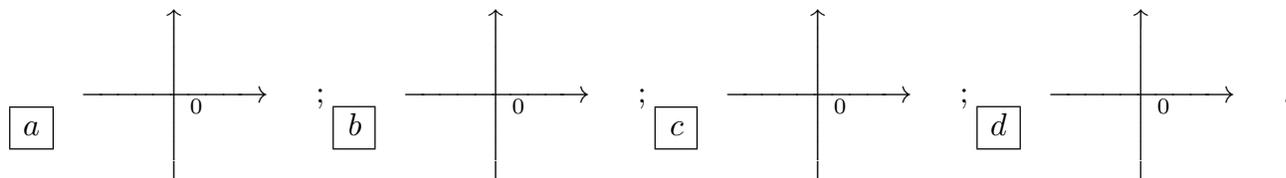
2. L'insieme dei valori  $x \in \mathbf{R}$  in cui la funzione  $g(x) = e^{-2x}(2x^2 + 3x - 2)$  è crescente è:  
 a  $x \leq \frac{2-2\sqrt{7}}{3}, x \geq \frac{2+2\sqrt{7}}{3}$ ;  b  $x \leq \frac{-4-\sqrt{22}}{6}, x \geq \frac{-4+\sqrt{22}}{6}$ ;  c  $\frac{5-\sqrt{31}}{6} \leq x \leq \frac{5+\sqrt{31}}{6}$ ;  
 d  $\frac{-1-\sqrt{29}}{4} \leq x \leq \frac{-1+\sqrt{29}}{4}$ .

3. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $f(x) = \frac{x^2 - 2x - 1}{x^2 - 3x}$  nel punto  $(1, f(1))$  è:  a  $y = -\frac{1}{3}x + \frac{4}{3}$ ;  b  $y = x$ ;  c  $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$ ;  d  $y = -x + 2$ .

4. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e non negativa. Quale delle seguenti condizioni implica  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$ ?  a  $\sum_{n=1}^{\infty} f(n)$  è convergente;  b  $f'(x) < 0$  per ogni  $x \geq 1$ ;  c  $f$  risolve  $f'(x) = -3f(x)$  per  $x \geq 1$ ;  d  $\int_1^{+\infty} f(x)dx$  è convergente.

5.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(\cos(2x))}{x \sin(2x)} =$   a  $-\frac{5}{6}$ ;  b  $\frac{2}{3}$ ;  c  $-1$ ;  d  $-12$ .

6. Se  $z = 3i^5$ , allora le radici terze di  $z$  sono:



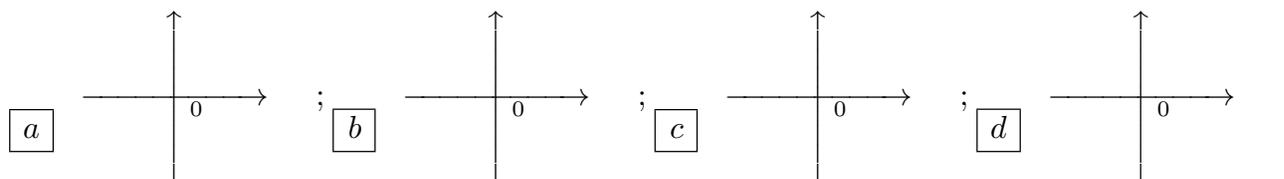
7. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e concava. Allora, qualunque sia la funzione  $f$  con queste proprietà, si ha che:  a  $\frac{f'(b) - f'(a)}{b - a} \leq 0$  per ogni  $a, b \in \mathbf{R}, a \neq b$ ;  b  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ ;  c  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = -\infty$ ;  d  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = -\infty$ .

8. L'insieme del piano che rappresenta i numeri complessi  $z \in \mathbf{C}$  per cui  $|iz - 2i| \leq 1$  e  $\text{Re}(z) \geq 1$  è:  a l'insieme vuoto;  b la metà di un disco;  c un disco;  d un punto.

|   |              |                         |                 |
|---|--------------|-------------------------|-----------------|
| <b>ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello</b> |              | <b>15 febbraio 2018</b> |                 |
| <b>Cognome:</b>                               | <b>Nome:</b> | <b>Matricola:</b>       |                 |
| <b>Corso di laurea:</b>                       |              |                         |                 |
|   |              | Test                    | Es1   Es2   Es3 |

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Se  $z = -3i^6$ , allora le radici terze di  $z$  sono:



2. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $f(x) = \frac{x^2-x+2}{x^2+x}$  nel punto  $(1, f(1))$  è:

$y = x$ ;   $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$ ;   $y = -x + 2$ ;   $y = -\frac{1}{3}x + \frac{4}{3}$ .

3. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e non negativa. Quale delle seguenti condizioni è compatibile con  $f(n) < f(n+1)$  per ogni  $n \in \mathbf{N}$ ?   $f'(x) < 0$  per ogni  $x \geq 1$ ;

$f$  risolve  $f'(x) = -3f(x)$  per  $x \geq 1$ ;   $\int_1^{+\infty} f(x)dx$  è convergente;   $\sum_{n=1}^{\infty} f(n)$  è convergente.

4. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e convessa. Allora, qualunque sia la funzione  $f$  con queste proprietà, si ha che:

$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ;   $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$ ;  
  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = +\infty$ ;   $\frac{f'(b)-f'(a)}{b-a} \geq 0$  per ogni  $a, b \in \mathbf{R}, a \neq b$ .

5. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{4n^2+1}{3^{-n}+1} x^n$  è:  1;  2;  4;

3.

6. L'insieme dei valori  $x \in \mathbf{R}$  in cui la funzione  $g(x) = e^{-3x}(2x^2 - 2x - 1)$  è crescente è:

$x \leq \frac{-4-\sqrt{22}}{6}, x \geq \frac{-4+\sqrt{22}}{6}$ ;   $\frac{5-\sqrt{31}}{6} \leq x \leq \frac{5+\sqrt{31}}{6}$ ;   $\frac{-1-\sqrt{29}}{4} \leq x \leq \frac{-1+\sqrt{29}}{4}$ ;  
  $x \leq \frac{2-2\sqrt{7}}{3}, x \geq \frac{2+2\sqrt{7}}{3}$ .

7. L'insieme del piano che rappresenta i numeri complessi  $z \in \mathbf{C}$  per cui  $|iz - 2i| \leq 1$  e  $\text{Im}(z) \geq 1$  è:  la metà di un disco;  un disco;  un punto;  l'insieme vuoto.

8.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \log(1-3x)}{\log(\cos(3x))} =$    $\frac{2}{3}$ ;  -1;  -12;   $-\frac{5}{6}$ .

|   |              |                         |                 |
|---|--------------|-------------------------|-----------------|
| <b>ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello</b> |              | <b>15 febbraio 2018</b> |                 |
| <b>Cognome:</b>                               | <b>Nome:</b> | <b>Matricola:</b>       |                 |
| <b>Corso di laurea:</b>                       |              |                         |                 |
|   |              | Test                    | Es1   Es2   Es3 |

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

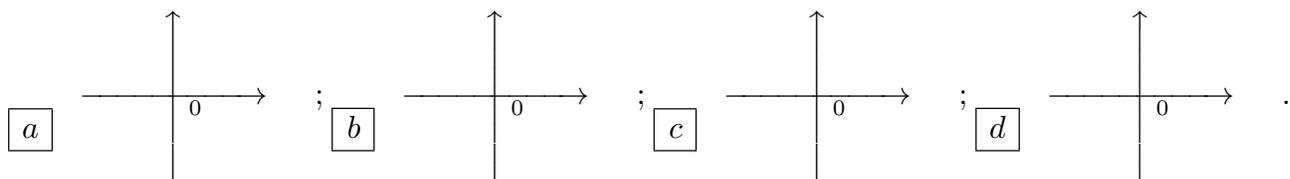
1. L'insieme dei valori  $x \in \mathbf{R}$  in cui la funzione  $g(x) = e^{3x}(x^2 - 2x - 2)$  è crescente è:  
  $\frac{5-\sqrt{31}}{6} \leq x \leq \frac{5+\sqrt{31}}{6}$ ;      $\frac{-1-\sqrt{29}}{4} \leq x \leq \frac{-1+\sqrt{29}}{4}$ ;      $x \leq \frac{2-2\sqrt{7}}{3}, x \geq \frac{2+2\sqrt{7}}{3}$ ;  
  $x \leq \frac{-4-\sqrt{22}}{6}, x \geq \frac{-4+\sqrt{22}}{6}$ .

2. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e non negativa. Quale delle seguenti condizioni è compatibile con  $\lim_{n \rightarrow \infty} \int_n^{n+1} f(x)dx = +\infty$ ?  
  $f$  risolve  $f'(x) = -3f(x)$  per  $x \geq 1$ ;  
  $\int_1^{+\infty} f(x)dx$  è convergente;      $\sum_{n=1}^{\infty} f(n)$  è convergente;      $f'(x) < 0$  per ogni  $x \geq 1$ .

3. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e concava. Allora, qualunque sia la funzione  $f$  con queste proprietà, si ha che:  
  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = -\infty$ ;      $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = -\infty$ ;  
  $\frac{f'(b)-f'(a)}{b-a} \leq 0$  per ogni  $a, b \in \mathbf{R}, a \neq b$ ;      $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ .

4. L'insieme del piano che rappresenta i numeri complessi  $z \in \mathbf{C}$  per cui  $|iz - 2i| \leq 1$  e  $\text{Im}(z) \geq 2$  è:  
 un disco;     un punto;     l'insieme vuoto;     la metà di un disco.

5. Se  $z = 3i^6$ , allora le radici terze di  $z$  sono:



6. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $f(x) = \frac{x^2+x+1}{x^2+2x}$  nel punto  $(1, f(1))$  è:  
  $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$ ;      $y = -x + 2$ ;      $y = -\frac{1}{3}x + \frac{4}{3}$ ;      $y = x$ .

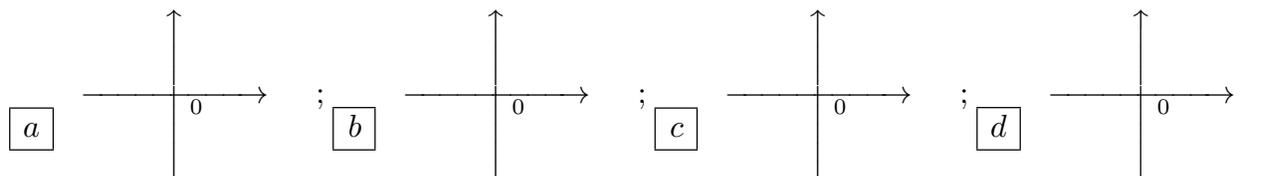
7.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x \sin(3x)}{\sin(e^{-x^2} - \cos x)}$  =     -1;     -12;      $-\frac{5}{6}$ ;      $\frac{2}{3}$ .

8. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{4n^2 + 2}{2^{-n} + 1} x^n$  è:     2;     4;     3;  
 1.

|   |              |                         |               |
|---|--------------|-------------------------|---------------|
| <b>ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello</b> |              | <b>15 febbraio 2018</b> |               |
| <b>Cognome:</b>                               | <b>Nome:</b> | <b>Matricola:</b>       |               |
| <b>Corso di laurea:</b>                       |              |                         |               |
|   |              | Test                    | Es1  Es2  Es3 |

