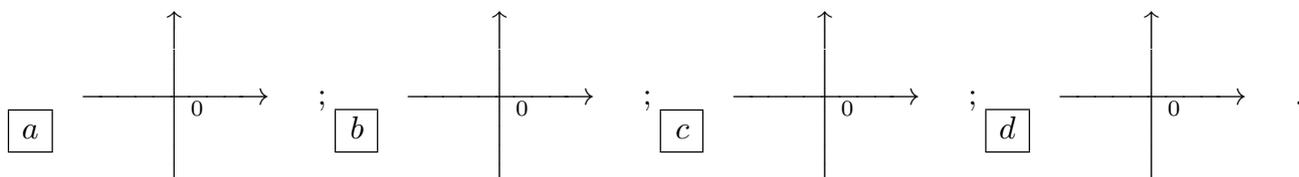


ANALISI MATEMATICA 1 - Quarto appello		25 luglio 2019
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		Test Es1 Es2 Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 + 3 \sin(x^5)}{2x^2 + \cos(x^5)} =$ a $\frac{1}{2}$; b 2; c 3; d $\frac{1}{3}$.

2. Quale semipiano tratteggiato rappresenta l'insieme dei numeri complessi z tali che $|z - 1 + i| > |z - 1 - i|$?



3. L'equazione della retta normale (detta anche retta ortogonale) al grafico della funzione $f(x) = \frac{x^2 - 2}{x^2 + 2}$ nel punto $(1, f(1))$ è: a $y = -\frac{2}{3}x + \frac{1}{6}$; b $y = \frac{1}{8}x - \frac{25}{8}$; c $y = -\frac{9}{8}x + \frac{19}{24}$; d $y = \frac{1}{6}x - \frac{13}{6}$.

4. Sia $\sum_{k=0}^{\infty} a_k x^k$ la serie di Taylor di centro $x_0 = 0$ della funzione $f(x) = \sin(x^2 + 2x + \frac{\pi}{2})$. Allora $a_2 =$ a 2; b -1; c -2; d 1.

5. L'insieme dei valori $\alpha \in \mathbf{R}$ per cui la serie $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^3 + n^\alpha}{n^{2+\alpha}}$ è convergente è: a $\alpha > 0$; b $\alpha < -2$; c $\alpha > 2$; d $\alpha < 0$.

6. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua. Allora $\int_0^1 f(x^2 + 1)x dx =$ a $\frac{1}{2} \int_3^4 f(t) dt$; b $\frac{1}{2} \int_2^3 f(t) dt$; c $\frac{1}{2} \int_0^1 f(t) dt$; d $\frac{1}{2} \int_1^2 f(t) dt$.

7. Siano $f : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$, $g : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$ due funzioni continue, e sia $g(x) = 0$ per $x \in [0, 1] \cup [3, 4]$, $0 \leq g(x) \leq f(x)$ per $x \in [1, 3]$. Allora, qualunque siano le funzioni f e g con queste proprietà, si ha: a $\frac{1}{2} \int_1^3 g(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^3 f(x) dx$; b $\frac{1}{3} \int_1^3 g(x) dx \leq \frac{1}{2} \int_1^3 f(x) dx$; c $\frac{1}{3} \int_1^4 g(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^4 f(x) dx$; d $\frac{1}{3} \int_0^3 g(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_0^3 f(x) dx$.

8. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua. L'enunciato

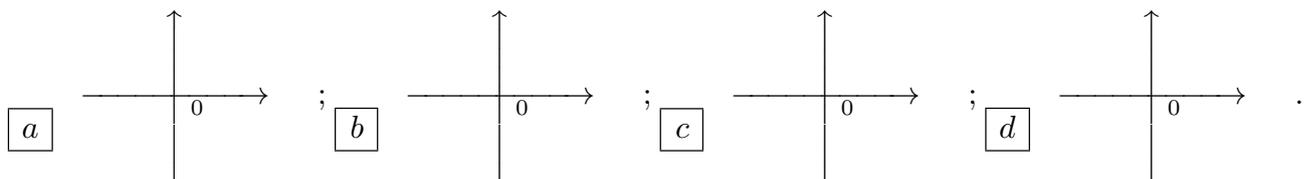
" $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0$ tale che se $0 < |x - f(3)| \leq \delta$ allora $\left| \frac{f(x) - f(f(3))}{x - f(3)} - f(5) \right| \leq \varepsilon$ "

significa che: a f è derivabile in $f(1)$ e $f'(f(1)) = f(2)$; b f è derivabile in $f(2)$ e $f'(f(2)) = f(1)$; c f è derivabile in $f(3)$ e $f'(f(3)) = f(5)$; d f è derivabile in $f(5)$ e $f'(f(5)) = f(3)$.

ANALISI MATEMATICA 1 - Quarto appello		25 luglio 2019	
Cognome:	Nome:	Matricola:	
Corso di laurea:			
		Test	Es1 Es2 Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

- Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua. Allora $\int_0^1 f(1-x^2)x dx =$ a $\frac{1}{2} \int_2^3 f(t) dt$; b $\frac{1}{2} \int_0^1 f(t) dt$; c $\frac{1}{2} \int_1^2 f(t) dt$; d $\frac{1}{2} \int_3^4 f(t) dt$.
- L'equazione della retta normale (detta anche retta ortogonale) al grafico della funzione $f(x) = \frac{x^2+1}{x^2-2}$ nel punto $(1, f(1))$ è: a $y = \frac{1}{8}x - \frac{25}{8}$; b $y = -\frac{9}{8}x + \frac{19}{24}$; c $y = \frac{1}{6}x - \frac{13}{6}$; d $y = -\frac{2}{3}x + \frac{1}{6}$.
- Sia $\sum_{k=0}^{\infty} a_k x^k$ la serie di Taylor di centro $x_0 = 0$ della funzione $f(x) = \sin(x^2 + 2x - \frac{\pi}{2})$. Allora $a_2 =$ a -1; b -2; c 1; d 2.
- Siano $f : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$, $g : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$ due funzioni continue, e sia $g(x) = 0$ per $x \in [0, 1] \cup [3, 4]$, $0 \leq f(x) \leq g(x)$ per $x \in [1, 3]$. Allora, qualunque siano le funzioni f e g con queste proprietà, si ha: a $\frac{1}{3} \int_1^3 f(x) dx \leq \frac{1}{2} \int_1^3 g(x) dx$; b $\frac{1}{3} \int_1^4 f(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^4 g(x) dx$; c $\frac{1}{3} \int_0^3 f(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_0^3 g(x) dx$; d $\frac{1}{2} \int_1^3 f(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^3 g(x) dx$.
- $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2 + \cos(x^5)}{x^2 + 3 \sin(x^5)} =$ a 2; b 3; c $\frac{1}{3}$; d $\frac{1}{2}$.
- Quale semipiano tratteggiato rappresenta l'insieme dei numeri complessi z tali che $|z+1-i| > |z+1+i|$?



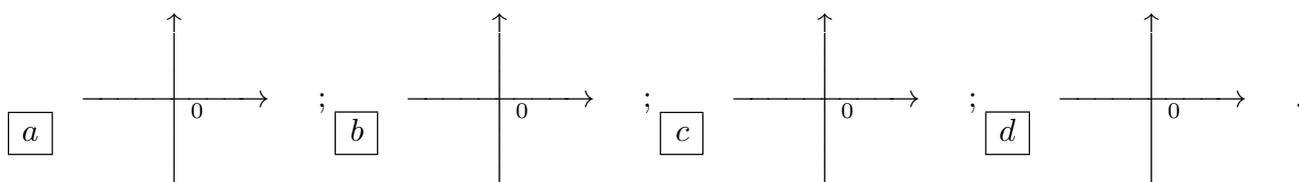
- Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua. L'enunciato " $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0$ tale che se $0 < |x - f(5)| \leq \delta$ allora $\left| \frac{f(x) - f(f(5))}{x - f(5)} - f(3) \right| \leq \varepsilon$ " significa che: a f è derivabile in $f(2)$ e $f'(f(2)) = f(1)$; b f è derivabile in $f(3)$ e $f'(f(3)) = f(5)$; c f è derivabile in $f(5)$ e $f'(f(5)) = f(3)$; d f è derivabile in $f(1)$ e $f'(f(1)) = f(2)$.

