

| | | |
|--------------------------------|--------------|------------------------|
| ANALISI 2 - Prima Prova | | 26 ottobre 2007 |
| Cognome: | Nome: | Matricola: |

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.

1. Sono date la funzione $f(x, y) = 3y - x^2y$ e la curva $\gamma : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}^2$ tale che $\gamma(1) = (-1, 2)$ e $\gamma'(1) = (1, -3)$. Se definiamo $h(t) = f(\gamma(t))$, allora $h'(1) = \boxed{a} -4; \boxed{b} 8; \boxed{c} -2; \boxed{d} 0$.
2. Sia $\gamma \subset \mathbf{R}^3$ la curva intersezione delle superfici di equazione $4x - y^2 = 0$ e $y - 2e^z = 0$. Calcolate la lunghezza dell'arco di γ tra i punti $(1, 2, 0)$ e $(e^2, 2e, 1)$. $\boxed{a} e^4 + 1; \boxed{b} e^4 + 2; \boxed{c} e^2; \boxed{d} e^2 + 1$.
3. Il piano tangente alla superficie di equazione $x^3y^2z - xy = 0$ nel punto $(1, 1, 1)$ è: $\boxed{a} 3x + y + z = 5; \boxed{b} 3x + y + z = 0; \boxed{c} 2x + y + z = 0; \boxed{d} 2x + y + z = 4$.
4. Sia $\phi(x)$ la funzione definita implicitamente dall'equazione

$$\log y - 7xy + \cos x = 1$$

e tale che $\phi(0) = 1$. L'equazione della retta tangente al grafico di ϕ in $x = 0$ è: $\boxed{a} y = x + 7; \boxed{b} y = 7; \boxed{c} y = 7x; \boxed{d} y = 7x + 1$.

5. Il massimo della funzione $f(x, y) = x + |y|$ sull'insieme $\{(x, y) \in \mathbf{R}^2 : y^2 \leq x \leq 4\}$ è: $\boxed{a} 20; \boxed{b} 24; \boxed{c} 4; \boxed{d} 6$.
6. Posto $\mathbf{v} = (-\frac{1}{\sqrt{2}}, \frac{1}{\sqrt{2}})$, se $f(x, y)$ verifica ovunque la relazione $\nabla f(x, y) \cdot \mathbf{v} = 1$ e inoltre $f(0, 0) = 2$, quale delle seguenti affermazioni è sempre vera? $\boxed{a} f(1, -1) = 3; \boxed{b} f(-1, 1) = 3; \boxed{c} f(1, -1) = 2 + \sqrt{2}; \boxed{d} f(-1, 1) = 2 + \sqrt{2}$.

- Risolvete il seguente esercizio indicando procedimento e calcoli essenziali.

(1): Studiate la natura dei punti stazionari in \mathbf{R}^2 della funzione $f : \mathbf{R}^2 \rightarrow \mathbf{R}$ definita da

$$f(x, y) = (x^2 + y^2 - 1)e^{-x^2}.$$

(2): Trovate i punti e i valori di massimo e minimo assoluto di f nel rettangolo

$$R = \{(x, y) : 0 \leq x \leq \sqrt{2}, -1 \leq y \leq 1\}.$$

| | | |
|--------------------------------|--------------|------------------------|
| ANALISI 2 - Prima Prova | | 26 ottobre 2007 |
| Cognome: | Nome: | Matricola: |

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.

1. Sia $\gamma \subset \mathbf{R}^3$ la curva intersezione delle superfici di equazione $4x - y^2 = 0$ e $y - 2e^z = 0$. Calcolate la lunghezza dell'arco di γ tra i punti $(1, 2, 0)$ e $(e^4, 2e^2, 2)$. a $e^4 + 2$; b e^2 ; c $e^2 + 1$; d $e^4 + 1$.
2. Il piano tangente alla superficie di equazione $x^4 y^2 z - xy = 0$ nel punto $(1, 1, 1)$ è: a $3x + y + z = 0$; b $2x + y + z = 0$; c $2x + y + z = 4$; d $3x + y + z = 5$.
3. Sia $\phi(x)$ la funzione definita implicitamente dall'equazione

$$\log y - 2xy + \cos x = 1$$

e tale che $\phi(0) = 1$. L'equazione della retta tangente al grafico di ϕ in $x = 0$ è: a $y = 2$; b $y = 2x$; c $y = 2x + 1$; d $y = x + 2$.

