

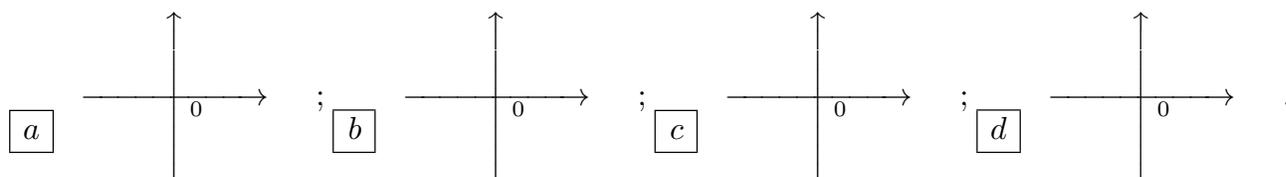
<b>ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello</b>		<b>16 febbraio 2017</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>
<b>Corso di laurea:</b>	 Test   Es1   Es2   Es3	

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia  $q : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua tale che  $q(0) = 0$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} q(x) = \pi$  e  $\lim_{x \rightarrow -\infty} q(x) = \pi$ .

Allora:   $a$  qualunque funzione  $q$  con tali proprietà ha minimo assoluto in  $\mathbf{R}$  ma esistono funzioni  $q$  con tali proprietà che non hanno massimo assoluto in  $\mathbf{R}$ ;   $b$  qualunque funzione  $q$  con tali proprietà ha sia massimo assoluto sia minimo assoluto in  $\mathbf{R}$ ;   $c$  esistono funzioni  $q$  con tali proprietà che non hanno nè massimo assoluto nè minimo assoluto in  $\mathbf{R}$ ;   $d$  qualunque funzione  $q$  con tali proprietà ha massimo assoluto in  $\mathbf{R}$  ma esistono funzioni  $q$  con tali proprietà che non hanno minimo assoluto in  $\mathbf{R}$ .

2. Le radici complesse dell'equazione  $z^4 = -8 + 8\sqrt{3}i$  sono:



3. Siano  $g(t) = \log(1+t)$  e  $f(x) = -2 \sin x$ . Allora il polinomio di Taylor del secondo ordine e di centro  $x_0 = 0$  della funzione  $g \circ f$  è:   $a$   $-2x - 4x^2$ ;   $b$   $-2x + 4x^2$ ;   $c$   $-2x - 2x^2$ ;   $d$   $-2x + 2x^2$ .

4. Sia  $P_2(x)$  il polinomio di Taylor del secondo ordine e centro  $x_0 = 0$  della funzione  $f(x) = e^{\cos x+1}$ . Allora  $P_2(1) =$    $a$   $\frac{1}{2e}$ ;   $b$   $\frac{5}{2e}$ ;   $c$   $\frac{e^2}{2}$ ;   $d$   $\frac{5e^2}{2}$ .

5. Le soluzioni  $z \in \mathbf{C}$  dell'equazione  $z^2 - 2z = -2 + \bar{z}$  sono   $a$   $1, 2, \frac{1}{2} \pm \frac{\sqrt{3}}{4}i$ ;   $b$   $1, 2, -\frac{7}{2} \pm \frac{\sqrt{11}}{4}i$ ;   $c$   $1, 2, \frac{1}{2} \pm \frac{\sqrt{3}}{2}i$ ;   $d$   $1, 2, -\frac{7}{2} \pm \frac{3\sqrt{11}}{2}i$ .

6. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{k=0}^{\infty} \frac{2^k + 1}{3^{2k} + k} x^k$  è:   $a$   $\frac{4}{3}$ ;   $b$   $\frac{3}{4}$ ;   $c$   $\frac{9}{2}$ ;   $d$   $\frac{2}{9}$ .

7. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione positiva e tale che  $\lim_{x \rightarrow 4} f(x) = 9$ , e sia  $g(x) = \sqrt{f(x^2)}$ . Allora  $\lim_{x \rightarrow 2} g(x) =$    $a$  9;   $b$  4;   $c$  3;   $d$  2.

8. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione strettamente decrescente e superiormente limitata. Allora l'affermazione " $\exists \ell \in \mathbf{R}$  tale che  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \ell$ ":   $a$  non è mai vera (qualunque sia  $f$  come sopra);   $b$  implica  $\ell \neq 0$ ;   $c$  ci sono casi in cui è vera e casi in cui non è vera (dipende da qual è la funzione  $f$  come sopra);   $d$  è sempre vera (qualunque sia  $f$  come sopra).

