

ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		31 ottobre 2012
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Le soluzioni dell'equazione

$$(z + \bar{z})(\operatorname{Re}(z) - 2) + (\bar{z} - z)(\operatorname{Im}(z) + 2) = \frac{5}{2}$$

sono: a $(1 \pm \sqrt{2})/4, (1 \pm \sqrt{2})/4 - i/2$; b $\sqrt{2} \pm 3, \sqrt{2} \pm 3 + 2i$; c $-\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, -\frac{1}{2} - 2i, \frac{5}{2} - 2i$; d $\sqrt{3} \pm 2, \sqrt{3} \pm 2 + \sqrt{3}i$.

2. Se $f(x) = x^{x^7}$ per $x > 0$ allora $f'(x) =$ a $7x^7 x^{x^7-1} \log x^7$; b $x^7 x^{x^7-1} (7 + \log x^7)$; c $7x^7 x^{x^7-1}$; d $x^7 x^{x^7-1} (1 + \log x^7)$.

3. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 - \cos^2(\frac{1}{x}))(1 + x^2)^2}{x^\alpha} = 1$ per a $\alpha = 4$; b $\alpha = 1$; c $\alpha = 2$; d $\alpha = 3$.

4. $f(x) = g(4e^x - 2e^{2x})$. Allora $f'(0) =$ a $g'(2)$; b 0 ; c $12g'(2)$; d $6g'(0)$.

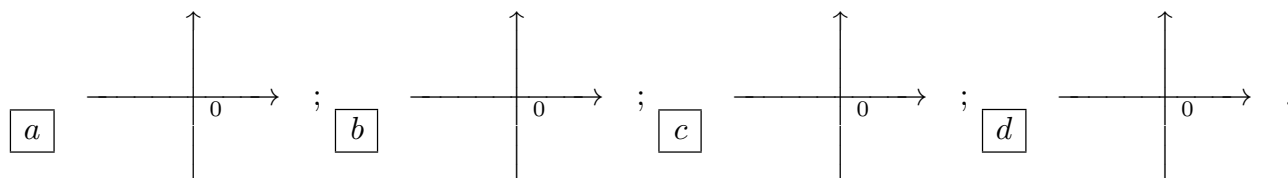
5. $\lim_{x \rightarrow 0} (\cos x)^{1/x^2} =$ a $+\infty$; b $\frac{1}{\sqrt{e}}$; c 1 ; d \sqrt{e} .

6. $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x} + \beta \cos x, & x \geq 0 \\ 2(x+2) - 2^x, & x < 0 \end{cases}$ è continua a per $\beta = 4$; b per nessun valore di β ; c per $\beta = 3$; d per $\beta = 2$.

7. Se $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ è continua e periodica, allora è sempre vero che: a $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(e^x)}{x} = 0$; b $\lim_{x \rightarrow 0^+} x f(1/x) = 1$; c non esiste $\lim_{x \rightarrow +\infty} x f(x)$; d non esiste $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x^2)}{x^2}$.

8. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\alpha x - 2 \sin x}{x^3} = +\infty$ per a $\alpha = 2$; b nessun $\alpha \in \mathbf{R}$; c $\alpha > 2$; d $\alpha < 2$.

9. Se $\bar{z} = 1 + i$ allora le radici quarte di z sono



10. Se $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ è una funzione due volte derivabile, quale delle seguenti affermazioni è sempre vera? a Se $f'(x_0) = f''(x_0) = 0$ allora x_0 è un punto di flesso di f ; b Se $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$ e $f''(x) > 0$ allora $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$; c Se x_0 è il punto di massimo assoluto di f allora $f'''(x_0) < 0$; d Se f non ha minime in \mathbf{R} allora f non è limitata inferiormente in \mathbf{R} .

ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		31 ottobre 2012
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

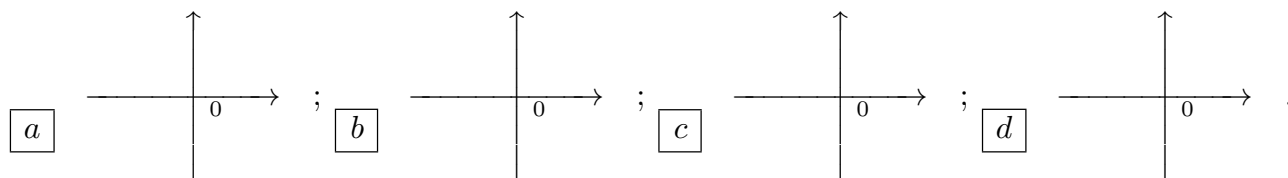
- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x} + \beta \cos x, & x \geq 0 \\ 2(x+3) - 2^x, & x < 0 \end{cases}$ è continua a per nessun valore di β ; b per $\beta = 5$;
 c per $\beta = 4$; d per $\beta = 6$.

2. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 - \cos^2(\frac{1}{x}))(1 + x^3)^2}{x^\alpha} = 1$ per a $\alpha = 2$; b $\alpha = 4$; c $\alpha = 5$; d $\alpha = 6$.

3. Se $g(x) \sim x$ per $x \rightarrow +\infty$, allora è sempre vero che: a $\lim_{x \rightarrow 0^+} xg(1/x) = 1$; b non esiste
 $\lim_{x \rightarrow +\infty} xg(x)$; c non esiste $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{g(x^2)}{x^2}$; d $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{g(e^x)}{x} = 0$.

4. Se $\bar{z} = 1 - i$ allora le radici quarte di z sono



5. Le soluzioni dell'equazione

$$(z + \bar{z})(2\operatorname{Re}(z) - 1) + (\bar{z} - z)(\operatorname{Im}(z) + \frac{1}{2}) = \frac{1}{4}$$

sono: a $\sqrt{2} \pm 3, \sqrt{2} \pm 3 + 2i$; b $-\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, -\frac{1}{2} - 2i, \frac{5}{2} - 2i$; c $\sqrt{3} \pm 2, \sqrt{3} \pm 2 + \sqrt{3}i$;
 d $(1 \pm \sqrt{2})/4, (1 \pm \sqrt{2})/4 - i/2$.

6. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\alpha x - 3 \sin x}{x^3} = -\infty$ per a nessun $\alpha \in \mathbf{R}$; b $\alpha > 3$; c $\alpha < 3$; d $\alpha = 3$.

7. $g(x) = h(4e^{4x} - 2e^{2x})$. Allora $g'(0) =$ a 0; b $12h'(2)$; c $6h'(0)$; d $h'(2)$.

8. Se $f(x) = x^{x^5}$ per $x > 0$ allora $f'(x) =$ a $x^5 x^{x^5-1} (5 + \log x^5)$; b $5x^5 x^{x^5-1}$;
 c $x^5 x^{x^5-1} (1 + \log x^5)$; d $5x^5 x^{x^5-1} \log x^5$.

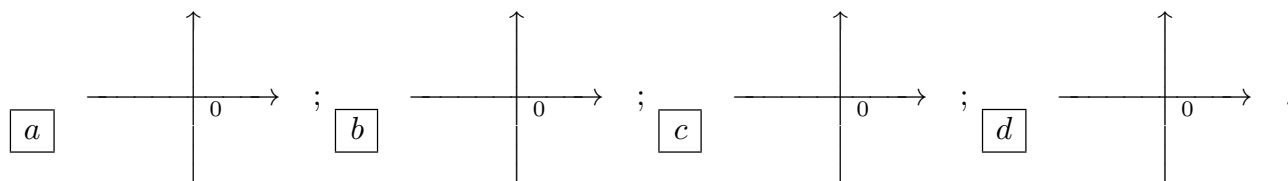
9. Se $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ è una funzione due volte derivabile, quale delle seguenti affermazioni è sempre vera? a Se $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = 0$ e $g''(x) > 0$ allora $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = +\infty$; b Se x_0 è il punto di massimo assoluto di g allora $g''(x_0) < 0$; c Se g non ha minimo in \mathbf{R} allora g non è limitata inferiormente in \mathbf{R} ; d Se $g'(x_0) = g''(x_0) = 0$ allora x_0 è un punto di flesso di g .

10. $\lim_{x \rightarrow 0} (1 + \sin x)^{1/2x} =$ a $\frac{1}{\sqrt{e}}$; b 1; c \sqrt{e} ; d $+\infty$.

ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		31 ottobre 2012
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

- $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\alpha x - 4 \sin x}{x^3} = +\infty$ per a $\alpha > 4$; b $\alpha < 4$; c $\alpha = 4$; d nessun $\alpha \in \mathbf{R}$.
- Se $h : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ è continua e periodica, allora è sempre vero che: a non esiste $\lim_{x \rightarrow +\infty} xh(x)$; b non esiste $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{h(x^2)}{x^2}$; c $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{h(e^x)}{x} = 0$; d $\lim_{x \rightarrow 0^+} xh(1/x) = 1$.
- $h(x) = f(4e^x - 2e^{2x})$. Allora $h'(0) =$ a $12f'(2)$; b $6f'(0)$; c $f'(2)$; d 0.
- Se $h : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ è una funzione due volte derivabile, quale delle seguenti affermazioni è sempre vera? a Se x_0 è il punto di massimo assoluto di h allora $h''(x_0) < 0$; b Se h non ha minimo in \mathbf{R} allora h non è limitata inferiormente in \mathbf{R} ; c Se $h'(x_0) = h''(x_0) = 0$ allora x_0 è un punto di flesso di h ; d Se $\lim_{x \rightarrow -\infty} h(x) = 0$ e $h''(x) > 0$ allora $\lim_{x \rightarrow +\infty} h(x) = +\infty$.
- $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x} + \beta \cos x, & x \geq 0 \\ 2(x+4) - 2^x, & x < 0 \end{cases}$ è continua a per $\beta = 7$; b per $\beta = 6$; c per $\beta = 8$; d per nessun valore di β .
- Se $f(x) = x^{x^4}$ per $x > 0$ allora $f'(x) =$ a $4x^4 x^{x^4-1}$; b $x^4 x^{x^4-1} (1 + \log x^4)$; c $4x^4 x^{x^4-1} \log x^4$; d $x^4 x^{x^4-1} (4 + \log x^4)$.
- Se $z = i^2$ allora le radici quarte di z sono