4. Posto $\mathbf{v} = (\frac{1}{\sqrt{2}}, -\frac{1}{\sqrt{2}})$, se $f(x, y)$ verifica ovunque la relazione $\nabla f(x, y) \cdot \mathbf{v} = 1$ e inoltre $f(0, 0) = 2$, quale delle seguenti affermazioni è sempre vera? a $f(-1, 1) = 3$; b $f(1, -1) = 2 + \sqrt{2}$; c $f(-1, 1) = 2 + \sqrt{2}$; d $f(1, -1) = 3$.
5. Sono date la funzione $f(x, y) = 3y - x^2 y$ e la curva $\gamma : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}^2$ tale che $\gamma(1) = (-1, 2)$ e $\gamma'(1) = (1, -2)$. Se definiamo $h(t) = f(\gamma(t))$, allora $h'(1) =$ a 8; b -2; c 0; d -4.
6. Il massimo della funzione $f(x, y) = x + |y|$ sull'insieme $\{(x, y) \in \mathbf{R}^2 : x^2 \leq y \leq 16\}$ è: a 24; b 4; c 6; d 20.

- Risolvete il seguente esercizio indicando procedimento e calcoli essenziali.

(1): Studiate la natura dei punti stazionari in \mathbf{R}^2 della funzione $f : \mathbf{R}^2 \rightarrow \mathbf{R}$ definita da

$$f(x, y) = (x^2 + y^2 - 1)e^{-x^2}.$$

(2): Trovate i punti e i valori di massimo e minimo assoluto di f nel rettangolo

$$R = \{(x, y) : 0 \leq x \leq \sqrt{2}, -1 \leq y \leq 1\}.$$

| | | |
|--------------------------------|--------------|------------------------|
| ANALISI 2 - Prima Prova | | 26 ottobre 2007 |
| Cognome: | Nome: | Matricola: |

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.

1. Il piano tangente alla superficie di equazione $x^3y^2z - xy = 0$ nel punto $(1, 1, 1)$ è: a $2x + y + z = 0$; b $2x + y + z = 4$; c $3x + y + z = 5$; d $3x + y + z = 0$.

2. Sia $\phi(x)$ la funzione definita implicitamente dall'equazione

$$\log y - 3xy + \cos x = 1$$

e tale che $\phi(0) = 1$. L'equazione della retta tangente al grafico di ϕ in $x = 0$ è: a $y = 3x$; b $y = 3x + 1$; c $y = x + 3$; d $y = 3$.

3. Posto $\mathbf{v} = (-\frac{1}{\sqrt{2}}, \frac{1}{\sqrt{2}})$, se $f(x, y)$ verifica ovunque la relazione $\nabla f(x, y) \cdot \mathbf{v} = 1$ e inoltre $f(0, 0) = 2$, quale delle seguenti affermazioni è sempre vera? a $f(1, -1) = 2 + \sqrt{2}$; b $f(-1, 1) = 2 + \sqrt{2}$; c $f(1, -1) = 3$; d $f(-1, 1) = 3$.

4. Il massimo della funzione $f(x, y) = x + |y|$ sull'insieme $\{(x, y) \in \mathbf{R}^2 : y^2 \leq x \leq 4\}$ è: a 4; b 6; c 20; d 24.

5. Sia $\gamma \subset \mathbf{R}^3$ la curva intersezione delle superfici di equazione $4x - y^2 = 0$ e $y - 2e^z = 0$. Calcolate la lunghezza dell'arco di γ tra i punti $(1, 2, 0)$ e $(e^2, 2e, 1)$. a e^2 ; b $e^2 + 1$; c $e^4 + 1$; d $e^4 + 2$.

6. Sono date la funzione $f(x, y) = 3y - x^2y$ e la curva $\gamma : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}^2$ tale che $\gamma(1) = (-1, 2)$ e $\gamma'(1) = (1, -4)$. Se definiamo $h(t) = f(\gamma(t))$, allora $h'(1) =$ a -2 ; b 0 ; c -4 ; d 8 .

- Risolvete il seguente esercizio indicando procedimento e calcoli essenziali.