- L'insieme dei valori $\alpha \in \mathbf{R}$ per cui la serie $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^{2+\alpha}}{n^3 + n^\alpha}$ è convergente è: a $\alpha < -2$; b $\alpha > 2$; c $\alpha < 0$; d $\alpha > 0$.

ANALISI MATEMATICA 1 - Quarto appello		25 luglio 2019
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		Test Es1 Es2 Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Quale semipiano tratteggiato rappresenta l'insieme dei numeri complessi z tali che $|z + 1 - i| > |z - 1 - i|$?



2. Sia $\sum_{k=0}^{\infty} a_k x^k$ la serie di Taylor di centro $x_0 = 0$ della funzione $f(x) = \cos(x^2 + 2x + \frac{\pi}{2})$. Allora $a_2 =$ a -2; b 1; c 2; d -1.

3. Siano $f : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$, $g : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$ due funzioni continue, e sia $f(x) = 0$ per $x \in [0, 1] \cup [3, 4]$, $0 \leq f(x) \leq g(x)$ per $x \in [1, 3]$. Allora, qualunque siano le funzioni f e g con queste proprietà, si ha: a $\frac{1}{3} \int_1^4 f(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^4 g(x) dx$; b $\frac{1}{3} \int_0^3 f(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_0^3 g(x) dx$; c $\frac{1}{2} \int_1^3 f(x) dx \leq \frac{1}{2} \int_1^3 g(x) dx$; d $\frac{1}{3} \int_1^3 f(x) dx \leq \frac{1}{2} \int_1^3 g(x) dx$.

4. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua. L'enunciato

" $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0$ tale che se $0 < |x - f(1)| \leq \delta$ allora $|\frac{f(x) - f(f(1))}{x - f(1)} - f(2)| \leq \varepsilon$ "

significa che: a f è derivabile in $f(3)$ e $f'(f(3)) = f(5)$; b f è derivabile in $f(5)$ e $f'(f(5)) = f(3)$; c f è derivabile in $f(1)$ e $f'(f(1)) = f(2)$; d f è derivabile in $f(2)$ e $f'(f(2)) = f(1)$.

5. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua. Allora $\int_0^1 f(2 + x^2)x dx =$ a $\frac{1}{2} \int_0^1 f(t) dt$; b $\frac{1}{2} \int_1^2 f(t) dt$; c $\frac{1}{2} \int_3^4 f(t) dt$; d $\frac{1}{2} \int_2^3 f(t) dt$.

6. L'equazione della retta normale (detta anche retta ortogonale) al grafico della funzione $f(x) = \frac{x^2 - 2}{x^2 + 1}$ nel punto $(1, f(1))$ è: a $y = -\frac{9}{8}x + \frac{19}{24}$; b $y = \frac{1}{6}x - \frac{13}{6}$; c $y = -\frac{2}{3}x + \frac{1}{6}$; d $y = \frac{1}{8}x - \frac{25}{8}$.

7. L'insieme dei valori $\alpha \in \mathbf{R}$ per cui la serie $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2 + n^\alpha}{n^{3+\alpha}}$ è convergente è: a $\alpha > 2$; b $\alpha < 0$; c $\alpha > 0$; d $\alpha < -2$.

8. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 + 2 \sin(x^5)}{3x^2 + \cos(x^5)} =$ a 3; b $\frac{1}{3}$; c $\frac{1}{2}$; d 2.