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

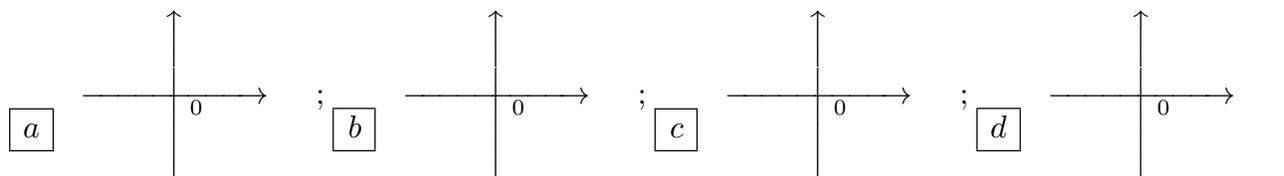
- L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $f(x) = \frac{x^2+x+1}{x^2+2x}$  nel punto  $(1, f(1))$  è:  
  $a$   $y = -x + 2$ ;   $b$   $y = -\frac{1}{3}x + \frac{4}{3}$ ;   $c$   $y = x$ ;   $d$   $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$ .
- Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e convessa. Allora, qualunque sia la funzione  $f$  con queste proprietà, si ha che:   $a$   $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = +\infty$ ;   $b$   $\frac{f'(b)-f'(a)}{b-a} \geq 0$  per ogni  $a, b \in \mathbf{R}$ ,  $a \neq b$ ;   $c$   $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ;   $d$   $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$ .
- L'insieme del piano che rappresenta i numeri complessi  $z \in \mathbf{C}$  per cui  $|iz - 2i| \leq 1$  e  $\text{Re}(z) \geq 1$  è:   $a$  un punto;   $b$  l'insieme vuoto;   $c$  la metà di un disco;   $d$  un disco.
- $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \log(1-3x)}{\log(\cos(3x))} =$    $a$  -12;   $b$   $-\frac{5}{6}$ ;   $c$   $\frac{2}{3}$ ;   $d$  -1.
- L'insieme dei valori  $x \in \mathbf{R}$  in cui la funzione  $g(x) = e^{-2x}(2x^2 + 3x - 2)$  è crescente è:  
  $a$   $\frac{-1-\sqrt{29}}{4} \leq x \leq \frac{-1+\sqrt{29}}{4}$ ;   $b$   $x \leq \frac{2-2\sqrt{7}}{3}$ ,  $x \geq \frac{2+2\sqrt{7}}{3}$ ;   $c$   $x \leq \frac{-4-\sqrt{22}}{6}$ ,  $x \geq \frac{-4+\sqrt{22}}{6}$ ;  
  $d$   $\frac{5-\sqrt{31}}{6} \leq x \leq \frac{5+\sqrt{31}}{6}$ .
- Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e non negativa. Quale delle seguenti condizioni è compatibile con  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 4$ ?   $a$   $\int_1^{+\infty} f(x)dx$  è convergente;   $b$   $\sum_{n=1}^{\infty} f(n)$  è convergente;   $c$   $f'(x) < 0$  per ogni  $x \geq 1$ ;   $d$   $f$  risolve  $f'(x) = -3f(x)$  per  $x \geq 1$ .
- Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{2n^2+1}{3n+1} x^n$  è:   $a$  4;   $b$  3;   $c$  1;   $d$  2.
- Se  $z = -3i^5$ , allora le radici terze di  $z$  sono:



|   |              |                         |  |
|---|--------------|-------------------------|--|
| <b>ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello</b> |              | <b>15 febbraio 2018</b> |  |
| <b>Cognome:</b>                               | <b>Nome:</b> | <b>Matricola:</b>       |  |
| <b>Corso di laurea:</b>                       |              |                         |  |
|   |              | Test                    |  |
|   |              | Es1                     |  |
|   |              | Es2                     |  |
|   |              | Es3                     |  |

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

- Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e non negativa. Quale delle seguenti condizioni è compatibile con  $\lim_{n \rightarrow \infty} \int_n^{n+1} f(x) dx = +\infty$ ?  a  $\sum_{n=1}^{\infty} f(n)$  è convergente;  b  $f'(x) < 0$  per ogni  $x \geq 1$ ;  c  $f$  risolve  $f'(x) = -3f(x)$  per  $x \geq 1$ ;  d  $\int_1^{+\infty} f(x) dx$  è convergente.
- L'insieme del piano che rappresenta i numeri complessi  $z \in \mathbf{C}$  per cui  $|iz - 2i| \leq 1$  e  $\text{Im}(z) \geq 1$  è:  a l'insieme vuoto;  b la metà di un disco;  c un disco;  d un punto.
- $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x \sin(3x)}{\sin(e^{-x^2} - \cos x)}$  =  a  $-\frac{5}{6}$ ;  b  $\frac{2}{3}$ ;  c  $-1$ ;  d  $-12$ .
- Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{4n^2 + 2}{2^{-n} + 1} x^n$  è:  a 3;  b 1;  c 2;  d 4.
- L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $f(x) = \frac{x^2 - 3x + 1}{x^2 - 2x}$  nel punto  $(1, f(1))$  è:  a  $y = -\frac{1}{3}x + \frac{4}{3}$ ;  b  $y = x$ ;  c  $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$ ;  d  $y = -x + 2$ .
- Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e concava. Allora, qualunque sia la funzione  $f$  con queste proprietà, si ha che:  a  $\frac{f'(b) - f'(a)}{b - a} \leq 0$  per ogni  $a, b \in \mathbf{R}$ ,  $a \neq b$ ;  b  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ ;  c  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = -\infty$ ;  d  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = -\infty$ .
- Se  $z = -3i^6$ , allora le radici terze di  $z$  sono:



