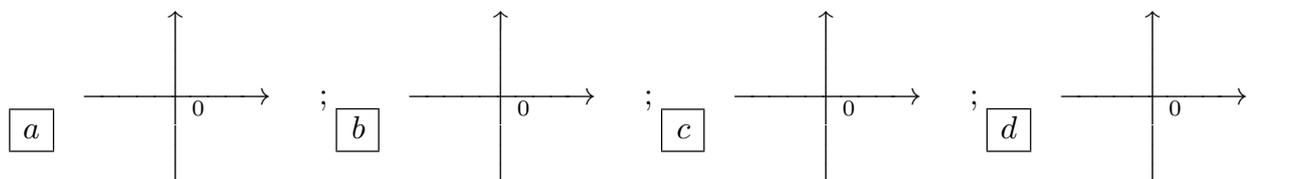


<b>ANALISI MATEMATICA 1 - Quarto appello</b>		<b>17 luglio 2018</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>
<b>Corso di laurea:</b>		Test   Es1   Es2   Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua, con  $f(0) = 2, f(1) = 1$ . Per quale delle seguenti funzioni  $g$  l'equazione  $f(x) - g(x) = 0$  ha certamente almeno una soluzione in  $[0, 1]$ ?   $a$   $g(x) = \frac{1}{4} - x^3$ ;   $b$   $g(x) = x^3 - 2$ ;   $c$   $g(x) = x^2 + 1$ ;   $d$   $g(x) = 1 - x^2$ .

2. Quale delle seguenti figure rappresenta i numeri complessi  $\sqrt[3]{i^2}$ ?



3. L'insieme dove la funzione  $g(x) = \arctan(x^3 + x^2 - x + 1)$  è crescente è:   $a$   $x \leq -1/3$  e  $x \geq 1$ ;   $b$   $-1/3 \leq x \leq 1$ ;   $c$   $x \leq -1$  e  $x \geq 1/3$ ;   $d$   $-1 \leq x \leq 1/3$ .

4. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{n=1}^{\infty} \left( 2n \log \left( 1 + \frac{1}{3n} \right) \right)^n x^n$  è:   $a$   $\frac{1}{6}$ ;   $b$   $6$ ;   $c$   $\frac{3}{2}$ ;   $d$   $\frac{2}{3}$ .

5. Sia  $f$  una funzione periodica di periodo  $2\pi$ , e definita in  $(-\pi, \pi]$  da  $f(x) = \begin{cases} -2 & \text{per } x < 0 \\ 2 & \text{per } x \geq 0 \end{cases}$ .

Sia  $\frac{a_0}{2} + \sum_{k=1}^{\infty} [a_k \cos(kx) + b_k (\sin(kx))]$  la sua serie di Fourier. Allora  $b_5 =$    $a$   $-\frac{8}{5\pi}$ ;   $b$   $-\frac{4}{5\pi}$ ;   $c$   $\frac{8}{5\pi}$ ;   $d$   $\frac{4}{5\pi}$ .

6. L'area **compresa** fra l'asse  $x$  delle ascisse e il grafico di  $f(x) = x^2 - 1$  per  $x \in [-1, 2]$  è:   $a$   $1$ ;   $b$   $\frac{4}{3}$ ;   $c$   $\frac{8}{3}$ ;   $d$   $2$ .

7. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile, e sia  $x_0 \in \mathbf{R}$ . Allora  $f'(x_0) =$    $a$   $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x_0) - f(x)}{x_0 - x}$ ;   $b$   $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 - h) - f(x_0)}{h}$ ;   $c$   $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + h) - f(x_0 - h)}{h}$ ;   $d$   $\lim_{x_0 \rightarrow 0} \frac{f(x_0) - f(0)}{x_0}$ .

8. Data la successione  $b_n = \frac{2}{n(n+3)}$ , la somma della serie  $\sum_{n=1}^{\infty} (b_{n+2} - b_n)$  è:   $a$   $-\frac{17}{30}$ ;   $b$   $-\frac{11}{6}$ ;   $c$   $-\frac{7}{10}$ ;   $d$   $-\frac{11}{8}$ .