<b>ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello</b>		<b>16 febbraio 2017</b>	
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>	
<b>Corso di laurea:</b>			
		Test	Es1  Es2  Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{k=0}^{\infty} \frac{3^{2k} + 2}{2^k + k^2} x^k$  è:  a  $\frac{3}{4}$ ;  b  $\frac{9}{2}$ ;  c  $\frac{2}{9}$ ;  d  $\frac{4}{3}$ .

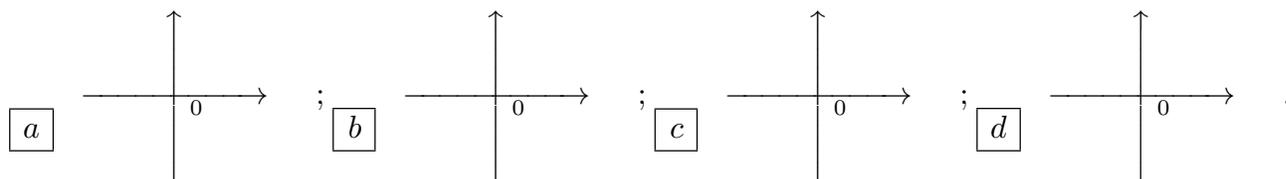
2. Siano  $g(t) = e^t - 1$  e  $f(x) = -2 \operatorname{tg} x$ . Allora il polinomio di Taylor del secondo ordine e di centro  $x_0 = 0$  della funzione  $g \circ f$  è:  a  $-2x + 4x^2$ ;  b  $-2x - 2x^2$ ;  c  $-2x + 2x^2$ ;  d  $-2x - 4x^2$ .

3. Sia  $P_2(x)$  il polinomio di Taylor del secondo ordine e centro  $x_0 = 0$  della funzione  $f(x) = e^{\sin x + 2}$ . Allora  $P_2(1) =$   a  $\frac{5}{2e}$ ;  b  $\frac{e^2}{2}$ ;  c  $\frac{5e^2}{2}$ ;  d  $\frac{1}{2e}$ .

4. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione positiva e tale che  $\lim_{x \rightarrow 9} f(x) = 4$ , e sia  $g(x) = \sqrt{f(x^2)}$ . Allora  $\lim_{x \rightarrow 3} g(x) =$   a 4;  b 3;  c 2;  d 9.

5. Sia  $q : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua tale che  $q(0) = 0$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} q(x) = -\pi$  e  $\lim_{x \rightarrow -\infty} q(x) = -\pi$ . Allora:  a qualunque funzione  $q$  con tali proprietà ha sia massimo assoluto sia minimo assoluto in  $\mathbf{R}$ ;  b esistono funzioni  $q$  con tali proprietà che non hanno nè massimo assoluto nè minimo assoluto in  $\mathbf{R}$ ;  c qualunque funzione  $q$  con tali proprietà ha massimo assoluto in  $\mathbf{R}$  ma esistono funzioni  $q$  con tali proprietà che non hanno minimo assoluto in  $\mathbf{R}$ ;  d qualunque funzione  $q$  con tali proprietà ha minimo assoluto in  $\mathbf{R}$  ma esistono funzioni  $q$  con tali proprietà che non hanno massimo assoluto in  $\mathbf{R}$ .

6. Le radici complesse dell'equazione  $z^4 = -8 - 8\sqrt{3}i$  sono:



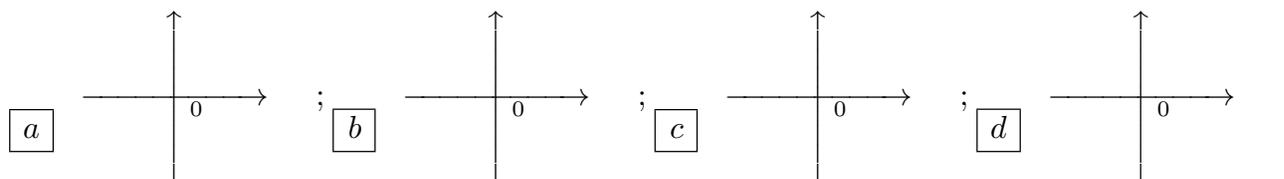
7. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione strettamente decrescente e inferiormente limitata. Allora l'affermazione “ $\exists \ell \in \mathbf{R}$  tale che  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \ell$ ”:  a implica  $\ell \neq 0$ ;  b ci sono casi in cui è vera e casi in cui non è vera (dipende da qual è la funzione  $f$  come sopra);  c è sempre vera (qualunque sia  $f$  come sopra);  d non è mai vera (qualunque sia  $f$  come sopra).

