

ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		31 ottobre 2012
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A   B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Le soluzioni dell'equazione

$$(z + \bar{z})(\operatorname{Re}(z) - 2) + (\bar{z} - z)(\operatorname{Im}(z) + 2) = \frac{5}{2}$$

sono:  a  $(1 \pm \sqrt{2})/4, (1 \pm \sqrt{2})/4 - i/2$ ;  b  $\sqrt{2} \pm 3, \sqrt{2} \pm 3 + 2i$ ;  c  $-\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, -\frac{1}{2} - 2i, \frac{5}{2} - 2i$ ;  d  $\sqrt{3} \pm 2, \sqrt{3} \pm 2 + \sqrt{3}i$ .

2. Se  $f(x) = x^{x^7}$  per  $x > 0$  allora  $f'(x) =$   a  $7x^7 x^{x^7-1} \log x^7$  ;  b  $x^7 x^{x^7-1} (7 + \log x^7)$  ;  c  $7x^7 x^{x^7-1}$  ;  d  $x^7 x^{x^7-1} (1 + \log x^7)$  .

3.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 - \cos^2(\frac{1}{x}))(1 + x^2)^2}{x^\alpha} = 1$  per  a  $\alpha = 4$ ;  b  $\alpha = 1$ ;  c  $\alpha = 2$ ;  d  $\alpha = 3$ .

4.  $f(x) = g(4e^x - 2e^{2x})$ . Allora  $f'(0) =$   a  $g'(2)$ ;  b  $0$ ;  c  $12g'(2)$ ;  d  $6g'(0)$ .

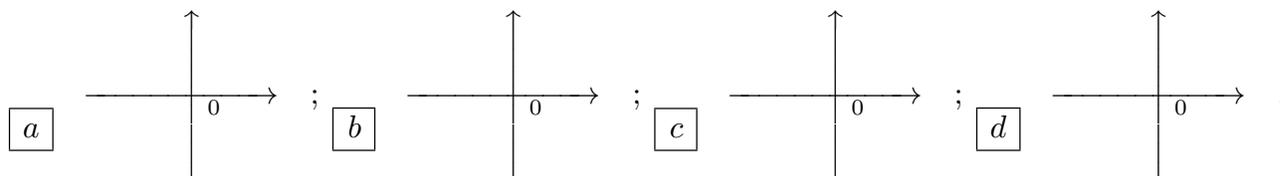
5.  $\lim_{x \rightarrow 0} (\cos x)^{1/x^2} =$   a  $+\infty$ ;  b  $\frac{1}{\sqrt{e}}$ ;  c  $1$ ;  d  $\sqrt{e}$ .

6.  $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x} + \beta \cos x, & x \geq 0 \\ 2(x+2) - 2^x, & x < 0 \end{cases}$  è continua  a per  $\beta = 4$ ;  b per nessun valore di  $\beta$ ;  c per  $\beta = 3$ ;  d per  $\beta = 2$ .

7. Se  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  è continua e periodica, allora è sempre vero che:  a  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(e^x)}{x} = 0$ ;  b  $\lim_{x \rightarrow 0^+} x f(1/x) = 1$ ;  c non esiste  $\lim_{x \rightarrow +\infty} x f(x)$ ;  d non esiste  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x^2)}{x^2}$  .

8.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\alpha x - 2 \sin x}{x^3} = +\infty$  per  a  $\alpha = 2$ ;  b nessun  $\alpha \in \mathbf{R}$ ;  c  $\alpha > 2$ ;  d  $\alpha < 2$ .

9. Se  $\bar{z} = 1 + i$  allora le radici quarte di  $z$  sono



10. Se  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  è una funzione due volte derivabile, quale delle seguenti affermazioni è sempre vera?  a Se  $f'(x_0) = f''(x_0) = 0$  allora  $x_0$  è un punto di flesso di  $f$ ;  b Se  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$  e  $f''(x) > 0$  allora  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ;  c Se  $x_0$  è il punto di massimo assoluto di  $f$  allora  $f'''(x_0) < 0$ ;  d Se  $f$  non ha minime in  $\mathbf{R}$  allora  $f$  non è limitata inferiormente in  $\mathbf{R}$ .

ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		31 ottobre 2012
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A   B

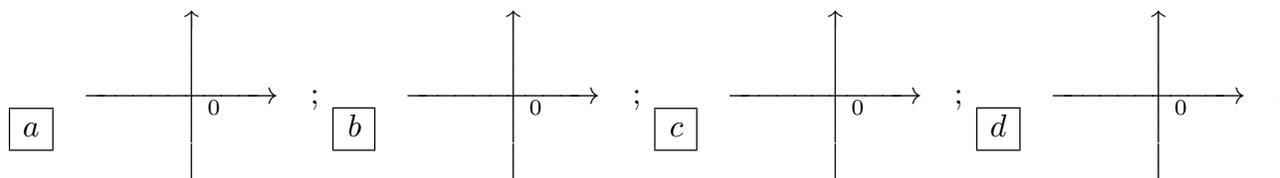
- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1.  $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x} + \beta \cos x, & x \geq 0 \\ 2(x+3) - 2^x, & x < 0 \end{cases}$  è continua  a per nessun valore di  $\beta$ ;  b per  $\beta = 5$ ;  
 c per  $\beta = 4$ ;  d per  $\beta = 6$ .

2.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 - \cos^2(\frac{1}{x}))(1 + x^3)^2}{x^\alpha} = 1$  per  a  $\alpha = 2$ ;  b  $\alpha = 4$ ;  c  $\alpha = 5$ ;  d  $\alpha = 6$ .

3. Se  $g(x) \sim x$  per  $x \rightarrow +\infty$ , allora è sempre vero che:  a  $\lim_{x \rightarrow 0^+} xg(1/x) = 1$ ;  b non esiste  
 $\lim_{x \rightarrow +\infty} xg(x)$ ;  c non esiste  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{g(x^2)}{x^2}$ ;  d  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{g(e^x)}{x} = 0$ .

4. Se  $\bar{z} = 1 - i$  allora le radici quarte di  $z$  sono



5. Le soluzioni dell'equazione

$$(z + \bar{z})(2\operatorname{Re}(z) - 1) + (\bar{z} - z)(\operatorname{Im}(z) + \frac{1}{2}) = \frac{1}{4}$$

sono:  a  $\sqrt{2} \pm 3, \sqrt{2} \pm 3 + 2i$ ;  b  $-\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, -\frac{1}{2} - 2i, \frac{5}{2} - 2i$ ;  c  $\sqrt{3} \pm 2, \sqrt{3} \pm 2 + \sqrt{3}i$ ;  
 d  $(1 \pm \sqrt{2})/4, (1 \pm \sqrt{2})/4 - i/2$ .

6.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\alpha x - 3 \sin x}{x^3} = -\infty$  per  a nessun  $\alpha \in \mathbf{R}$ ;  b  $\alpha > 3$ ;  c  $\alpha < 3$ ;  d  $\alpha = 3$ .

7.  $g(x) = h(4e^{4x} - 2e^{2x})$ . Allora  $g'(0) =$   a 0;  b  $12h'(2)$ ;  c  $6h'(0)$ ;  d  $h'(2)$ .

8. Se  $f(x) = x^{x^5}$  per  $x > 0$  allora  $f'(x) =$   a  $x^5 x^{x^5-1} (5 + \log x^5)$ ;  b  $5x^5 x^{x^5-1}$ ;  
 c  $x^5 x^{x^5-1} (1 + \log x^5)$ ;  d  $5x^5 x^{x^5-1} \log x^5$ .

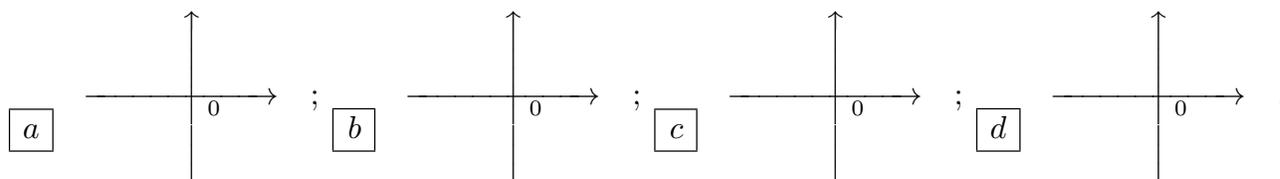
9. Se  $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  è una funzione due volte derivabile, quale delle seguenti affermazioni è sempre vera?  a Se  $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = 0$  e  $g''(x) > 0$  allora  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = +\infty$ ;  b Se  $x_0$  è il punto di massimo assoluto di  $g$  allora  $g''(x_0) < 0$ ;  c Se  $g$  non ha minimo in  $\mathbf{R}$  allora  $g$  non è limitata inferiormente in  $\mathbf{R}$ ;  d Se  $g'(x_0) = g''(x_0) = 0$  allora  $x_0$  è un punto di flesso di  $g$ .

10.  $\lim_{x \rightarrow 0} (1 + \sin x)^{1/2x} =$   a  $\frac{1}{\sqrt{e}}$ ;  b 1;  c  $\sqrt{e}$ ;  d  $+\infty$ .

ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		31 ottobre 2012
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A   B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

- $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\alpha x - 4 \sin x}{x^3} = +\infty$  per  a  $\alpha > 4$ ;  b  $\alpha < 4$ ;  c  $\alpha = 4$ ;  d nessun  $\alpha \in \mathbf{R}$ .
- Se  $h : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  è continua e periodica, allora è sempre vero che:  a non esiste  $\lim_{x \rightarrow +\infty} xh(x)$ ;  b non esiste  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{h(x^2)}{x^2}$ ;  c  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{h(e^x)}{x} = 0$ ;  d  $\lim_{x \rightarrow 0^+} xh(1/x) = 1$ .
- $h(x) = f(4e^x - 2e^{2x})$ . Allora  $h'(0) =$   a  $12f'(2)$ ;  b  $6f'(0)$ ;  c  $f'(2)$ ;  d 0.
- Se  $h : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  è una funzione due volte derivabile, quale delle seguenti affermazioni è sempre vera?  a Se  $x_0$  è il punto di massimo assoluto di  $h$  allora  $h''(x_0) < 0$ ;  b Se  $h$  non ha minimo in  $\mathbf{R}$  allora  $h$  non è limitata inferiormente in  $\mathbf{R}$ ;  c Se  $h'(x_0) = h''(x_0) = 0$  allora  $x_0$  è un punto di flesso di  $h$ ;  d Se  $\lim_{x \rightarrow -\infty} h(x) = 0$  e  $h''(x) > 0$  allora  $\lim_{x \rightarrow +\infty} h(x) = +\infty$ .
- $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x} + \beta \cos x, & x \geq 0 \\ 2(x+4) - 2^x, & x < 0 \end{cases}$  è continua  a per  $\beta = 7$ ;  b per  $\beta = 6$ ;  c per  $\beta = 8$ ;  d per nessun valore di  $\beta$ .
- Se  $f(x) = x^{x^4}$  per  $x > 0$  allora  $f'(x) =$   a  $4x^4 x^{x^4-1}$ ;  b  $x^4 x^{x^4-1} (1 + \log x^4)$ ;  c  $4x^4 x^{x^4-1} \log x^4$ ;  d  $x^4 x^{x^4-1} (4 + \log x^4)$ .
- Se  $z = i^2$  allora le radici quarte di  $z$  sono



- $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 - \cos^2(\frac{1}{x}))(1 + x^4)^2}{x^\alpha} = 1$  per  a  $\alpha = 6$ ;  b  $\alpha = 7$ ;  c  $\alpha = 8$ ;  d  $\alpha = 3$ .
- $\lim_{x \rightarrow 0^+} (1 + \sin x)^{1/x^2} =$   a 1;  b  $\sqrt{e}$ ;  c  $+\infty$ ;  d  $\frac{1}{\sqrt{e}}$ .
- Le soluzioni dell'equazione

$$(z + \bar{z})\left(\frac{1}{2}\operatorname{Re}(z) - \sqrt{3}\right) + (\bar{z} - z)(\operatorname{Im}(z) - \sqrt{3}) = 1$$

- sono:  a  $-\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, -\frac{1}{2} - 2i, \frac{5}{2} - 2i$ ;  b  $\sqrt{3} \pm 2, \sqrt{3} \pm 2 + \sqrt{3}i$ ;  c  $(1 \pm \sqrt{2})/4, (1 \pm \sqrt{2})/4 - i/2$ ;  d  $\sqrt{2} \pm 3, \sqrt{2} \pm 3 + 2i$ .

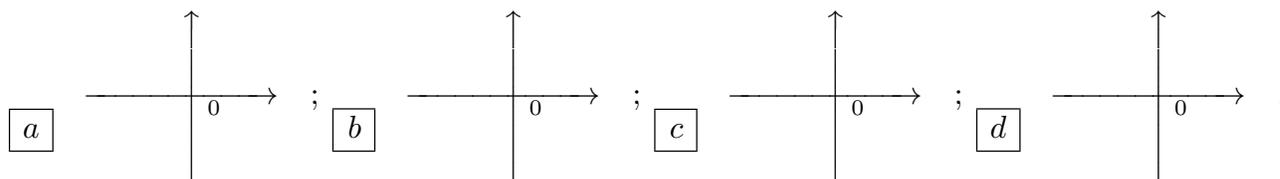
ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		31 ottobre 2012
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A   B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Se  $f(x) = x^{x^3}$  per  $x > 0$  allora  $f'(x) = \boxed{a} x^3 x^{x^3-1} (1 + \log x^3)$  ;  $\boxed{b} 3x^3 x^{x^3-1} \log x^3$  ;  $\boxed{c} x^3 x^{x^3-1} (3 + \log x^3)$  ;  $\boxed{d} 3x^3 x^{x^3-1}$  .