<b>ANALISI MATEMATICA 1 - Quarto appello</b>		<b>17 luglio 2018</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>
<b>Corso di laurea:</b>		Test   Es1   Es2   Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. L'area **compresa** fra l'asse  $x$  delle ascisse e il grafico di  $f(x) = 1 - x^2$  per  $x \in [-1, 2]$  è:  
 a  $\frac{4}{3}$ ;  b  $\frac{8}{3}$ ;  c 2;  d 1.

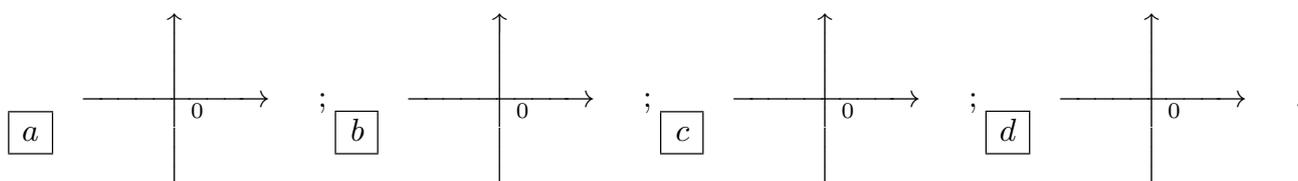
2. L'insieme dove la funzione  $g(x) = \arctan(x^3 + x^2 - x + 1)$  è decrescente è:  a  $-1/3 \leq x \leq 1$ ;  
 b  $x \leq -1$  e  $x \geq 1/3$ ;  c  $-1 \leq x \leq 1/3$ ;  d  $x \leq -1/3$  e  $x \geq 1$ .

3. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{1}{2} n \log \left( 1 + \frac{3}{n} \right) \right)^n x^n$  è:  a 6;  b  $\frac{3}{2}$ ;  
 c  $\frac{2}{3}$ ;  d  $\frac{1}{6}$ .

4. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile, e sia  $x_0 \in \mathbf{R}$ . Allora  $f'(x_0) =$   a  $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x_0) - f(x)}{x - x_0}$ ;  
 b  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + h) - f(x_0 - h)}{h}$ ;  c  $\lim_{x_0 \rightarrow 0} \frac{f(x_0) - f(0)}{x_0}$ ;  d  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0) - f(x_0 - h)}{h}$ .

5. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua, con  $f(0) = \frac{1}{2}$ ,  $f(1) = 1$ . Per quale delle seguenti funzioni  $g$  l'equazione  $f(x) - g(x) = 0$  ha certamente almeno una soluzione in  $[0, 1]$ ?  a  $g(x) = x^3 - 2$ ;  
 b  $g(x) = x^2 + 1$ ;  c  $g(x) = 1 - x^2$ ;  d  $g(x) = \frac{1}{4} - x^3$ .

6. Quale delle seguenti figure rappresenta i numeri complessi  $\sqrt[3]{-i^2}$ ?



7. Data la successione  $b_n = \frac{3}{n(n+2)}$ , la somma della serie  $\sum_{n=1}^{\infty} (b_{n+2} - b_n)$  è:  a  $-\frac{11}{6}$ ;  b  $-\frac{7}{10}$ ;  
 c  $-\frac{11}{8}$ ;  d  $-\frac{17}{30}$ .