8. Le soluzioni  $z \in \mathbf{C}$  dell'equazione  $\bar{z}^2 - 2\bar{z} = -2 + z$  sono  a  $1, 2, -\frac{7}{2} \pm \frac{\sqrt{11}}{4}i$ ;  b  $1, 2, \frac{1}{2} \pm \frac{\sqrt{3}}{2}i$ ;  c  $1, 2, -\frac{7}{2} \pm \frac{3\sqrt{11}}{2}i$ ;  d  $1, 2, \frac{1}{2} \pm \frac{\sqrt{3}}{4}i$ .

<b>ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello</b>		<b>16 febbraio 2017</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>
<b>Corso di laurea:</b>		 Test   Es1   Es2   Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Le radici complesse dell'equazione  $z^4 = -2\sqrt{3} + 6i$  sono:



2. Sia  $P_2(x)$  il polinomio di Taylor del secondo ordine e centro  $x_0 = 0$  della funzione  $f(x) = e^{\cos x - 2}$ . Allora  $P_2(1) =$    $a$   $\frac{e^2}{2}$ ;   $b$   $\frac{5e^2}{2}$ ;   $c$   $\frac{1}{2e}$ ;   $d$   $\frac{5}{2e}$ .

3. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione positiva e tale che  $\lim_{x \rightarrow 4} f(x) = 81$ , e sia  $g(x) = \sqrt{f(x^2)}$ . Allora  $\lim_{x \rightarrow 2} g(x) =$    $a$  3;   $b$  2;   $c$  9;   $d$  4.

4. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione strettamente crescente e superiormente limitata. Allora l'affermazione “ $\exists \ell \in \mathbf{R}$  tale che  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \ell$ ”:   $a$  ci sono casi in cui è vera e casi in cui non è vera (dipende da qual è la funzione  $f$  come sopra);   $b$  è sempre vera (qualunque sia  $f$  come sopra);   $c$  non è mai vera (qualunque sia  $f$  come sopra);   $d$  implica  $\ell \neq 0$ .

5. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{k=0}^{\infty} \frac{3^k + k^2}{2^{2k} + 3} x^k$  è:   $a$   $\frac{9}{2}$ ;   $b$   $\frac{2}{9}$ ;   $c$   $\frac{4}{3}$ ;   $d$   $\frac{3}{4}$ .

6. Siano  $g(t) = \log(1 + t)$  e  $f(x) = 1 - e^{2x}$ . Allora il polinomio di Taylor del secondo ordine e di centro  $x_0 = 0$  della funzione  $g \circ f$  è:   $a$   $-2x - 2x^2$ ;   $b$   $-2x + 2x^2$ ;   $c$   $-2x - 4x^2$ ;   $d$   $-2x + 4x^2$ .

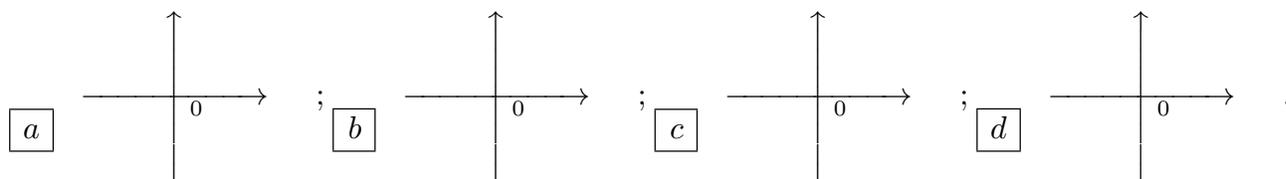
7. Le soluzioni  $z \in \mathbf{C}$  dell'equazione  $z^2 + 2z = -2 + 5\bar{z}$  sono   $a$   $1, 2, \frac{1}{2} \pm \frac{\sqrt{3}}{2}i$ ;   $b$   $1, 2, -\frac{7}{2} \pm \frac{3\sqrt{11}}{2}i$ ;   $c$   $1, 2, \frac{1}{2} \pm \frac{\sqrt{3}}{4}i$ ;   $d$   $1, 2, -\frac{7}{2} \pm \frac{\sqrt{11}}{4}i$ .