- $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 - \cos^2(\frac{1}{x}))(1 + x^4)^2}{x^\alpha} = 1$ per a $\alpha = 6$; b $\alpha = 7$; c $\alpha = 8$; d $\alpha = 3$.
- $\lim_{x \rightarrow 0^+} (1 + \sin x)^{1/x^2} =$ a 1; b \sqrt{e} ; c $+\infty$; d $\frac{1}{\sqrt{e}}$.
- Le soluzioni dell'equazione

$$(z + \bar{z})\left(\frac{1}{2}\operatorname{Re}(z) - \sqrt{3}\right) + (\bar{z} - z)(\operatorname{Im}(z) - \sqrt{3}) = 1$$

- sono: a $-\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, -\frac{1}{2} - 2i, \frac{5}{2} - 2i$; b $\sqrt{3} \pm 2, \sqrt{3} \pm 2 + \sqrt{3}i$; c $(1 \pm \sqrt{2})/4, (1 \pm \sqrt{2})/4 - i/2$; d $\sqrt{2} \pm 3, \sqrt{2} \pm 3 + 2i$.

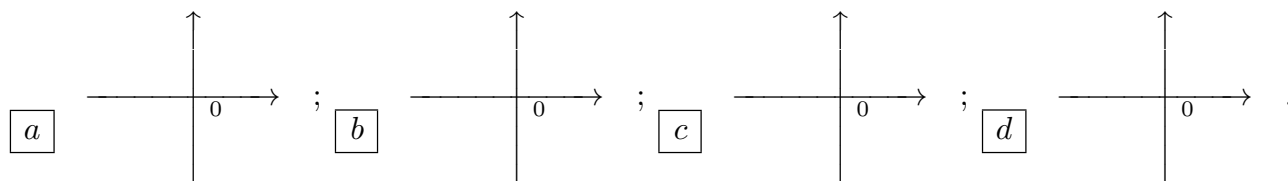
ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		31 ottobre 2012
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Se $f(x) = x^{x^3}$ per $x > 0$ allora $f'(x) = \boxed{a} x^3 x^{x^3-1} (1 + \log x^3)$; $\boxed{b} 3x^3 x^{x^3-1} \log x^3$; $\boxed{c} x^3 x^{x^3-1} (3 + \log x^3)$; $\boxed{d} 3x^3 x^{x^3-1}$.

2. $f(x) = g(4e^{4x} - 2e^{2x})$. Allora $f'(0) = \boxed{a} 6g'(0)$; $\boxed{b} g'(2)$; $\boxed{c} 0$; $\boxed{d} 12g'(2)$.

3. Se $z = -(i^2)$ allora le radici quarte di z sono



4. $\lim_{x \rightarrow 0} (\cos x)^{1/x^2} = \boxed{a} \sqrt{e}$; $\boxed{b} +\infty$; $\boxed{c} \frac{1}{\sqrt{e}}$; $\boxed{d} 1$.

5. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\alpha x - 5 \sin x}{x^3} = -\infty$ per $\boxed{a} \alpha < 5$; $\boxed{b} \alpha = 5$; \boxed{c} nessun $\alpha \in \mathbf{R}$; $\boxed{d} \alpha > 5$.

6. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 - \cos^2(\frac{1}{x}))(1 + x^5)^2}{x^\alpha} = 1$ per $\boxed{a} \alpha = 9$; $\boxed{b} \alpha = 10$; $\boxed{c} \alpha = 4$; $\boxed{d} \alpha = 8$.

7. Se $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ è una funzione due volte derivabile, quale delle seguenti affermazioni è sempre vera? \boxed{a} Se f non ha minimo in \mathbf{R} allora f non è limitata inferiormente in \mathbf{R} ; \boxed{b} Se $f'(x_0) = f''(x_0) = 0$ allora x_0 è un punto di flesso di f ; \boxed{c} Se $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$ e $f''(x) > 0$ allora $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$; \boxed{d} Se x_0 è il punto di massimo assoluto di f allora $f''(x_0) < 0$.