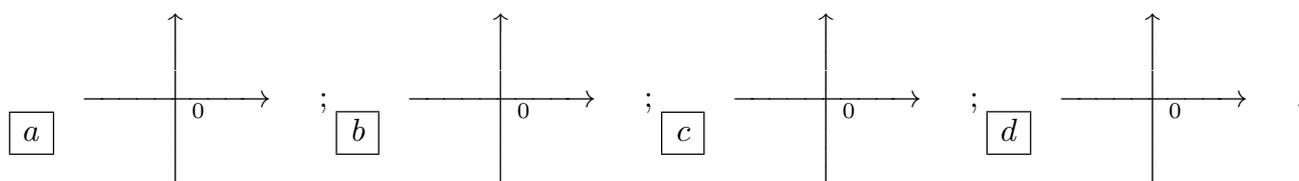
8. Sia  $f$  una funzione periodica di periodo  $2\pi$ , e definita in  $(-\pi, \pi]$  da  $f(x) = \begin{cases} -1 & \text{per } x < 0 \\ 1 & \text{per } x \geq 0 \end{cases}$ .

Sia  $\frac{a_0}{2} + \sum_{k=1}^{\infty} [a_k \cos(kx) + b_k (\sin(kx))]$  la sua serie di Fourier. Allora  $b_5 =$   a  $-\frac{4}{5\pi}$ ;  b  $\frac{8}{5\pi}$ ;  
 c  $\frac{4}{5\pi}$ ;  d  $-\frac{8}{5\pi}$ .

<b>ANALISI MATEMATICA 1 - Quarto appello</b>		<b>17 luglio 2018</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>
<b>Corso di laurea:</b>		Test   Es1   Es2   Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Quale delle seguenti figure rappresenta i numeri complessi  $\sqrt[3]{i^4}$ ?



2. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(2n \log \left(1 + \frac{3}{n}\right)\right)^n x^n$  è:  a  $\frac{3}{2}$ ;  b  $\frac{2}{3}$ ;  c  $\frac{1}{6}$ ;  d 6.

3. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile, e sia  $x_0 \in \mathbf{R}$ . Allora  $f'(x_0) =$   a  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + h) - f(x_0 - h)}{h}$ ;  b  $\lim_{x_0 \rightarrow 0} \frac{f(x_0) - f(0)}{x_0}$ ;  c  $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x_0) - f(x)}{x_0 - x}$ ;  d  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 - h) - f(x_0)}{h}$ .

4. Data la successione  $b_n = \frac{2}{n(n+4)}$ , la somma della serie  $\sum_{n=1}^{\infty} (b_{n+2} - b_n)$  è:  a  $-\frac{7}{10}$ ;  b  $-\frac{11}{8}$ ;  c  $-\frac{17}{30}$ ;  d  $-\frac{11}{6}$ .

5. L'area **compresa** fra l'asse  $x$  delle ascisse e il grafico di  $f(x) = x - x^2$  per  $x \in [0, 2]$  è:  a  $\frac{8}{3}$ ;  b 2;  c 1;  d  $\frac{4}{3}$ .

6. L'insieme dove la funzione  $g(x) = \arctan(x^3 - x^2 - x + 1)$  è crescente è:  a  $x \leq -1$  e  $x \geq 1/3$ ;  b  $-1 \leq x \leq 1/3$ ;  c  $x \leq -1/3$  e  $x \geq 1$ ;  d  $-1/3 \leq x \leq 1$ .

7. Sia  $f$  una funzione periodica di periodo  $2\pi$ , e definita in  $(-\pi, \pi]$  da  $f(x) = \begin{cases} 2 & \text{per } x < 0 \\ -2 & \text{per } x \geq 0 \end{cases}$ .

Sia  $\frac{a_0}{2} + \sum_{k=1}^{\infty} [a_k \cos(kx) + b_k (\sin(kx))]$  la sua serie di Fourier. Allora  $b_5 =$   a  $\frac{8}{5\pi}$ ;  b  $\frac{4}{5\pi}$ ;  c  $-\frac{8}{5\pi}$ ;  d  $-\frac{4}{5\pi}$ .

8. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua, con  $f(0) = -1, f(1) = -\frac{1}{2}$ . Per quale delle seguenti funzioni  $g$  l'equazione  $f(x) - g(x) = 0$  ha certamente almeno una soluzione in  $[0, 1]$ ?  a  $g(x) = x^2 + 1$ ;  b  $g(x) = 1 - x^2$ ;  c  $g(x) = \frac{1}{4} - x^3$ ;  d  $g(x) = x^3 - 2$ .