8. Sia  $q : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua tale che  $q(0) = 0$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} q(x) = e$  e  $\lim_{x \rightarrow -\infty} q(x) = e$ . Allora:   $a$  esistono funzioni  $q$  con tali proprietà che non hanno nè massimo assoluto nè minimo assoluto in  $\mathbf{R}$ ;   $b$  qualunque funzione  $q$  con tali proprietà ha massimo assoluto in  $\mathbf{R}$  ma esistono funzioni  $q$  con tali proprietà che non hanno minimo assoluto in  $\mathbf{R}$ ;   $c$  qualunque funzione  $q$  con tali proprietà ha minimo assoluto in  $\mathbf{R}$  ma esistono funzioni  $q$  con tali proprietà che non hanno massimo assoluto in  $\mathbf{R}$ ;   $d$  qualunque funzione  $q$  con tali proprietà ha sia massimo assoluto sia minimo assoluto in  $\mathbf{R}$ .

<b>ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello</b>		<b>16 febbraio 2017</b>	
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>	
<b>Corso di laurea:</b>			
		Test	Es1   Es2   Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

- Siano  $g(t) = 1 - e^t$  e  $f(x) = \sin(2x)$ . Allora il polinomio di Taylor del secondo ordine e di centro  $x_0 = 0$  della funzione  $g \circ f$  è:  a  $-2x + 2x^2$ ;  b  $-2x - 4x^2$ ;  c  $-2x + 4x^2$ ;  d  $-2x - 2x^2$ .
- Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione positiva e tale che  $\lim_{x \rightarrow 9} f(x) = 16$ , e sia  $g(x) = \sqrt{f(x^2)}$ . Allora  $\lim_{x \rightarrow 3} g(x) =$   a 2;  b 9;  c 4;  d 3.
- Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione strettamente crescente e inferiormente limitata. Allora l'affermazione " $\exists \ell \in \mathbf{R}$  tale che  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \ell$ ":  a è sempre vera (qualunque sia  $f$  come sopra);  b non è mai vera (qualunque sia  $f$  come sopra);  c implica  $\ell \neq 0$ ;  d ci sono casi in cui è vera e casi in cui non è vera (dipende da qual è la funzione  $f$  come sopra).
- Le soluzioni  $z \in \mathbf{C}$  dell'equazione  $\bar{z}^2 + 2\bar{z} = -2 + 5z$  sono  a  $1, 2, -\frac{7}{2} \pm \frac{3\sqrt{11}}{2}i$ ;  b  $1, 2, \frac{1}{2} \pm \frac{\sqrt{3}}{4}i$ ;  c  $1, 2, -\frac{7}{2} \pm \frac{\sqrt{11}}{4}i$ ;  d  $1, 2, \frac{1}{2} \pm \frac{\sqrt{3}}{2}i$ .
- Le radici complesse dell'equazione  $z^4 = -2\sqrt{3} - 6i$  sono:

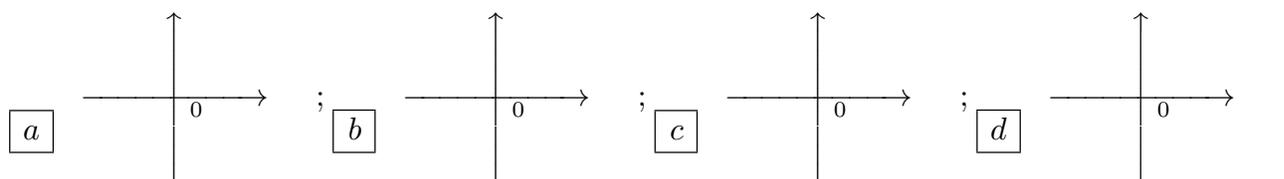


- Sia  $P_2(x)$  il polinomio di Taylor del secondo ordine e centro  $x_0 = 0$  della funzione  $f(x) = e^{\sin x - 1}$ . Allora  $P_2(1) =$   a  $\frac{5e^2}{2}$ ;  b  $\frac{1}{2e}$ ;  c  $\frac{5}{2e}$ ;  d  $\frac{e^2}{2}$ .
- Sia  $q : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua tale che  $q(0) = 0$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} q(x) = -e$  e  $\lim_{x \rightarrow -\infty} q(x) = -e$ . Allora:  a qualunque funzione  $q$  con tali proprietà ha massimo assoluto in  $\mathbf{R}$  ma esistono funzioni  $q$  con tali proprietà che non hanno minimo assoluto in  $\mathbf{R}$ ;  b qualunque funzione  $q$  con tali proprietà ha minimo assoluto in  $\mathbf{R}$  ma esistono funzioni  $q$  con tali proprietà che non hanno massimo assoluto in  $\mathbf{R}$ ;  c qualunque funzione  $q$  con tali proprietà ha sia massimo assoluto sia minimo assoluto in  $\mathbf{R}$ ;  d esistono funzioni  $q$  con tali proprietà che non hanno nè massimo assoluto nè minimo assoluto in  $\mathbf{R}$ .
- Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{k=0}^{\infty} \frac{2^{2k} + k}{3^k + 2} x^k$  è:  a  $\frac{2}{9}$ ;  b  $\frac{4}{3}$ ;  c  $\frac{3}{4}$ ;  d  $\frac{9}{2}$ .