8. Se $f(x) \sim x$ per $x \rightarrow +\infty$, allora è sempre vero che: \boxed{a} non esiste $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x^2)}{x^2}$; $\boxed{b} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(e^x)}{x} = 0$; $\boxed{c} \lim_{x \rightarrow 0^+} x f(1/x) = 1$; \boxed{d} non esiste $\lim_{x \rightarrow +\infty} x f(x)$.

9. Le soluzioni dell'equazione

$$(z + \bar{z})\left(\frac{1}{2}\operatorname{Re}(z) - \sqrt{2}\right) + (\bar{z} - z)(\operatorname{Im}(z) - 2) = 7$$

sono: $\boxed{a} \sqrt{3} \pm 2, \sqrt{3} \pm 2 + \sqrt{3}i$; $\boxed{b} (1 \pm \sqrt{2})/4, (1 \pm \sqrt{2})/4 - i/2$; $\boxed{c} \sqrt{2} \pm 3, \sqrt{2} \pm 3 + 2i$; $\boxed{d} -\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, -\frac{1}{2} - 2i, \frac{5}{2} - 2i$.

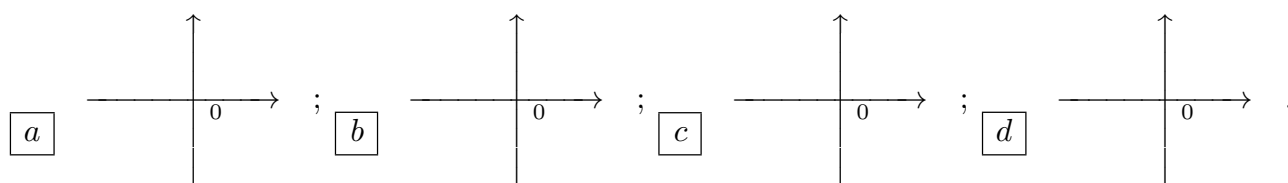
10. $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x} + \beta \cos x, & x \geq 0 \\ 2(x+5) - 2^x, & x < 0 \end{cases}$ è continua \boxed{a} per $\beta = 8$; \boxed{b} per $\beta = 10$; \boxed{c} per nessun valore di β ; \boxed{d} per $\beta = 0$

ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		31 ottobre 2012
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 - \cos^2(\frac{1}{x}))(1 + x^2)^2}{x^\alpha} = 1$ per a $\alpha = 4$; b $\alpha = 1$; c $\alpha = 2$; d $\alpha = 3$.

2. Se $\bar{z} = 1 + i$ allora le radici quarte di z sono



3. Se $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ è una funzione due volte derivabile, quale delle seguenti affermazioni è sempre vera? a Se $g'(x_0) = g''(x_0) = 0$ allora x_0 è un punto di flesso di g ; b Se $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = 0$ e $g''(x) > 0$ allora $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = +\infty$; c Se x_0 è il punto di massimo assoluto di g allora $g''(x_0) < 0$; d Se g non ha minimo in \mathbf{R} allora g non è limitata inferiormente in \mathbf{R} .

4. Le soluzioni dell'equazione

$$(z + \bar{z})(\operatorname{Re}(z) - 2) + (\bar{z} - z)(\operatorname{Im}(z) + 2) = \frac{5}{2}$$

sono: a $(1 \pm \sqrt{2})/4, (1 \pm \sqrt{2})/4 - i/2$; b $\sqrt{2} \pm 3, \sqrt{2} \pm 3 + 2i$; c $-\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, -\frac{1}{2} - 2i, \frac{5}{2} - 2i$; d $\sqrt{3} \pm 2, \sqrt{3} \pm 2 + \sqrt{3}i$.

5. Se $f(x) = x^{x^2}$ per $x > 0$ allora $f'(x) =$ a $2x^2 x^{x^2-1} \log x^2$; b $x^2 x^{x^2-1} (2 + \log x^2)$; c $2x^2 x^{x^2-1}$; d $x^2 x^{x^2-1} (1 + \log x^2)$.

6. Se $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ è continua e periodica, allora è sempre vero che: a $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{g(e^x)}{x} = 0$; b $\lim_{x \rightarrow 0^+} xg(1/x) = 1$; c non esiste $\lim_{x \rightarrow +\infty} xg(x)$; d non esiste $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{g(x^2)}{x^2}$.

7. $\lim_{x \rightarrow 0} (\cos x)^{1/x} =$ a $+\infty$; b $\frac{1}{\sqrt{e}}$; c 1; d \sqrt{e} .

8. $g(x) = h(4e^x - 2e^{2x})$. Allora $g'(0) =$ a $h'(2)$; b 0; c $12h'(2)$; d $6h'(0)$.

9. $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x} + \beta \cos x, & x \geq 0 \\ 2(x+2) - 2^x, & x < 0 \end{cases}$ è continua a per $\beta = 4$; b per nessun valore di β ; c per $\beta = 3$; d per $\beta = 2$.

10. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\alpha x - 7 \sin x}{-3} = +\infty$ per a $\alpha = 7$; b nessun $\alpha \in \mathbf{R}$; c $\alpha > 7$; d $\alpha < 7$.

ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		31 ottobre 2012
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

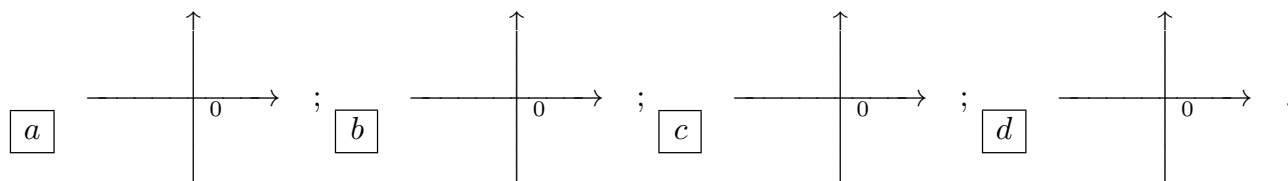
- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Se $h(x) \sim x$ per $x \rightarrow +\infty$, allora è sempre vero che: a $\lim_{x \rightarrow 0^+} xh(1/x) = 1$; b non esiste $\lim_{x \rightarrow +\infty} xh(x)$; c non esiste $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{h(x^2)}{x^2}$; d $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{h(e^x)}{x} = 0$.
2. Se $h: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ è una funzione due volte derivabile, quale delle seguenti affermazioni è sempre vera? a Se $\lim_{x \rightarrow -\infty} h(x) = 0$ e $h''(x) > 0$ allora $\lim_{x \rightarrow +\infty} h(x) = +\infty$; b Se x_0 è il punto di massimo assoluto di h allora $h''(x_0) < 0$; c Se h non ha minimo in \mathbf{R} allora h non è limitata inferiormente in \mathbf{R} ; d Se $h'(x_0) = h''(x_0) = 0$ allora x_0 è un punto di flesso di h .
3. $\lim_{x \rightarrow 0} (1 + \sin x)^{1/2x} =$ a $\frac{1}{\sqrt{e}}$; b 1; c \sqrt{e} ; d $+\infty$.
4. $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x} + \beta \cos x, & x \geq 0 \\ 2(x+3) - 2^x, & x < 0 \end{cases}$ è continua a per nessun valore di β ; b per $\beta = 5$; c per $\beta = 4$; d per $\beta = 6$.
5. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 - \cos^2(\frac{1}{x}))(1 + x^3)^2}{x^\alpha} = 1$ per a $\alpha = 2$; b $\alpha = 4$; c $\alpha = 5$; d $\alpha = 6$.
6. $h(x) = f(4e^{4x} - 2e^{2x})$. Allora $h'(0) =$ a 0; b $12f'(2)$; c $6f'(0)$; d $f'(2)$.
7. Le soluzioni dell'equazione

$$(z + \bar{z})(2\operatorname{Re}(z) - 1) + (\bar{z} - z)(\operatorname{Im}(z) + \frac{1}{2}) = \frac{1}{4}$$

sono: a $\sqrt{2} \pm 3, \sqrt{2} \pm 3 + 2i$; b $-\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, -\frac{1}{2} - 2i, \frac{5}{2} - 2i$; c $\sqrt{3} \pm 2, \sqrt{3} \pm 2 + \sqrt{3}i$; d $(1 \pm \sqrt{2})/4, (1 \pm \sqrt{2})/4 - i/2$.

8. Se $\bar{z} = 1 - i$ allora le radici quarte di z sono



9. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\alpha x - 2 \sin x}{x^3} = -\infty$ per a nessun $\alpha \in \mathbf{R}$; b $\alpha > 2$; c $\alpha < 2$; d $\alpha = 2$.
10. Se $f(x) = x^{x^7}$ per $x > 0$ allora $f'(x) =$ a $x^7 x^{x^7-1} (7 + \log x^7)$; b $7x^7 x^{x^7-1}$; c $x^7 x^{x^7-1} (1 + \log x^7)$; d $7x^7 x^{x^7-1} \log x^7$.

ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		31 ottobre 2012
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. $f(x) = g(4e^x - 2e^{2x})$. Allora $f'(0) =$ a $12g'(2)$; b $6g'(0)$; c $g'(2)$; d 0 .

2. $\lim_{x \rightarrow 0} (\cos x)^{1/x} =$ a 1 ; b \sqrt{e} ; c $+\infty$; d $\frac{1}{\sqrt{e}}$.