<b>ANALISI MATEMATICA 1 - Quarto appello</b>		<b>17 luglio 2018</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>
<b>Corso di laurea:</b>		Test   Es1   Es2   Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

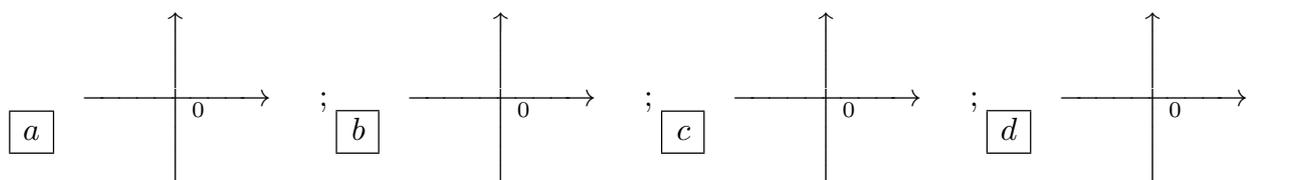
1. L'insieme dove la funzione  $g(x) = \arctan(x^3 - x^2 - x + 1)$  è decrescente è:  a  $-1 \leq x \leq 1/3$ ;  b  $x \leq -1/3$  e  $x \geq 1$ ;  c  $-1/3 \leq x \leq 1$ ;  d  $x \leq -1$  e  $x \geq 1/3$ .

2. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile, e sia  $x_0 \in \mathbf{R}$ . Allora  $f'(x_0) =$   a  $\lim_{x_0 \rightarrow 0} \frac{f(x_0) - f(0)}{x_0}$ ;  b  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0) - f(x_0 - h)}{h}$ ;  c  $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x_0) - f(x)}{x - x_0}$ ;  d  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + h) - f(x_0 - h)}{h}$ .

3. Data la successione  $b_n = \frac{4}{n(n+2)}$ , la somma della serie  $\sum_{n=1}^{\infty} (b_{n+2} - b_n)$  è:  a  $-\frac{11}{8}$ ;  b  $-\frac{17}{30}$ ;  c  $-\frac{11}{6}$ ;  d  $-\frac{7}{10}$ .

4. Sia  $f$  una funzione periodica di periodo  $2\pi$ , e definita in  $(-\pi, \pi]$  da  $f(x) = \begin{cases} 1 & \text{per } x < 0 \\ -1 & \text{per } x \geq 0 \end{cases}$ . Sia  $\frac{a_0}{2} + \sum_{k=1}^{\infty} [a_k \cos(kx) + b_k (\sin(kx))]$  la sua serie di Fourier. Allora  $b_5 =$   a  $\frac{4}{5\pi}$ ;  b  $-\frac{8}{5\pi}$ ;  c  $-\frac{4}{5\pi}$ ;  d  $\frac{8}{5\pi}$ .

5. Quale delle seguenti figure rappresenta i numeri complessi  $\sqrt[3]{-i^4}$ ?



6. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{1}{2} n \log \left( 1 + \frac{1}{3n} \right) \right)^n x^n$  è:  a  $\frac{2}{3}$ ;  b  $\frac{1}{6}$ ;  c  $6$ ;  d  $\frac{3}{2}$ .

7. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua, con  $f(0) = -1, f(1) = -2$ . Per quale delle seguenti funzioni  $g$  l'equazione  $f(x) - g(x) = 0$  ha certamente almeno una soluzione in  $[0, 1]$ ?  a  $g(x) = 1 - x^2$ ;  b  $g(x) = \frac{1}{4} - x^3$ ;  c  $g(x) = x^3 - 2$ ;  d  $g(x) = x^2 + 1$ .

8. L'area **compresa** fra l'asse  $x$  delle ascisse e il grafico di  $f(x) = x^2 - x$  per  $x \in [0, 2]$  è:  a  $2$ ;  b  $1$ ;  c  $\frac{4}{3}$ ;  d  $\frac{8}{3}$ .