<b>ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello</b>		<b>16 febbraio 2017</b>	
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>	
<b>Corso di laurea:</b>			
		Test	Es1   Es2   Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

- Sia  $P_2(x)$  il polinomio di Taylor del secondo ordine e centro  $x_0 = 0$  della funzione  $f(x) = e^{\sin x+2}$ . Allora  $P_2(1) =$    $a$   $\frac{1}{2e}$ ;   $b$   $\frac{5}{2e}$ ;   $c$   $\frac{e^2}{2}$ ;   $d$   $\frac{5e^2}{2}$ .
- Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione strettamente decrescente e superiormente limitata. Allora l'affermazione " $\exists \ell \in \mathbf{R}$  tale che  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \ell$ ":   $a$  non è mai vera (qualunque sia  $f$  come sopra);   $b$  implica  $\ell \neq 0$ ;   $c$  ci sono casi in cui è vera e casi in cui non è vera (dipende da qual è la funzione  $f$  come sopra);   $d$  è sempre vera (qualunque sia  $f$  come sopra).
- Le soluzioni  $z \in \mathbf{C}$  dell'equazione  $z^2 + 2z = -2 + 5\bar{z}$  sono   $a$   $1, 2, \frac{1}{2} \pm \frac{\sqrt{3}}{4}i$ ;   $b$   $1, 2, -\frac{7}{2} \pm \frac{\sqrt{11}}{4}i$ ;   $c$   $1, 2, \frac{1}{2} \pm \frac{\sqrt{3}}{2}i$ ;   $d$   $1, 2, -\frac{7}{2} \pm \frac{3\sqrt{11}}{2}i$ .
- Sia  $q : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua tale che  $q(0) = 0$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} q(x) = \pi$  e  $\lim_{x \rightarrow -\infty} q(x) = \pi$ . Allora:   $a$  qualunque funzione  $q$  con tali proprietà ha minimo assoluto in  $\mathbf{R}$  ma esistono funzioni  $q$  con tali proprietà che non hanno massimo assoluto in  $\mathbf{R}$ ;   $b$  qualunque funzione  $q$  con tali proprietà ha sia massimo assoluto sia minimo assoluto in  $\mathbf{R}$ ;   $c$  esistono funzioni  $q$  con tali proprietà che non hanno nè massimo assoluto nè minimo assoluto in  $\mathbf{R}$ ;   $d$  qualunque funzione  $q$  con tali proprietà ha massimo assoluto in  $\mathbf{R}$  ma esistono funzioni  $q$  con tali proprietà che non hanno minimo assoluto in  $\mathbf{R}$ .
- Siano  $g(t) = e^t - 1$  e  $f(x) = -2 \operatorname{tg} x$ . Allora il polinomio di Taylor del secondo ordine e di centro  $x_0 = 0$  della funzione  $g \circ f$  è:   $a$   $-2x - 4x^2$ ;   $b$   $-2x + 4x^2$ ;   $c$   $-2x - 2x^2$ ;   $d$   $-2x + 2x^2$ .
- Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione positiva e tale che  $\lim_{x \rightarrow 9} f(x) = 4$ , e sia  $g(x) = \sqrt{f(x^2)}$ . Allora  $\lim_{x \rightarrow 3} g(x) =$    $a$   $9$ ;   $b$   $4$ ;   $c$   $3$ ;   $d$   $2$ .
- Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{k=0}^{\infty} \frac{3^{2k} + 2}{2^k + k^2} x^k$  è:   $a$   $\frac{4}{3}$ ;   $b$   $\frac{3}{4}$ ;   $c$   $\frac{9}{2}$ ;   $d$   $\frac{2}{9}$ .
- Le radici complesse dell'equazione  $z^4 = -8 - 8\sqrt{3}i$  sono:



<b>ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello</b>		<b>16 febbraio 2017</b>	
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>	
<b>Corso di laurea:</b>			
		Test	Es1   Es2   Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione positiva e tale che  $\lim_{x \rightarrow 4} f(x) = 81$ , e sia  $g(x) = \sqrt{f(x^2)}$ . Allora  $\lim_{x \rightarrow 2} g(x) =$   a 4;  b 3;  c 2;  d 9.