3. Le soluzioni dell'equazione

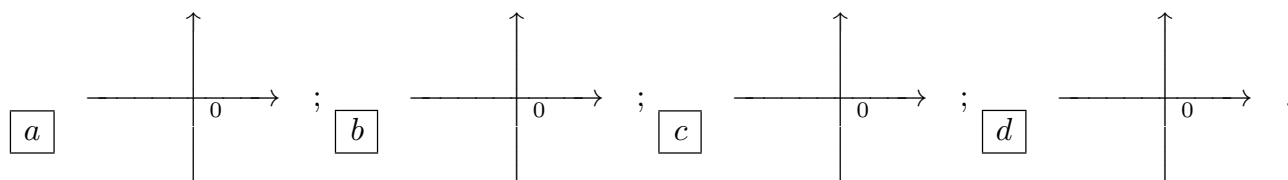
$$(z + \bar{z})\left(\frac{1}{2}\operatorname{Re}(z) - \sqrt{3}\right) + (\bar{z} - z)(\operatorname{Im}(z) - \sqrt{3}) = 1$$

sono: a $-\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, -\frac{1}{2} - 2i, \frac{5}{2} - 2i$; b $\sqrt{3} \pm 2, \sqrt{3} \pm 2 + \sqrt{3}i$; c $(1 \pm \sqrt{2})/4, (1 \pm \sqrt{2})/4 - i/2$; d $\sqrt{2} \pm 3, \sqrt{2} \pm 3 + 2i$.

4. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\alpha x - 3 \sin x}{x^3} = +\infty$ per a $\alpha > 3$; b $\alpha < 3$; c $\alpha = 3$; d nessun $\alpha \in \mathbf{R}$.

5. Se $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ è continua e periodica, allora è sempre vero che: a non esiste $\lim_{x \rightarrow +\infty} xf(x)$; b non esiste $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x^2)}{x^2}$; c $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(e^x)}{x} = 0$; d $\lim_{x \rightarrow 0^+} xf(1/x) = 1$.

6. Se $z = i^2$ allora le radici quarte di z sono



7. $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x} + \beta \cos x, & x \geq 0 \\ 2(x+4) - 2^x, & x < 0 \end{cases}$ è continua a per $\beta = 7$; b per $\beta = 6$; c per $\beta = 8$; d per nessun valore di β .

8. Se $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ è una funzione due volte derivabile, quale delle seguenti affermazioni è sempre vera? a Se x_0 è il punto di massimo assoluto di f allora $f''(x_0) < 0$; b Se f non ha minimo in \mathbf{R} allora f non è limitata inferiormente in \mathbf{R} ; c Se $f'(x_0) = f''(x_0) = 0$ allora x_0 è un punto di flesso di f ; d Se $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$ e $f''(x) > 0$ allora $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$.

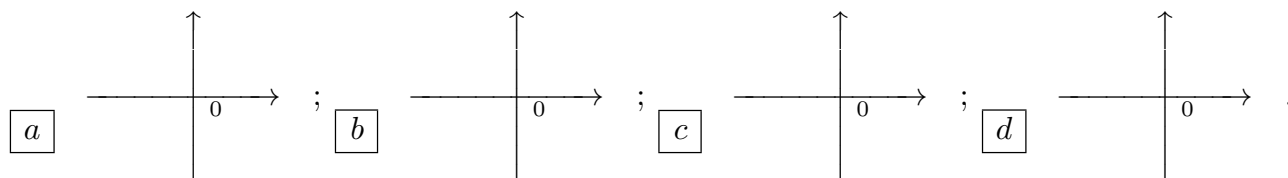
9. Se $f(x) = x^{x^5}$ per $x > 0$ allora $f'(x) =$ a $5x^5 x^{x^5-1}$; b $x^5 x^{x^5-1} (1 + \log x^5)$; c $5x^5 x^{x^5-1} \log x^5$; d $x^5 x^{x^5-1} (5 + \log x^5)$.

10. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 - \cos^2(\frac{1}{x}))(1 + x^4)^2}{x^\alpha} = 1$ per a $\alpha = 6$; b $\alpha = 7$; c $\alpha = 8$; d $\alpha = 3$.

ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		31 ottobre 2012
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Se $z = -(i^2)$ allora le radici quarte di z sono



2. Le soluzioni dell'equazione

$$(z + \bar{z})\left(\frac{1}{2}\operatorname{Re}(z) - \sqrt{2}\right) + (\bar{z} - z)(\operatorname{Im}(z) - 2) = 7$$

sono: a $\sqrt{3} \pm 2, \sqrt{3} \pm 2 + \sqrt{3}i$; b $(1 \pm \sqrt{2})/4, (1 \pm \sqrt{2})/4 - i/2$; c $\sqrt{2} \pm 3, \sqrt{2} \pm 3 + 2i$;
 d $-\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, -\frac{1}{2} - 2i, \frac{5}{2} - 2i$.

3. $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x} + \beta \cos x, & x \geq 0 \\ 2(x+5) - 2^x, & x < 0 \end{cases}$ è continua a per $\beta = 8$; b per $\beta = 10$; c per nessun valore di β ; d per $\beta = 9$.