<b>ANALISI MATEMATICA 1 - Quarto appello</b>		<b>17 luglio 2018</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>
<b>Corso di laurea:</b>		Test   Es1   Es2   Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(2n \log \left(1 + \frac{3}{n}\right)\right)^n x^n$  è:  a  $\frac{1}{6}$ ;  b 6;  
 c  $\frac{3}{2}$ ;  d  $\frac{2}{3}$ .

2. Data la successione  $b_n = \frac{2}{n(n+3)}$ , la somma della serie  $\sum_{n=1}^{\infty} (b_{n+2} - b_n)$  è:  a  $-\frac{17}{30}$ ;  b  $-\frac{11}{6}$ ;  
 c  $-\frac{7}{10}$ ;  d  $-\frac{11}{8}$ .

3. Sia  $f$  una funzione periodica di periodo  $2\pi$ , e definita in  $(-\pi, \pi]$  da  $f(x) = \begin{cases} 1 & \text{per } x < 0 \\ -1 & \text{per } x \geq 0 \end{cases}$ .  
Sia  $\frac{a_0}{2} + \sum_{k=1}^{\infty} [a_k \cos(kx) + b_k (\sin(kx))]$  la sua serie di Fourier. Allora  $b_5 =$   a  $-\frac{8}{5\pi}$ ;  b  $-\frac{4}{5\pi}$ ;  
 c  $\frac{8}{5\pi}$ ;  d  $\frac{4}{5\pi}$ .

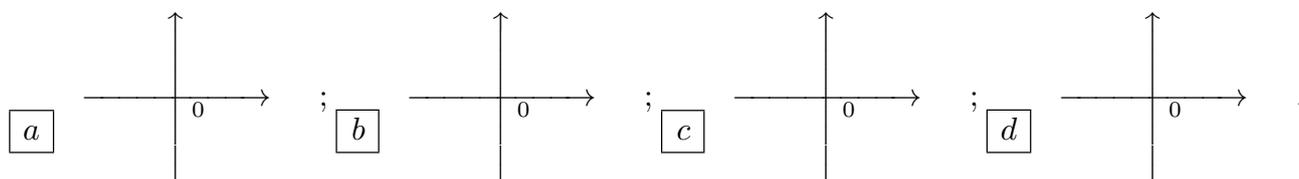
4. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua, con  $f(0) = \frac{1}{2}$ ,  $f(1) = 1$ . Per quale delle seguenti funzioni  $g$  l'equazione  $f(x) - g(x) = 0$  ha certamente almeno una soluzione in  $[0, 1]$ ?  a  $g(x) = \frac{1}{4} - x^3$ ;  
 b  $g(x) = x^3 - 2$ ;  c  $g(x) = x^2 + 1$ ;  d  $g(x) = 1 - x^2$ .

5. L'insieme dove la funzione  $g(x) = \arctan(x^3 + x^2 - x + 1)$  è crescente è:  a  $x \leq -1/3$  e  $x \geq 1$ ;  
 b  $-1/3 \leq x \leq 1$ ;  c  $x \leq -1$  e  $x \geq 1/3$ ;  d  $-1 \leq x \leq 1/3$ .

6. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile, e sia  $x_0 \in \mathbf{R}$ . Allora  $f'(x_0) =$   a  $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x_0) - f(x)}{x_0 - x}$ ;  
 b  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 - h) - f(x_0)}{h}$ ;  c  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + h) - f(x_0 - h)}{h}$ ;  d  $\lim_{x_0 \rightarrow 0} \frac{f(x_0) - f(0)}{x_0}$ .