(1): Studiate la natura dei punti stazionari in \mathbf{R}^2 della funzione $f : \mathbf{R}^2 \rightarrow \mathbf{R}$ definita da

$$f(x, y) = (x^2 + y^2 - 1)e^{-x^2}.$$

(2): Trovate i punti e i valori di massimo e minimo assoluto di f nel rettangolo

$$R = \{(x, y) : 0 \leq x \leq \sqrt{2}, -1 \leq y \leq 1\}.$$

| | | |
|--------------------------------|--------------|------------------------|
| ANALISI 2 - Prima Prova | | 26 ottobre 2007 |
| Cognome: | Nome: | Matricola: |

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.

1. Sia $\phi(x)$ la funzione definita implicitamente dall'equazione

$$\log y - 4xy + \cos x = 1$$

e tale che $\phi(0) = 1$. L'equazione della retta tangente al grafico di ϕ in $x = 0$ è: $y = 4x + 1$;
 $y = x + 4$; $y = 4$; $y = 4x$.

2. Posto $\mathbf{v} = (\frac{1}{\sqrt{2}}, -\frac{1}{\sqrt{2}})$, se $f(x, y)$ verifica ovunque la relazione $\nabla f(x, y) \cdot \mathbf{v} = 1$ e inoltre $f(0, 0) = 2$, quale delle seguenti affermazioni è sempre vera? $f(-1, 1) = 2 + \sqrt{2}$;
 $f(1, -1) = 3$; $f(-1, 1) = 3$; $f(1, -1) = 2 + \sqrt{2}$.

3. Il massimo della funzione $f(x, y) = x + |y|$ sull'insieme $\{(x, y) \in \mathbf{R}^2 : x^2 \leq y \leq 16\}$ è: 6;
 20; 24; 4.

4. Sono date la funzione $f(x, y) = 3y - x^2y$ e la curva $\gamma : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}^2$ tale che $\gamma(1) = (-1, 2)$ e $\gamma'(1) = (1, 2)$. Se definiamo $h(t) = f(\gamma(t))$, allora $h'(1) =$ 0; -4; 8; -2.

5. Il piano tangente alla superficie di equazione $x^4y^2z - xy = 0$ nel punto $(1, 1, 1)$ è: $2x + y + z = 4$; $3x + y + z = 5$; $3x + y + z = 0$; $2x + y + z = 0$.

6. Sia $\gamma \subset \mathbf{R}^3$ la curva intersezione delle superfici di equazione $4x - y^2 = 0$ e $y - 2e^z = 0$. Calcolate la lunghezza dell'arco di γ tra i punti $(1, 2, 0)$ e $(e^4, 2e^2, 2)$. $e^2 + 1$; $e^4 + 1$;
 $e^4 + 2$; e^2 .

- Risolvete il seguente esercizio indicando procedimento e calcoli essenziali.

(1): Studiate la natura dei punti stazionari in \mathbf{R}^2 della funzione $f : \mathbf{R}^2 \rightarrow \mathbf{R}$ definita da

$$f(x, y) = (x^2 + y^2 - 1)e^{-x^2}.$$

(2): Trovate i punti e i valori di massimo e minimo assoluto di f nel rettangolo

$$R = \{(x, y) : 0 \leq x \leq \sqrt{2}, -1 \leq y \leq 1\}.$$

| | | |
|--------------------------------|--------------|------------------------|
| ANALISI 2 - Prima Prova | | 26 ottobre 2007 |
| Cognome: | Nome: | Matricola: |

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.

1. Posto $\mathbf{v} = (-\frac{1}{\sqrt{2}}, \frac{1}{\sqrt{2}})$, se $f(x, y)$ verifica ovunque la relazione $\nabla f(x, y) \cdot \mathbf{v} = 1$ e inoltre $f(0, 0) = 2$, quale delle seguenti affermazioni è sempre vera? a $f(1, -1) = 3$; b $f(-1, 1) = 3$; c $f(1, -1) = 2 + \sqrt{2}$; d $f(-1, 1) = 2 + \sqrt{2}$.
2. Il massimo della funzione $f(x, y) = x + |y|$ sull'insieme $\{(x, y) \in \mathbf{R}^2 : y^2 \leq x \leq 4\}$ è: a 20; b 24; c 4; d 6.
3. Sono date la funzione $f(x, y) = 3y - x^2y$ e la curva $\gamma : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}^2$ tale che $\gamma(1) = (-1, 2)$ e $\gamma'(1) = (1, -3)$. Se definiamo $h(t) = f(\gamma(t))$, allora $h'(1) =$ a -4; b 8; c -2; d 0.
4. Sia $\gamma \subset \mathbf{R}^3$ la curva intersezione delle superfici di equazione $4x - y^2 = 0$ e $y - 2e^z = 0$. Calcolate la lunghezza dell'arco di γ tra i punti $(1, 2, 0)$ e $(e^2, 2e, 1)$. a $e^4 + 1$; b $e^4 + 2$; c e^2 ; d $e^2 + 1$.
5. Sia $\phi(x)$ la funzione definita implicitamente dall'equazione