ANALISI MATEMATICA 1 - Quarto appello		25 luglio 2019
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		Test Es1 Es2 Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. L'equazione della retta normale (detta anche retta ortogonale) al grafico della funzione $f(x) = \frac{x^2+2}{x^2-2}$ nel punto $(1, f(1))$ è: a $y = \frac{1}{6}x - \frac{13}{6}$; b $y = -\frac{2}{3}x + \frac{1}{6}$; c $y = \frac{1}{8}x - \frac{25}{8}$; d $y = -\frac{9}{8}x + \frac{19}{24}$.

2. Siano $f : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$, $g : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$ due funzioni continue, e sia $f(x) = 0$ per $x \in [0, 1] \cup [3, 4]$, $0 \leq g(x) \leq f(x)$ per $x \in [1, 3]$. Allora, qualunque siano le funzioni f e g con queste proprietà, si ha: a $\frac{1}{3} \int_0^3 g(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_0^3 f(x) dx$; b $\frac{1}{2} \int_1^3 g(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^3 f(x) dx$; c $\frac{1}{3} \int_1^3 g(x) dx \leq \frac{1}{2} \int_1^3 f(x) dx$; d $\frac{1}{3} \int_1^4 g(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^4 f(x) dx$.

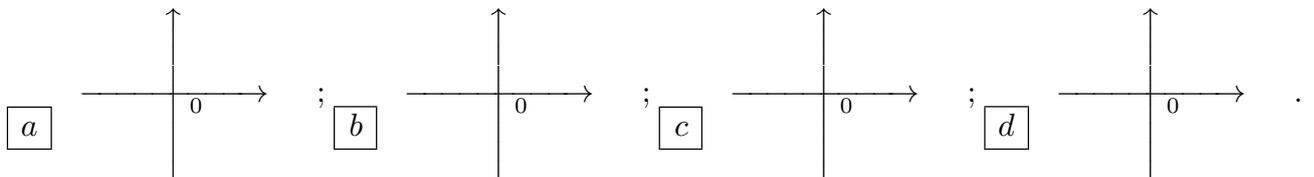
3. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua. L'enunciato

" $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0$ tale che se $0 < |x - f(2)| \leq \delta$ allora $\left| \frac{f(x)-f(f(2))}{x-f(2)} - f(1) \right| \leq \varepsilon$ "

significa che: a f è derivabile in $f(5)$ e $f'(f(5)) = f(3)$; b f è derivabile in $f(1)$ e $f'(f(1)) = f(2)$; c f è derivabile in $f(2)$ e $f'(f(2)) = f(1)$; d f è derivabile in $f(3)$ e $f'(f(3)) = f(5)$.

4. L'insieme dei valori $\alpha \in \mathbf{R}$ per cui la serie $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^{3+\alpha}}{n^2 + n^\alpha}$ è convergente è: a $\alpha < 0$; b $\alpha > 0$; c $\alpha < -2$; d $\alpha > 2$.

5. Quale semipiano tratteggiato rappresenta l'insieme dei numeri complessi z tali che $|z - 1 + i| > |z + 1 + i|$?



6. Sia $\sum_{k=0}^{\infty} a_k x^k$ la serie di Taylor di centro $x_0 = 0$ della funzione $f(x) = \cos(x^2 + 2x - \frac{\pi}{2})$. Allora $a_2 =$ a 1; b 2; c -1; d -2.

7. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x^2 + \cos(x^5)}{x^2 + 2 \sin(x^5)} =$ a $\frac{1}{3}$; b $\frac{1}{2}$; c 2; d 3.

8. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua. Allora $\int_0^1 f(4 - x^2)x dx =$ a $\frac{1}{2} \int_1^2 f(t) dt$; b $\frac{1}{2} \int_3^4 f(t) dt$; c $\frac{1}{2} \int_2^3 f(t) dt$; d $\frac{1}{2} \int_0^1 f(t) dt$.