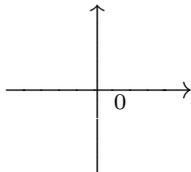
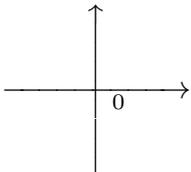
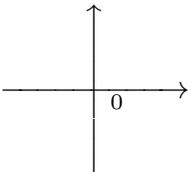
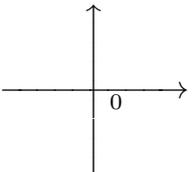
7. L'area **compresa** fra l'asse  $x$  delle ascisse e il grafico di  $f(x) = x - x^2$  per  $x \in [0, 2]$  è:  a 1;  
 b  $\frac{4}{3}$ ;  c  $\frac{8}{3}$ ;  d 2.

8. Quale delle seguenti figure rappresenta i numeri complessi  $\sqrt[3]{-i^2}$ ?



<b>ANALISI MATEMATICA 1 - Quarto appello</b>		<b>17 luglio 2018</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>
<b>Corso di laurea:</b>		Test   Es1   Es2   Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile, e sia  $x_0 \in \mathbf{R}$ . Allora  $f'(x_0) =$   a  $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x_0) - f(x)}{x - x_0}$ ;  b  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + h) - f(x_0 - h)}{h}$ ;  c  $\lim_{x_0 \rightarrow 0} \frac{f(x_0) - f(0)}{x_0}$ ;  d  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0) - f(x_0 - h)}{h}$ .
2. Sia  $f$  una funzione periodica di periodo  $2\pi$ , e definita in  $(-\pi, \pi]$  da  $f(x) = \begin{cases} -2 & \text{per } x < 0 \\ 2 & \text{per } x \geq 0 \end{cases}$ .  
Sia  $\frac{a_0}{2} + \sum_{k=1}^{\infty} [a_k \cos(kx) + b_k (\sin(kx))]$  la sua serie di Fourier. Allora  $b_5 =$   a  $-\frac{4}{5\pi}$ ;  b  $\frac{8}{5\pi}$ ;  c  $\frac{4}{5\pi}$ ;  d  $-\frac{8}{5\pi}$ .
3. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua, con  $f(0) = 2, f(1) = 1$ . Per quale delle seguenti funzioni  $g$  l'equazione  $f(x) - g(x) = 0$  ha certamente almeno una soluzione in  $[0, 1]$ ?  a  $g(x) = x^3 - 2$ ;  b  $g(x) = x^2 + 1$ ;  c  $g(x) = 1 - x^2$ ;  d  $g(x) = \frac{1}{4} - x^3$ .
4. L'area **compresa** fra l'asse  $x$  delle ascisse e il grafico di  $f(x) = x^2 - 1$  per  $x \in [-1, 2]$  è:  a  $\frac{4}{3}$ ;  b  $\frac{8}{3}$ ;  c 2;  d 1.
5. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{1}{2} n \log \left( 1 + \frac{1}{3n} \right) \right)^n x^n$  è:  a 6;  b  $\frac{3}{2}$ ;  c  $\frac{2}{3}$ ;  d  $\frac{1}{6}$ .
6. Data la successione  $b_n = \frac{2}{n(n+4)}$ , la somma della serie  $\sum_{n=1}^{\infty} (b_{n+2} - b_n)$  è:  a  $-\frac{11}{6}$ ;  b  $-\frac{7}{10}$ ;  c  $-\frac{11}{8}$ ;  d  $-\frac{17}{30}$ .
7. Quale delle seguenti figure rappresenta i numeri complessi  $\sqrt[3]{-i^4}$ ?
- a  ;  b  ;  c  ;  d .
8. L'insieme dove la funzione  $g(x) = \arctan(x^3 + x^2 - x + 1)$  è decrescente è:  a  $-1/3 \leq x \leq 1$ ;  b  $x \leq -1$  e  $x \geq 1/3$ ;  c  $-1 \leq x \leq 1/3$ ;  d  $x \leq -1/3$  e  $x \geq 1$ .