4. Se $f(x) = x^{x^4}$ per $x > 0$ allora $f'(x) =$ a $x^4 x^{x^4-1} (1 + \log x^4)$; b $4x^4 x^{x^4-1} \log x^4$;
 c $x^4 x^{x^4-1} (4 + \log x^4)$; d $4x^4 x^{x^4-1}$.

5. $g(x) = h(4e^{4x} - 2e^{2x})$. Allora $g'(0) =$ a $6h'(0)$; b $h'(2)$; c 0 ; d $12h'(2)$.

6. Se $g: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ è una funzione due volte derivabile, quale delle seguenti affermazioni è sempre vera? a Se g non ha minimo in \mathbf{R} allora g non è limitata inferiormente in \mathbf{R} ; b Se $g'(x_0) = g''(x_0) = 0$ allora x_0 è un punto di flesso di g ; c Se $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = 0$ e $g''(x) > 0$ allora $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = +\infty$; d Se x_0 è il punto di massimo assoluto di g allora $g''(x_0) < 0$.

7. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\alpha x - 4 \sin x}{x^3} = -\infty$ per a $\alpha < 4$; b $\alpha = 4$; c nessun $\alpha \in \mathbf{R}$; d $\alpha > 4$.

8. $\lim_{x \rightarrow 0^+} (1 + \sin x)^{1/x^2} =$ a \sqrt{e} ; b $+\infty$; c $\frac{1}{\sqrt{e}}$; d 1 .

9. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 - \cos^2(\frac{1}{x}))(1 + x^5)^2}{x^\alpha} = 1$ per a $\alpha = 9$; b $\alpha = 10$; c $\alpha = 4$; d $\alpha = 8$.

10. Se $g(x) \sim x$ per $x \rightarrow +\infty$, allora è sempre vero che: a non esiste $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{g(x^2)}{x^2}$;
 b $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{g(e^x)}{e^x} = 0$; c $\lim_{x \rightarrow +\infty} xg(1/x) = 1$; d non esiste $\lim_{x \rightarrow +\infty} xg(x)$.

ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		31 ottobre 2012
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

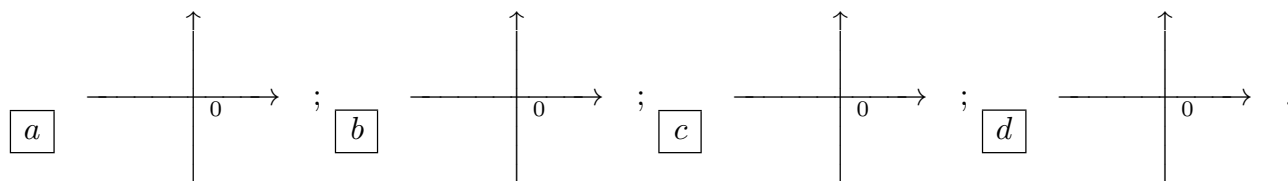
1. Se $h : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ è una funzione due volte derivabile, quale delle seguenti affermazioni è sempre vera? a Se $h'(x_0) = h''(x_0) = 0$ allora x_0 è un punto di flesso di h ; b Se $\lim_{x \rightarrow -\infty} h(x) = 0$ e $h''(x) > 0$ allora $\lim_{x \rightarrow +\infty} h(x) = +\infty$; c Se x_0 è il punto di massimo assoluto di h allora $h''(x_0) < 0$; d Se h non ha minimo in \mathbf{R} allora h non è limitata inferiormente in \mathbf{R} .

2. $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x} + \beta \cos x, & x \geq 0 \\ 2(x+4) - 2^x, & x < 0 \end{cases}$ è continua a per $\beta = 8$; b per nessun valore di β ; c per $\beta = 7$; d per $\beta = 6$.

3. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\alpha x - 5 \sin x}{x^3} = +\infty$ per a $\alpha = 5$; b nessun $\alpha \in \mathbf{R}$; c $\alpha > 5$; d $\alpha < 5$.

4. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 - \cos^2(\frac{1}{x}))(1 + x^4)^2}{x^\alpha} = 1$ per a $\alpha = 8$; b $\alpha = 2$; c $\alpha = 6$; d $\alpha = 7$.

5. Se $\bar{z} = 1 - i$ allora le radici quarte di z sono



6. $\lim_{x \rightarrow 0^+} (1 + \sin x)^{1/x^2} =$ a $+\infty$; b $\frac{1}{\sqrt{e}}$; c 1; d \sqrt{e} .

7. Se $f(x) = x^{x^3}$ per $x > 0$ allora $f'(x) =$ a $3x^3 x^{x^3-1} \log x^3$; b $x^3 x^{x^3-1} (3 + \log x^3)$; c $3x^3 x^{x^3-1}$; d $x^3 x^{x^3-1} (1 + \log x^3)$.