ANALISI MATEMATICA 1 - Quarto appello		25 luglio 2019
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		 Test Es1 Es2 Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia $\sum_{k=0}^{\infty} a_k x^k$ la serie di Taylor di centro $x_0 = 0$ della funzione $f(x) = \sin(x^2 + 2x - \frac{\pi}{2})$. Allora $a_2 =$ a 2; b -1; c -2; d 1.

2. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua. L'enunciato

" $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0$ tale che se $0 < |x - f(5)| \leq \delta$ allora $\left| \frac{f(x) - f(f(5))}{x - f(5)} - f(3) \right| \leq \varepsilon$ "

significa che: a f è derivabile in $f(1)$ e $f'(f(1)) = f(2)$; b f è derivabile in $f(2)$ e $f'(f(2)) = f(1)$; c f è derivabile in $f(3)$ e $f'(f(3)) = f(5)$; d f è derivabile in $f(5)$ e $f'(f(5)) = f(3)$.

3. L'insieme dei valori $\alpha \in \mathbf{R}$ per cui la serie $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^{2+\alpha}}{n^3 + n^\alpha}$ è convergente è: a $\alpha > 0$; b $\alpha < -2$; c $\alpha > 2$; d $\alpha < 0$.

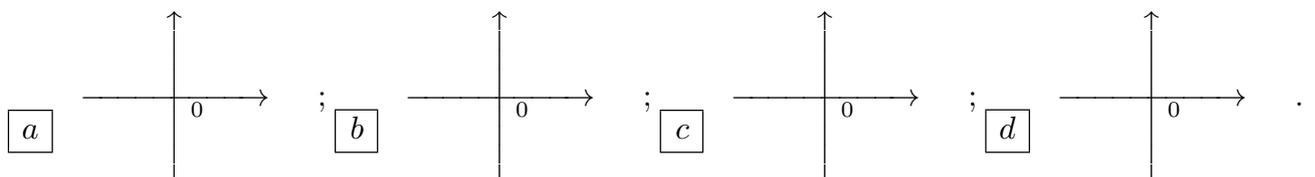
4. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2 + \cos(x^5)}{x^2 + 3 \sin(x^5)} =$ a $\frac{1}{2}$; b 2; c 3; d $\frac{1}{3}$.

5. L'equazione della retta normale (detta anche retta ortogonale) al grafico della funzione $f(x) = \frac{x^2+1}{x^2-2}$ nel punto $(1, f(1))$ è: a $y = -\frac{2}{3}x + \frac{1}{6}$; b $y = \frac{1}{8}x - \frac{25}{8}$; c $y = -\frac{9}{8}x + \frac{19}{24}$; d $y = \frac{1}{6}x - \frac{13}{6}$.

6. Siano $f : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$, $g : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$ due funzioni continue, e sia $g(x) = 0$ per $x \in [0, 1] \cup [3, 4]$, $0 \leq g(x) \leq f(x)$ per $x \in [1, 3]$. Allora, qualunque siano le funzioni f e g con queste proprietà, si ha: a $\frac{1}{2} \int_1^3 g(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^3 f(x) dx$; b $\frac{1}{3} \int_1^3 g(x) dx \leq \frac{1}{2} \int_1^3 f(x) dx$; c $\frac{1}{3} \int_1^4 g(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^4 f(x) dx$; d $\frac{1}{3} \int_0^3 g(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_0^3 f(x) dx$.

7. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua. Allora $\int_0^1 f(x^2 + 1)x dx =$ a $\frac{1}{2} \int_3^4 f(t) dt$; b $\frac{1}{2} \int_2^3 f(t) dt$; c $\frac{1}{2} \int_0^1 f(t) dt$; d $\frac{1}{2} \int_1^2 f(t) dt$.