<b>ANALISI MATEMATICA 1 - Quarto appello</b>		<b>17 luglio 2018</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>
<b>Corso di laurea:</b>		Test   Es1   Es2   Es3

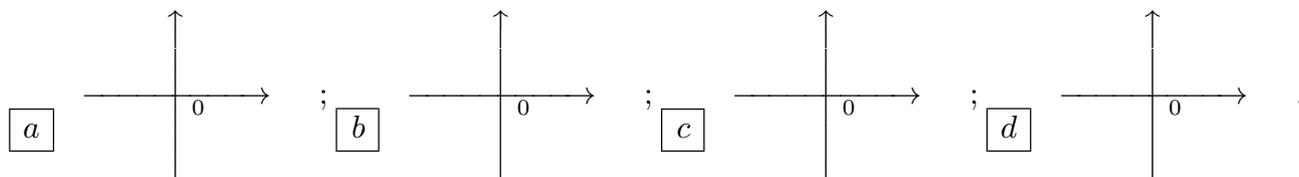
- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Data la successione  $b_n = \frac{4}{n(n+2)}$ , la somma della serie  $\sum_{n=1}^{\infty} (b_{n+2} - b_n)$  è:  a  $-\frac{7}{10}$ ;  b  $-\frac{11}{8}$ ;  
 c  $-\frac{17}{30}$ ;  d  $-\frac{11}{6}$ .

2. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua, con  $f(0) = -1, f(1) = -2$ . Per quale delle seguenti funzioni  $g$  l'equazione  $f(x) - g(x) = 0$  ha certamente almeno una soluzione in  $[0, 1]$ ?  
 a  $g(x) = x^2 + 1$ ;  b  $g(x) = 1 - x^2$ ;  c  $g(x) = \frac{1}{4} - x^3$ ;  d  $g(x) = x^3 - 2$ .

3. L'area **compresa** fra l'asse  $x$  delle ascisse e il grafico di  $f(x) = x^2 - x$  per  $x \in [0, 2]$  è:  a  $\frac{8}{3}$ ;  
 b 2;  c 1;  d  $\frac{4}{3}$ .

4. Quale delle seguenti figure rappresenta i numeri complessi  $\sqrt[3]{i^4}$ ?



5. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile, e sia  $x_0 \in \mathbf{R}$ . Allora  $f'(x_0) =$   a  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + h) - f(x_0 - h)}{h}$ ;  
 b  $\lim_{x_0 \rightarrow 0} \frac{f(x_0) - f(0)}{x_0}$ ;  c  $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x_0) - f(x)}{x_0 - x}$ ;  d  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 - h) - f(x_0)}{h}$ .

6. Sia  $f$  una funzione periodica di periodo  $2\pi$ , e definita in  $(-\pi, \pi]$  da  $f(x) = \begin{cases} -1 & \text{per } x < 0 \\ 1 & \text{per } x \geq 0 \end{cases}$ .

Sia  $\frac{a_0}{2} + \sum_{k=1}^{\infty} [a_k \cos(kx) + b_k (\sin(kx))]$  la sua serie di Fourier. Allora  $b_5 =$   a  $\frac{8}{5\pi}$ ;  b  $\frac{4}{5\pi}$ ;  
 c  $-\frac{8}{5\pi}$ ;  d  $-\frac{4}{5\pi}$ .

7. L'insieme dove la funzione  $g(x) = \arctan(x^3 - x^2 - x + 1)$  è crescente è:  a  $x \leq -1$  e  $x \geq 1/3$ ;  
 b  $-1 \leq x \leq 1/3$ ;  c  $x \leq -1/3$  e  $x \geq 1$ ;  d  $-1/3 \leq x \leq 1$ .

8. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(2n \log \left(1 + \frac{1}{3n}\right)\right)^n x^n$  è:  a  $\frac{3}{2}$ ;  b  $\frac{2}{3}$ ;  
 c  $\frac{1}{6}$ ;  d 6.