- L'insieme dei valori  $x \in \mathbf{R}$  in cui la funzione  $g(x) = e^{2x}(3x^2 + x - 1)$  è crescente è:  a  $x \leq \frac{2-2\sqrt{7}}{3}$ ,  $x \geq \frac{2+2\sqrt{7}}{3}$ ;  b  $x \leq \frac{-4-\sqrt{22}}{6}$ ,  $x \geq \frac{-4+\sqrt{22}}{6}$ ;  c  $\frac{5-\sqrt{31}}{6} \leq x \leq \frac{5+\sqrt{31}}{6}$ ;  d  $\frac{-1-\sqrt{29}}{4} \leq x \leq \frac{-1+\sqrt{29}}{4}$ .

|   |              |                         |               |
|---|--------------|-------------------------|---------------|
| <b>ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello</b> |              | <b>15 febbraio 2018</b> |               |
| <b>Cognome:</b>                               | <b>Nome:</b> | <b>Matricola:</b>       |               |
| <b>Corso di laurea:</b>                       |              |                         |               |
|   |              | Test                    | Es1  Es2  Es3 |

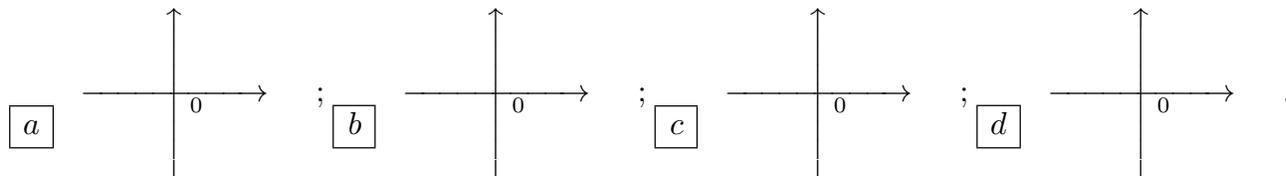
- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e convessa. Allora, qualunque sia la funzione  $f$  con queste proprietà, si ha che:  a  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ;  b  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$ ;  c  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = +\infty$ ;  d  $\frac{f'(b)-f'(a)}{b-a} \geq 0$  per ogni  $a, b \in \mathbf{R}$ ,  $a \neq b$ .

2.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(e^{2x^2} - \cos x)}{3x \log(1-x)} =$   a  $\frac{2}{3}$ ;  b  $-1$ ;  c  $-12$ ;  d  $-\frac{5}{6}$ .

3. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{4n^2 + 1}{3^{-n} + 1} x^n$  è:  a  $1$ ;  b  $2$ ;  c  $4$ ;  d  $3$ .

4. Se  $z = 3i^6$ , allora le radici terze di  $z$  sono:



5. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e non negativa. Quale delle seguenti condizioni è compatibile con  $f(n) < f(n+1)$  per ogni  $n \in \mathbf{N}$ ?  a  $f'(x) < 0$  per ogni  $x \geq 1$ ;

b  $f$  risolve  $f'(x) = -3f(x)$  per  $x \geq 1$ ;  c  $\int_1^{+\infty} f(x)dx$  è convergente;  d  $\sum_{n=1}^{\infty} f(n)$  è convergente.

6. L'insieme del piano che rappresenta i numeri complessi  $z \in \mathbf{C}$  per cui  $|iz - 2i| \leq 1$  e  $\text{Im}(z) \geq 2$  è:  a la metà di un disco;  b un disco;  c un punto;  d l'insieme vuoto.

7. L'insieme dei valori  $x \in \mathbf{R}$  in cui la funzione  $g(x) = e^{3x}(x^2 - 2x - 2)$  è crescente è:

a  $x \leq \frac{-4-\sqrt{22}}{6}$ ,  $x \geq \frac{-4+\sqrt{22}}{6}$ ;  b  $\frac{5-\sqrt{31}}{6} \leq x \leq \frac{5+\sqrt{31}}{6}$ ;  c  $\frac{-1-\sqrt{29}}{4} \leq x \leq \frac{-1+\sqrt{29}}{4}$ ;  d  $x \leq \frac{2-2\sqrt{7}}{3}$ ,  $x \geq \frac{2+2\sqrt{7}}{3}$ .

8. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $f(x) = \frac{x^2-x+2}{x^2+x}$  nel punto  $(1, f(1))$  è:

a  $y = x$ ;  b  $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$ ;  c  $y = -x + 2$ ;  d  $y = -\frac{1}{3}x + \frac{4}{3}$ .

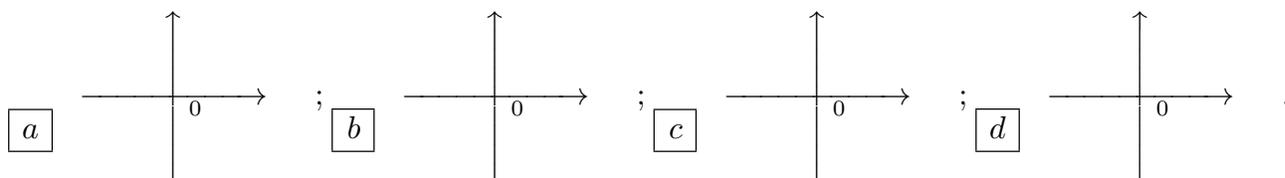
|   |              |                         |                 |
|---|--------------|-------------------------|-----------------|
| <b>ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello</b> |              | <b>15 febbraio 2018</b> |                 |
| <b>Cognome:</b>                               | <b>Nome:</b> | <b>Matricola:</b>       |                 |
| <b>Corso di laurea:</b>                       |              |                         |                 |
|   |              | Test                    | Es1   Es2   Es3 |

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. L'insieme del piano che rappresenta i numeri complessi  $z \in \mathbf{C}$  per cui  $|iz - 2i| \leq 1$  e  $\operatorname{Re}(z) \geq 2$  è:  a un disco;  b un punto;  c l'insieme vuoto;  d la metà di un disco.

2. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{3n^2 + 2}{2^n + 1} x^n$  è:  a 2;  b 4;  c 3;  d 1.

3. Se  $z = 3i^5$ , allora le radici terze di  $z$  sono:



4. L'insieme dei valori  $x \in \mathbf{R}$  in cui la funzione  $g(x) = e^{-3x}(2x^2 - 2x - 1)$  è crescente è:  a  $\frac{5-\sqrt{31}}{6} \leq x \leq \frac{5+\sqrt{31}}{6}$ ;  b  $\frac{-1-\sqrt{29}}{4} \leq x \leq \frac{-1+\sqrt{29}}{4}$ ;  c  $x \leq \frac{2-2\sqrt{7}}{3}, x \geq \frac{2+2\sqrt{7}}{3}$ ;  d  $x \leq \frac{-4-\sqrt{22}}{6}, x \geq \frac{-4+\sqrt{22}}{6}$ .

5. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e concava. Allora, qualunque sia la funzione  $f$  con queste proprietà, si ha che:  a  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = -\infty$ ;  b  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = -\infty$ ;  c  $\frac{f'(b)-f'(a)}{b-a} \leq 0$  per ogni  $a, b \in \mathbf{R}, a \neq b$ ;  d  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ .

6.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(\cos(2x))}{x \sin(2x)} =$   a -1;  b -12;  c  $-\frac{5}{6}$ ;  d  $\frac{2}{3}$ .

7. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $f(x) = \frac{x^2 - 2x - 1}{x^2 - 3x}$  nel punto  $(1, f(1))$  è:  a  $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$ ;  b  $y = -x + 2$ ;  c  $y = -\frac{1}{3}x + \frac{4}{3}$ ;  d  $y = x$ .

8. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e non negativa. Quale delle seguenti condizioni implica  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$ ?  a  $f$  risolve  $f'(x) = -3f(x)$  per  $x \geq 1$ ;  b  $\int_1^{+\infty} f(x) dx$  è convergente;  c  $\sum_{n=1}^{\infty} f(n)$  è convergente;  d  $f'(x) < 0$  per ogni  $x \geq 1$ .