2. Le soluzioni  $z \in \mathbf{C}$  dell'equazione  $\bar{z}^2 - 2\bar{z} = -2 + z$  sono  a  $1, 2, -\frac{7}{2} \pm \frac{\sqrt{11}}{4}i$ ;  b  $1, 2, \frac{1}{2} \pm \frac{\sqrt{3}}{2}i$ ;  c  $1, 2, -\frac{7}{2} \pm \frac{3\sqrt{11}}{2}i$ ;  d  $1, 2, \frac{1}{2} \pm \frac{\sqrt{3}}{4}i$ .

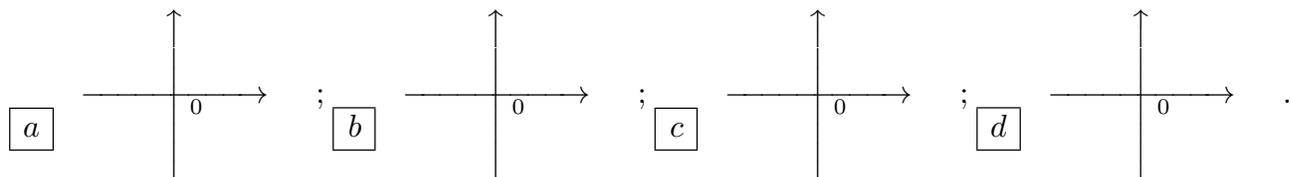
3. Sia  $q : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua tale che  $q(0) = 0$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} q(x) = -\pi$  e  $\lim_{x \rightarrow -\infty} q(x) = -\pi$ . Allora:  a qualunque funzione  $q$  con tali proprietà ha sia massimo assoluto sia minimo assoluto in  $\mathbf{R}$ ;  b esistono funzioni  $q$  con tali proprietà che non hanno nè massimo assoluto nè minimo assoluto in  $\mathbf{R}$ ;  c qualunque funzione  $q$  con tali proprietà ha massimo assoluto in  $\mathbf{R}$  ma esistono funzioni  $q$  con tali proprietà che non hanno minimo assoluto in  $\mathbf{R}$ ;  d qualunque funzione  $q$  con tali proprietà ha minimo assoluto in  $\mathbf{R}$  ma esistono funzioni  $q$  con tali proprietà che non hanno massimo assoluto in  $\mathbf{R}$ .

4. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{k=0}^{\infty} \frac{3^k + k^2}{2^{2k} + 3} x^k$  è:  a  $\frac{3}{4}$ ;  b  $\frac{9}{2}$ ;  c  $\frac{2}{9}$ ;  d  $\frac{4}{3}$ .

5. Sia  $P_2(x)$  il polinomio di Taylor del secondo ordine e centro  $x_0 = 0$  della funzione  $f(x) = e^{\cos x + 1}$ . Allora  $P_2(1) =$   a  $\frac{5}{2e}$ ;  b  $\frac{e^2}{2}$ ;  c  $\frac{5e^2}{2}$ ;  d  $\frac{1}{2e}$ .

6. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione strettamente decrescente e inferiormente limitata. Allora l'affermazione " $\exists \ell \in \mathbf{R}$  tale che  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \ell$ ":  a implica  $\ell \neq 0$ ;  b ci sono casi in cui è vera e casi in cui non è vera (dipende da qual è la funzione  $f$  come sopra);  c è sempre vera (qualunque sia  $f$  come sopra);  d non è mai vera (qualunque sia  $f$  come sopra).

7. Le radici complesse dell'equazione  $z^4 = -2\sqrt{3} + 6i$  sono:



8. Siano  $g(t) = \log(1 + t)$  e  $f(x) = 1 - e^{2x}$ . Allora il polinomio di Taylor del secondo ordine e di centro  $x_0 = 0$  della funzione  $g \circ f$  è:  a  $-2x + 4x^2$ ;  b  $-2x - 2x^2$ ;  c  $-2x + 2x^2$ ;  d  $-2x - 4x^2$ .