8. Quale semipiano tratteggiato rappresenta l'insieme dei numeri complessi z tali che $|z + 1 - i| > |z + 1 + i|$?



ANALISI MATEMATICA 1 - Quarto appello		25 luglio 2019
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		Test Es1 Es2 Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Siano $f : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$, $g : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$ due funzioni continue, e sia $g(x) = 0$ per $x \in [0, 1] \cup [3, 4]$, $0 \leq f(x) \leq g(x)$ per $x \in [1, 3]$. Allora, qualunque siano le funzioni f e g con queste proprietà, si ha: a $\frac{1}{3} \int_1^3 f(x) dx \leq \frac{1}{2} \int_1^3 g(x) dx$; b $\frac{1}{3} \int_1^4 f(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^4 g(x) dx$; c $\frac{1}{3} \int_0^3 f(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_0^3 g(x) dx$; d $\frac{1}{2} \int_1^3 f(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^3 g(x) dx$.

2. L'insieme dei valori $\alpha \in \mathbf{R}$ per cui la serie $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2 + n^\alpha}{n^{3+\alpha}}$ è convergente è: a $\alpha < -2$; b $\alpha > 2$; c $\alpha < 0$; d $\alpha > 0$.

3. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x^2 + \cos(x^5)}{x^2 + 2 \sin(x^5)} =$ a 2; b 3; c $\frac{1}{3}$; d $\frac{1}{2}$.

4. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua. Allora $\int_0^1 f(4 - x^2)x dx =$ a $\frac{1}{2} \int_2^3 f(t) dt$; b $\frac{1}{2} \int_0^1 f(t) dt$; c $\frac{1}{2} \int_1^2 f(t) dt$; d $\frac{1}{2} \int_3^4 f(t) dt$.

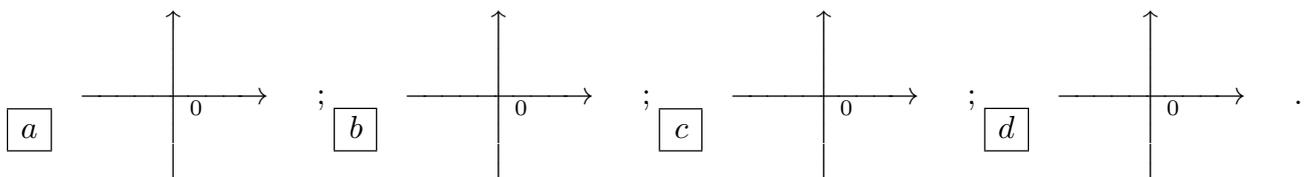
5. Sia $\sum_{k=0}^{\infty} a_k x^k$ la serie di Taylor di centro $x_0 = 0$ della funzione $f(x) = \sin(x^2 + 2x + \frac{\pi}{2})$. Allora $a_2 =$ a -1; b -2; c 1; d 2.

6. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua. L'enunciato

$$" \forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 \text{ tale che se } 0 < |x - f(3)| \leq \delta \text{ allora } \left| \frac{f(x) - f(f(3))}{x - f(3)} - f(5) \right| \leq \varepsilon "$$

significa che: a f è derivabile in $f(2)$ e $f'(f(2)) = f(1)$; b f è derivabile in $f(3)$ e $f'(f(3)) = f(5)$; c f è derivabile in $f(5)$ e $f'(f(5)) = f(3)$; d f è derivabile in $f(1)$ e $f'(f(1)) = f(2)$.

7. Quale semipiano tratteggiato rappresenta l'insieme dei numeri complessi z tali che $|z + 1 - i| > |z - 1 - i|$?



8. L'equazione della retta normale (detta anche retta ortogonale) al grafico della funzione $f(x) = \frac{x^2 - 2}{x^2 + 2}$ nel punto $(1, f(1))$ è: a $y = \frac{1}{8}x - \frac{25}{8}$; b $y = -\frac{9}{8}x + \frac{19}{24}$; c $y = \frac{1}{6}x - \frac{13}{6}$; d $y = -\frac{2}{3}x + \frac{1}{6}$.