$$\log y - 5xy + \cos x = 1$$

e tale che $\phi(0) = 1$. L'equazione della retta tangente al grafico di ϕ in $x = 0$ è: a $y = x + 5$; b $y = 5$; c $y = 5x$; d $y = 5x + 1$.

6. Il piano tangente alla superficie di equazione $x^3y^2z - xy = 0$ nel punto $(1, 1, 1)$ è: a $3x + y + z = 5$; b $3x + y + z = 0$; c $2x + y + z = 0$; d $2x + y + z = 4$.

- Risolvete il seguente esercizio indicando procedimento e calcoli essenziali.

(1): Studiate la natura dei punti stazionari in \mathbf{R}^2 della funzione $f : \mathbf{R}^2 \rightarrow \mathbf{R}$ definita da

$$f(x, y) = (x^2 + y^2 - 1)e^{-x^2}.$$

(2): Trovate i punti e i valori di massimo e minimo assoluto di f nel rettangolo

$$R = \{(x, y) : 0 \leq x \leq \sqrt{2}, -1 \leq y \leq 1\}.$$

| | | |
|--------------------------------|--------------|------------------------|
| ANALISI 2 - Prima Prova | | 26 ottobre 2007 |
| Cognome: | Nome: | Matricola: |

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.

1. Il massimo della funzione $f(x, y) = x + |y|$ sull'insieme $\{(x, y) \in \mathbf{R}^2 : x^2 \leq y \leq 16\}$ è: a 24; b 4; c 6; d 20.
2. Sono date la funzione $f(x, y) = 3y - x^2y$ e la curva $\gamma : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}^2$ tale che $\gamma(1) = (-1, 2)$ e $\gamma'(1) = (1, -2)$. Se definiamo $h(t) = f(\gamma(t))$, allora $h'(1) =$ a 8; b -2; c 0; d -4.
3. Sia $\gamma \subset \mathbf{R}^3$ la curva intersezione delle superfici di equazione $4x - y^2 = 0$ e $y - 2e^z = 0$. Calcolate la lunghezza dell'arco di γ tra i punti $(1, 2, 0)$ e $(e^4, 2e^2, 2)$. a $e^4 + 2$; b e^2 ; c $e^2 + 1$; d $e^4 + 1$.
4. Il piano tangente alla superficie di equazione $x^4y^2z - xy = 0$ nel punto $(1, 1, 1)$ è: a $3x + y + z = 0$; b $2x + y + z = 0$; c $2x + y + z = 4$; d $3x + y + z = 5$.
5. Posto $\mathbf{v} = (\frac{1}{\sqrt{2}}, -\frac{1}{\sqrt{2}})$, se $f(x, y)$ verifica ovunque la relazione $\nabla f(x, y) \cdot \mathbf{v} = 1$ e inoltre $f(0, 0) = 2$, quale delle seguenti affermazioni è sempre vera? a $f(-1, 1) = 3$; b $f(1, -1) = 2 + \sqrt{2}$; c $f(-1, 1) = 2 + \sqrt{2}$; d $f(1, -1) = 3$.
6. Sia $\phi(x)$ la funzione definita implicitamente dall'equazione

$$\log y - 6xy + \cos x = 1$$

e tale che $\phi(0) = 1$. L'equazione della retta tangente al grafico di ϕ in $x = 0$ è: a $y = 6$; b $y = 6x$; c $y = 6x + 1$; d $y = x + 6$.

- Risolvete il seguente esercizio indicando procedimento e calcoli essenziali.

(1): Studiate la natura dei punti stazionari in \mathbf{R}^2 della funzione $f : \mathbf{R}^2 \rightarrow \mathbf{R}$ definita da

$$f(x, y) = (x^2 + y^2 - 1)e^{-x^2}.$$

(2): Trovate i punti e i valori di massimo e minimo assoluto di f nel rettangolo

$$R = \{(x, y) : 0 \leq x \leq \sqrt{2}, -1 \leq y \leq 1\}.$$