<b>ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello</b>		<b>16 febbraio 2017</b>	
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>	
<b>Corso di laurea:</b>			
		Test	Es1   Es2   Es3

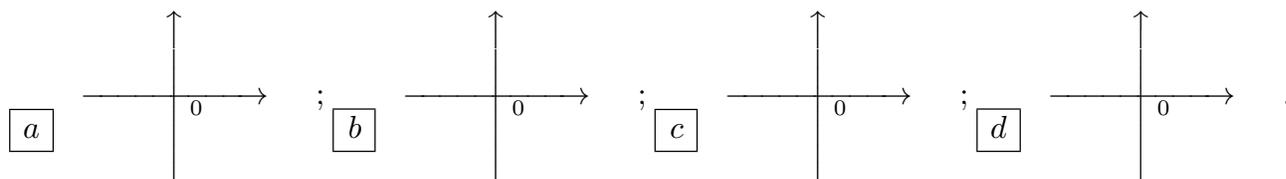
- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione strettamente crescente e superiormente limitata. Allora l'affermazione " $\exists \ell \in \mathbf{R}$  tale che  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \ell$ ":   $a$  ci sono casi in cui è vera e casi in cui non è vera (dipende da qual è la funzione  $f$  come sopra);   $b$  è sempre vera (qualunque sia  $f$  come sopra);   $c$  non è mai vera (qualunque sia  $f$  come sopra);   $d$  implica  $\ell \neq 0$ .

2. Sia  $q : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua tale che  $q(0) = 0$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} q(x) = -e$  e  $\lim_{x \rightarrow -\infty} q(x) = -e$ . Allora:   $a$  esistono funzioni  $q$  con tali proprietà che non hanno nè massimo assoluto nè minimo assoluto in  $\mathbf{R}$ ;   $b$  qualunque funzione  $q$  con tali proprietà ha massimo assoluto in  $\mathbf{R}$  ma esistono funzioni  $q$  con tali proprietà che non hanno minimo assoluto in  $\mathbf{R}$ ;   $c$  qualunque funzione  $q$  con tali proprietà ha minimo assoluto in  $\mathbf{R}$  ma esistono funzioni  $q$  con tali proprietà che non hanno massimo assoluto in  $\mathbf{R}$ ;   $d$  qualunque funzione  $q$  con tali proprietà ha sia massimo assoluto sia minimo assoluto in  $\mathbf{R}$ .

3. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{k=0}^{\infty} \frac{2^k + 1}{3^{2k} + k} x^k$  è:   $a$   $\frac{9}{2}$ ;   $b$   $\frac{2}{9}$ ;   $c$   $\frac{4}{3}$ ;   $d$   $\frac{3}{4}$ .

4. Le radici complesse dell'equazione  $z^4 = -2\sqrt{3} - 6i$  sono:



5. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione positiva e tale che  $\lim_{x \rightarrow 9} f(x) = 16$ , e sia  $g(x) = \sqrt{f(x^2)}$ . Allora  $\lim_{x \rightarrow 3} g(x) =$    $a$  3;   $b$  2;   $c$  9;   $d$  4.

6. Le soluzioni  $z \in \mathbf{C}$  dell'equazione  $z^2 - 2z = -2 + \bar{z}$  sono   $a$   $1, 2, \frac{1}{2} \pm \frac{\sqrt{3}}{2}i$ ;   $b$   $1, 2, -\frac{7}{2} \pm \frac{3\sqrt{11}}{2}i$ ;   $c$   $1, 2, \frac{1}{2} \pm \frac{\sqrt{3}}{4}i$ ;   $d$   $1, 2, -\frac{7}{2} \pm \frac{\sqrt{11}}{4}i$ .

7. Siano  $g(t) = 1 - e^t$  e  $f(x) = \sin(2x)$ . Allora il polinomio di Taylor del secondo ordine e di centro  $x_0 = 0$  della funzione  $g \circ f$  è:   $a$   $-2x - 2x^2$ ;   $b$   $-2x + 2x^2$ ;   $c$   $-2x - 4x^2$ ;   $d$   $-2x + 4x^2$ .

8. Sia  $P_2(x)$  il polinomio di Taylor del secondo ordine e centro  $x_0 = 0$  della funzione  $f(x) = e^{\sin x - 1}$ . Allora  $P_2(1) =$    $a$   $\frac{e^2}{2}$ ;   $b$   $\frac{5e^2}{2}$ ;   $c$   $\frac{1}{2e}$ ;   $d$   $\frac{5}{2e}$ .

