

**1. (6 punti)** Si disegni il grafico qualitativo della funzione  $F(x) = \sqrt{|x^2 - 3x + 2|}$ . In particolare, se ne determinino l'insieme di definizione, i limiti all'infinito, gli eventuali asintoti obliqui, la crescita/decrecenza, la convessità/concavità e, se esistono, i punti e i valori di massimo relativo, minimo relativo, massimo assoluto e minimo assoluto.

**1. (6 punti)** Si disegni il grafico qualitativo della funzione  $F(x) = \sqrt{|x^2 + 3x + 2|}$ . In particolare, se ne determinino l'insieme di definizione, i limiti all'infinito, gli eventuali asintoti obliqui, la crescita/decrecenza, la convessità/concavità e, se esistono, i punti e i valori di massimo relativo, minimo relativo, massimo assoluto e minimo assoluto.

**1. (6 punti)** Si disegni il grafico qualitativo della funzione  $F(x) = \sqrt{|x^2 - 4x + 3|}$ . In particolare, se ne determinino l'insieme di definizione, i limiti all'infinito, gli eventuali asintoti obliqui, la crescita/decrecenza, la convessità/concavità e, se esistono, i punti e i valori di massimo relativo, minimo relativo, massimo assoluto e minimo assoluto.

**1. (6 punti)** Si disegni il grafico qualitativo della funzione  $F(x) = \sqrt{|x^2 + 4x + 3|}$ . In particolare, se ne determinino l'insieme di definizione, i limiti all'infinito, gli eventuali asintoti obliqui, la crescita/decrecenza, la convessità/concavità e, se esistono, i punti e i valori di massimo relativo, minimo relativo, massimo assoluto e minimo assoluto.

**2. (6 punti)** i) Per ogni  $b \in [0, 1]$  si calcoli il volume  $V(b)$  del solido ottenuto ruotando attorno all'asse  $y$  la regione di piano

$$A = \left\{ (x, y) \mid 0 \leq x \leq \pi, b - \frac{b}{\pi}x \leq y \leq \cos \frac{x}{2} \right\}.$$

ii) Si determini per quale valore  $b \in [0, 1]$  il volume  $V(b)$  è massimo.

**2. (6 punti)** i) Per ogni  $b \in [0, 1]$  si calcoli il volume  $V(b)$  del solido ottenuto ruotando attorno all'asse  $y$  la regione di piano

$$A = \left\{ (x, y) \mid 0 \leq x \leq 2\pi, b - \frac{b}{2\pi}x \leq y \leq \cos \frac{x}{4} \right\}.$$

ii) Si determini per quale valore  $b \in [0, 1]$  il volume  $V(b)$  è massimo.

**2. (6 punti)** i) Per ogni  $b \in [0, 1]$  si calcoli il volume  $V(b)$  del solido ottenuto ruotando attorno all'asse  $y$  la regione di piano

$$A = \left\{ (x, y) \mid 0 \leq x \leq \pi, \frac{b}{\pi}x \leq y \leq \sin \frac{x}{2} \right\}.$$

ii) Si determini per quale valore  $b \in [0, 1]$  il volume  $V(b)$  è massimo.

**2. (6 punti)** i) Per ogni  $b \in [0, 1]$  si calcoli il volume  $V(b)$  del solido ottenuto ruotando attorno all'asse  $y$  la regione di piano

$$A = \left\{ (x, y) \mid 0 \leq x \leq 2\pi, \frac{b}{2\pi}x \leq y \leq \sin \frac{x}{4} \right\}.$$

ii) Si determini per quale valore  $b \in [0, 1]$  il volume  $V(b)$  è massimo.

3. (6 punti) Si determini la soluzione  $y(x)$  del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y''(x) + 3y'(x) = 2 \\ y(0) = 1 \\ y'(0) = 0. \end{cases}$$

3. (6 punti) Si determini la soluzione  $y(x)$  del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y''(x) - 2y'(x) = 3 \\ y(0) = 1 \\ y'(0) = 0. \end{cases}$$

3. (6 punti) Si determini la soluzione  $y(x)$  del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y''(x) + 2y'(x) = -1 \\ y(0) = 1 \\ y'(0) = 0. \end{cases}$$

3. (6 punti) Si determini la soluzione  $y(x)$  del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y''(x) - 3y'(x) = -4 \\ y(0) = 1 \\ y'(0) = 0. \end{cases}$$