8. Le soluzioni dell'equazione

$$(z + \bar{z})\left(\frac{1}{2}\operatorname{Re}(z) - \sqrt{3}\right) + (\bar{z} - z)(\operatorname{Im}(z) - \sqrt{3}) = 1$$

sono: a $(1 \pm \sqrt{2})/4, (1 \pm \sqrt{2})/4 - i/2$; b $\sqrt{2} \pm 3, \sqrt{2} \pm 3 + 2i$; c $-\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, -\frac{1}{2} - 2i, \frac{5}{2} - 2i$; d $\sqrt{3} \pm 2, \sqrt{3} \pm 2 + \sqrt{3}i$.

9. Se $h : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ è continua e periodica, allora è sempre vero che: a $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{h(e^x)}{x} = 0$; b $\lim_{x \rightarrow 0^+} xh(1/x) = 1$; c non esiste $\lim_{x \rightarrow +\infty} xh(x)$; d non esiste $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{h(x^2)}{x^2}$.

10. $h(x) = f(4x^2 - 2e^{2x})$. Allora $h'(0) =$ a $f'(0)$; b 0; c $12f'(0)$; d $6f'(0)$

ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		31 ottobre 2012
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

- $\lim_{x \rightarrow 0} (\cos x)^{1/x^2} = \boxed{a} \frac{1}{\sqrt{e}}; \boxed{b} 1; \boxed{c} \sqrt{e}; \boxed{d} +\infty.$
- $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\alpha x - 7 \sin x}{x^3} = -\infty$ per \boxed{a} nessun $\alpha \in \mathbf{R}; \boxed{b} \alpha > 7; \boxed{c} \alpha < 7; \boxed{d} \alpha = 7.$
- Se $f(x) = x^{x^2}$ per $x > 0$ allora $f'(x) = \boxed{a} x^2 x^{x^2-1} (2 + \log x^2) ; \boxed{b} 2x^2 x^{x^2-1} ; \boxed{c} x^2 x^{x^2-1} (1 + \log x^2) ; \boxed{d} 2x^2 x^{x^2-1} \log x^2 .$
- Se $h(x) \sim x$ per $x \rightarrow +\infty$, allora è sempre vero che: $\boxed{a} \lim_{x \rightarrow 0^+} xh(1/x) = 1; \boxed{b}$ non esiste $\lim_{x \rightarrow +\infty} xh(x); \boxed{c}$ non esiste $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{h(x^2)}{x^2}; \boxed{d} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{h(e^x)}{x} = 0.$
- Se $h : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ è una funzione due volte derivabile, quale delle seguenti affermazioni è sempre vera? \boxed{a} Se $\lim_{x \rightarrow -\infty} h(x) = 0$ e $h''(x) > 0$ allora $\lim_{x \rightarrow +\infty} h(x) = +\infty; \boxed{b}$ Se x_0 è il punto di massimo assoluto di h allora $h''(x_0) < 0; \boxed{c}$ Se h non ha minimo in \mathbf{R} allora h non è limitata inferiormente in $\mathbf{R}; \boxed{d}$ Se $h'(x_0) = h''(x_0) = 0$ allora x_0 è un punto di flesso di $h.$
- Le soluzioni dell'equazione

$$(z + \bar{z})\left(\frac{1}{2}\operatorname{Re}(z) - \sqrt{2}\right) + (\bar{z} - z)(\operatorname{Im}(z) - 2) = 7$$

sono: $\boxed{a} \sqrt{2} \pm 3, \sqrt{2} \pm 3 + 2i; \boxed{b} -\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, -\frac{1}{2} - 2i, \frac{5}{2} - 2i; \boxed{c} \sqrt{3} \pm 2, \sqrt{3} \pm 2 + \sqrt{3}i; \boxed{d} (1 \pm \sqrt{2})/4, (1 \pm \sqrt{2})/4 - i/2.$

- $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 - \cos^2(\frac{1}{x}))(1 + x^5)^2}{x^\alpha} = 1$ per $\boxed{a} \alpha = 3; \boxed{b} \alpha = 8; \boxed{c} \alpha = 9; \boxed{d} \alpha = 10.$
- $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x} + \beta \cos x, & x \geq 0 \\ 2(x+5) - 2^x, & x < 0 \end{cases}$ è continua \boxed{a} per nessun valore di $\beta; \boxed{b}$ per $\beta = 9; \boxed{c}$ per $\beta = 8; \boxed{d}$ per $\beta = 10.$
- $f(x) = g(4e^{4x} - 2e^{2x}).$ Allora $f'(0) = \boxed{a} 0; \boxed{b} 12g'(2); \boxed{c} 6g'(0); \boxed{d} g'(2).$
- Se $z = -(i^2)$ allora le radici quarte di z sono