ANALISI MATEMATICA 1 - Quarto appello		25 luglio 2019
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		 Test Es1 Es2 Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua. L'enunciato

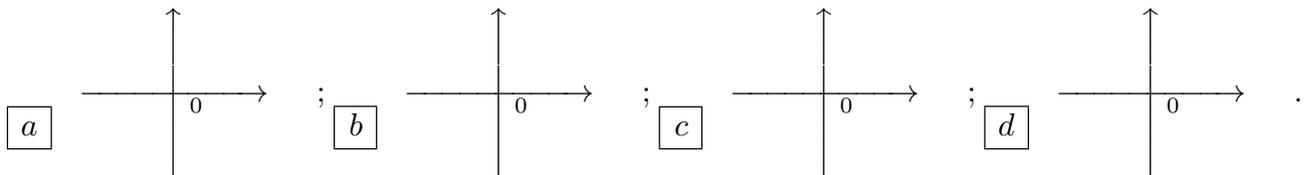
" $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0$ tale che se $0 < |x - f(2)| \leq \delta$ allora $\left| \frac{f(x) - f(f(2))}{x - f(2)} - f(1) \right| \leq \varepsilon$ "

significa che: a f è derivabile in $f(3)$ e $f'(f(3)) = f(5)$; b f è derivabile in $f(5)$ e $f'(f(5)) = f(3)$; c f è derivabile in $f(1)$ e $f'(f(1)) = f(2)$; d f è derivabile in $f(2)$ e $f'(f(2)) = f(1)$.

2. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 + 2 \sin(x^5)}{3x^2 + \cos(x^5)} =$ a 3; b $\frac{1}{3}$; c $\frac{1}{2}$; d 2.

3. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua. Allora $\int_0^1 f(1 - x^2)x dx =$ a $\frac{1}{2} \int_0^1 f(t) dt$; b $\frac{1}{2} \int_1^2 f(t) dt$; c $\frac{1}{2} \int_3^4 f(t) dt$; d $\frac{1}{2} \int_2^3 f(t) dt$.

4. Quale semipiano tratteggiato rappresenta l'insieme dei numeri complessi z tali che $|z - 1 + i| > |z + 1 + i|$?



5. Siano $f : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$, $g : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$ due funzioni continue, e sia $f(x) = 0$ per $x \in [0, 1] \cup [3, 4]$, $0 \leq f(x) \leq g(x)$ per $x \in [1, 3]$. Allora, qualunque siano le funzioni f e g con queste proprietà, si ha: a $\frac{1}{3} \int_1^4 f(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^4 g(x) dx$; b $\frac{1}{3} \int_0^3 f(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_0^3 g(x) dx$; c $\frac{1}{2} \int_1^3 f(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^3 g(x) dx$; d $\frac{1}{3} \int_1^3 f(x) dx \leq \frac{1}{2} \int_1^3 g(x) dx$.

6. L'insieme dei valori $\alpha \in \mathbf{R}$ per cui la serie $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^{3+\alpha}}{n^2 + n^\alpha}$ è convergente è: a $\alpha > 2$; b $\alpha < 0$; c $\alpha > 0$; d $\alpha < -2$.

7. L'equazione della retta normale (detta anche retta ortogonale) al grafico della funzione $f(x) = \frac{x^2 - 2}{x^2 + 1}$ nel punto $(1, f(1))$ è: a $y = -\frac{9}{8}x + \frac{19}{24}$; b $y = \frac{1}{6}x - \frac{13}{6}$; c $y = -\frac{2}{3}x + \frac{1}{6}$; d $y = \frac{1}{8}x - \frac{25}{8}$.

8. Sia $\sum_{k=0}^{\infty} a_k x^k$ la serie di Taylor di centro $x_0 = 0$ della funzione $f(x) = \cos(x^2 + 2x + \frac{\pi}{2})$. Allora $a_2 =$ a -2; b 1; c 2; d -1.