<b>ANALISI MATEMATICA 1 - Quarto appello</b>		<b>17 luglio 2018</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>
<b>Corso di laurea:</b>		Test   Es1   Es2   Es3

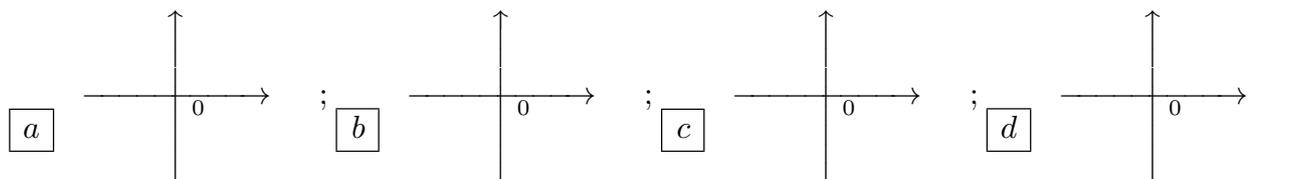
- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia  $f$  una funzione periodica di periodo  $2\pi$ , e definita in  $(-\pi, \pi]$  da  $f(x) = \begin{cases} 2 & \text{per } x < 0 \\ -2 & \text{per } x \geq 0 \end{cases}$ .

Sia  $\frac{a_0}{2} + \sum_{k=1}^{\infty} [a_k \cos(kx) + b_k (\sin(kx))]$  la sua serie di Fourier. Allora  $b_5 = \boxed{a} \frac{4}{5\pi}; \boxed{b} -\frac{8}{5\pi};$   
 $\boxed{c} -\frac{4}{5\pi}; \boxed{d} \frac{8}{5\pi}.$

2. L'area **compresa** fra l'asse  $x$  delle ascisse e il grafico di  $f(x) = 1 - x^2$  per  $x \in [-1, 2]$  è:  
 $\boxed{a} 2; \boxed{b} 1; \boxed{c} \frac{4}{3}; \boxed{d} \frac{8}{3}.$

3. Quale delle seguenti figure rappresenta i numeri complessi  $\sqrt[3]{i^2}$ ?



4. L'insieme dove la funzione  $g(x) = \arctan(x^3 - x^2 - x + 1)$  è decrescente è:  $\boxed{a} -1 \leq x \leq 1/3;$   
 $\boxed{b} x \leq -1/3 \text{ e } x \geq 1; \boxed{c} -1/3 \leq x \leq 1; \boxed{d} x \leq -1 \text{ e } x \geq 1/3.$

5. Data la successione  $b_n = \frac{3}{n(n+2)}$ , la somma della serie  $\sum_{n=1}^{\infty} (b_{n+2} - b_n)$  è:  $\boxed{a} -\frac{11}{8}; \boxed{b} -\frac{17}{30};$   
 $\boxed{c} -\frac{11}{6}; \boxed{d} -\frac{7}{10}.$

6. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua, con  $f(0) = -1, f(1) = -\frac{1}{2}$ . Per quale delle seguenti funzioni  $g$  l'equazione  $f(x) - g(x) = 0$  ha certamente almeno una soluzione in  $[0, 1]$ ?  
 $\boxed{a} g(x) = 1 - x^2; \boxed{b} g(x) = \frac{1}{4} - x^3; \boxed{c} g(x) = x^3 - 2; \boxed{d} g(x) = x^2 + 1.$

7. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{1}{2} n \log \left( 1 + \frac{3}{n} \right) \right)^n x^n$  è:  $\boxed{a} \frac{2}{3}; \boxed{b} \frac{1}{6};$   
 $\boxed{c} 6; \boxed{d} \frac{3}{2}.$

8. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile, e sia  $x_0 \in \mathbf{R}$ . Allora  $f'(x_0) = \boxed{a} \lim_{x_0 \rightarrow 0} \frac{f(x_0) - f(0)}{x_0};$   
 $\boxed{b} \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0) - f(x_0 - h)}{h}; \boxed{c} \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x_0) - f(x)}{x - x_0}; \boxed{d} \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + h) - f(x_0 - h)}{h}.$