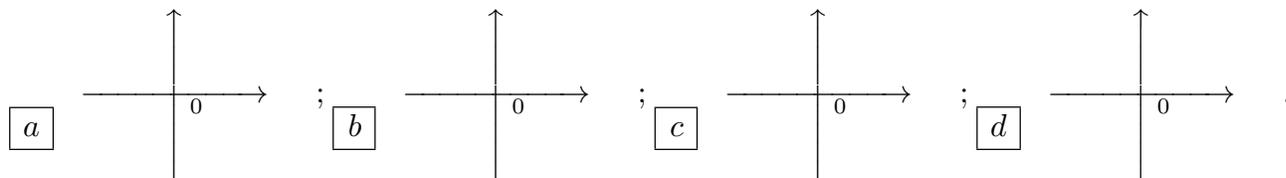
<b>ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello</b>		<b>16 febbraio 2017</b>	
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>	
<b>Corso di laurea:</b>			
		Test	Es1  Es2  Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Le soluzioni  $z \in \mathbf{C}$  dell'equazione  $\bar{z}^2 + 2\bar{z} = -2 + 5z$  sono  a  $1, 2, -\frac{7}{2} \pm \frac{3\sqrt{11}}{2}i$ ;  b  $1, 2, \frac{1}{2} \pm \frac{\sqrt{3}}{4}i$ ;  c  $1, 2, -\frac{7}{2} \pm \frac{\sqrt{11}}{4}i$ ;  d  $1, 2, \frac{1}{2} \pm \frac{\sqrt{3}}{2}i$ .

2. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{k=0}^{\infty} \frac{2^{2k} + k}{3^k + 2} x^k$  è:  a  $\frac{2}{9}$ ;  b  $\frac{4}{3}$ ;  c  $\frac{3}{4}$ ;  d  $\frac{9}{2}$ .

3. Le radici complesse dell'equazione  $z^4 = -8 + 8\sqrt{3}i$  sono:



4. Siano  $g(t) = \log(1+t)$  e  $f(x) = -2\sin x$ . Allora il polinomio di Taylor del secondo ordine e di centro  $x_0 = 0$  della funzione  $g \circ f$  è:  a  $-2x + 2x^2$ ;  b  $-2x - 4x^2$ ;  c  $-2x + 4x^2$ ;  d  $-2x - 2x^2$ .

5. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione strettamente crescente e inferiormente limitata. Allora l'affermazione “ $\exists \ell \in \mathbf{R}$  tale che  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \ell$ ”:  a è sempre vera (qualunque sia  $f$  come sopra);  b non è mai vera (qualunque sia  $f$  come sopra);  c implica  $\ell \neq 0$ ;  d ci sono casi in cui è vera e casi in cui non è vera (dipende da qual è la funzione  $f$  come sopra).

6. Sia  $q : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua tale che  $q(0) = 0$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} q(x) = e$  e  $\lim_{x \rightarrow -\infty} q(x) = e$ . Allora:  a qualunque funzione  $q$  con tali proprietà ha massimo assoluto in  $\mathbf{R}$  ma esistono funzioni  $q$  con tali proprietà che non hanno minimo assoluto in  $\mathbf{R}$ ;  b qualunque funzione  $q$  con tali proprietà ha minimo assoluto in  $\mathbf{R}$  ma esistono funzioni  $q$  con tali proprietà che non hanno massimo assoluto in  $\mathbf{R}$ ;  c qualunque funzione  $q$  con tali proprietà ha sia massimo assoluto sia minimo assoluto in  $\mathbf{R}$ ;  d esistono funzioni  $q$  con tali proprietà che non hanno nè massimo assoluto nè minimo assoluto in  $\mathbf{R}$ .

7. Sia  $P_2(x)$  il polinomio di Taylor del secondo ordine e centro  $x_0 = 0$  della funzione  $f(x) = e^{\cos x - 2}$ . Allora  $P_2(1) =$   a  $\frac{5e^2}{2}$ ;  b  $\frac{1}{2e}$ ;  c  $\frac{5}{2e}$ ;  d  $\frac{e^2}{2}$ .

8. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione positiva e tale che  $\lim_{x \rightarrow 4} f(x) = 9$ , e sia  $g(x) = \sqrt{f(x^2)}$ . Allora  $\lim_{x \rightarrow 2} g(x) =$   a 2;  b 9;  c 4;  d 3.