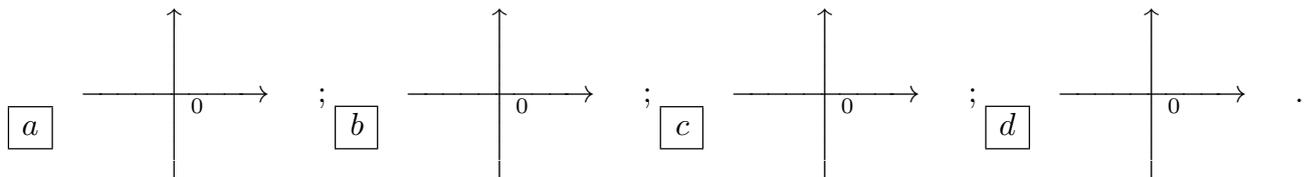
ANALISI MATEMATICA 1 - Quarto appello		25 luglio 2019
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		 Test Es1 Es2 Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. L'insieme dei valori $\alpha \in \mathbf{R}$ per cui la serie $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^3 + n^\alpha}{n^{2+\alpha}}$ è convergente è: $\alpha < 0$;
 $\alpha > 0$; $\alpha < -2$; $\alpha > 2$.

2. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua. Allora $\int_0^1 f(2+x^2)x dx =$ $\frac{1}{2} \int_1^2 f(t) dt$;
 $\frac{1}{2} \int_3^4 f(t) dt$; $\frac{1}{2} \int_2^3 f(t) dt$; $\frac{1}{2} \int_0^1 f(t) dt$.

3. Quale semipiano tratteggiato rappresenta l'insieme dei numeri complessi z tali che $|z-1+i| > |z-1-i|$?



4. L'equazione della retta normale (detta anche retta ortogonale) al grafico della funzione $f(x) = \frac{x^2+2}{x^2-2}$ nel punto $(1, f(1))$ è: $y = \frac{1}{6}x - \frac{13}{6}$; $y = -\frac{2}{3}x + \frac{1}{6}$; $y = \frac{1}{8}x - \frac{25}{8}$;
 $y = -\frac{9}{8}x + \frac{19}{24}$.

5. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua. L'enunciato

" $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0$ tale che se $0 < |x - f(1)| \leq \delta$ allora $\left| \frac{f(x)-f(f(1))}{x-f(1)} - f(2) \right| \leq \varepsilon$ "

significa che: f è derivabile in $f(5)$ e $f'(f(5)) = f(3)$; f è derivabile in $f(1)$ e $f'(f(1)) = f(2)$; f è derivabile in $f(2)$ e $f'(f(2)) = f(1)$; f è derivabile in $f(3)$ e $f'(f(3)) = f(5)$.

6. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 + 3 \sin(x^5)}{2x^2 + \cos(x^5)} =$ $\frac{1}{3}$; $\frac{1}{2}$; 2; 3.

7. Sia $\sum_{k=0}^{\infty} a_k x^k$ la serie di Taylor di centro $x_0 = 0$ della funzione $f(x) = \cos(x^2 + 2x - \frac{\pi}{2})$. Allora $a_2 =$ 1; 2; -1; -2.

8. Siano $f : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$, $g : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$ due funzioni continue, e sia $f(x) = 0$ per $x \in [0, 1] \cup [3, 4]$, $0 \leq g(x) \leq f(x)$ per $x \in [1, 3]$. Allora, qualunque siano le funzioni f e g con queste proprietà, si ha: $\frac{1}{3} \int_0^3 g(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_0^3 f(x) dx$; $\frac{1}{2} \int_1^3 g(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^3 f(x) dx$; $\frac{1}{3} \int_1^3 g(x) dx \leq \frac{1}{2} \int_1^3 f(x) dx$; $\frac{1}{3} \int_1^4 g(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^4 f(x) dx$.