2.  $f(x) = g(4e^{4x} - 2e^{2x})$ . Allora  $f'(0) = \boxed{a} 6g'(0)$ ;  $\boxed{b} g'(2)$ ;  $\boxed{c} 0$ ;  $\boxed{d} 12g'(2)$ .

3. Se  $z = -(i^2)$  allora le radici quarte di  $z$  sono



4.  $\lim_{x \rightarrow 0} (\cos x)^{1/x^2} = \boxed{a} \sqrt{e}$ ;  $\boxed{b} +\infty$ ;  $\boxed{c} \frac{1}{\sqrt{e}}$ ;  $\boxed{d} 1$ .

5.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\alpha x - 5 \sin x}{x^3} = -\infty$  per  $\boxed{a} \alpha < 5$ ;  $\boxed{b} \alpha = 5$ ;  $\boxed{c}$  nessun  $\alpha \in \mathbf{R}$ ;  $\boxed{d} \alpha > 5$ .

6.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 - \cos^2(\frac{1}{x}))(1 + x^5)^2}{x^\alpha} = 1$  per  $\boxed{a} \alpha = 9$ ;  $\boxed{b} \alpha = 10$ ;  $\boxed{c} \alpha = 4$ ;  $\boxed{d} \alpha = 8$ .

7. Se  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  è una funzione due volte derivabile, quale delle seguenti affermazioni è sempre vera?  $\boxed{a}$  Se  $f$  non ha minimo in  $\mathbf{R}$  allora  $f$  non è limitata inferiormente in  $\mathbf{R}$ ;  $\boxed{b}$  Se  $f'(x_0) = f''(x_0) = 0$  allora  $x_0$  è un punto di flesso di  $f$ ;  $\boxed{c}$  Se  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$  e  $f''(x) > 0$  allora  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ;  $\boxed{d}$  Se  $x_0$  è il punto di massimo assoluto di  $f$  allora  $f''(x_0) < 0$ .

8. Se  $f(x) \sim x$  per  $x \rightarrow +\infty$ , allora è sempre vero che:  $\boxed{a}$  non esiste  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x^2)}{x^2}$  ;  $\boxed{b} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(e^x)}{x} = 0$ ;  $\boxed{c} \lim_{x \rightarrow 0^+} x f(1/x) = 1$ ;  $\boxed{d}$  non esiste  $\lim_{x \rightarrow +\infty} x f(x)$ .

9. Le soluzioni dell'equazione

$$(z + \bar{z})\left(\frac{1}{2}\operatorname{Re}(z) - \sqrt{2}\right) + (\bar{z} - z)(\operatorname{Im}(z) - 2) = 7$$

sono:  $\boxed{a} \sqrt{3} \pm 2, \sqrt{3} \pm 2 + \sqrt{3}i$ ;  $\boxed{b} (1 \pm \sqrt{2})/4, (1 \pm \sqrt{2})/4 - i/2$ ;  $\boxed{c} \sqrt{2} \pm 3, \sqrt{2} \pm 3 + 2i$ ;  $\boxed{d} -\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, -\frac{1}{2} - 2i, \frac{5}{2} - 2i$ .

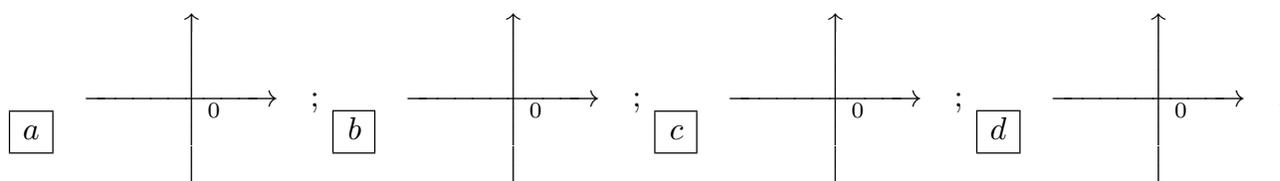
10.  $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x} + \beta \cos x, & x \geq 0 \\ 2(x+5) - 2^x, & x < 0 \end{cases}$  è continua  $\boxed{a}$  per  $\beta = 8$ ;  $\boxed{b}$  per  $\beta = 10$ ;  $\boxed{c}$  per nessun valore di  $\beta$ ;  $\boxed{d}$  per  $\beta = 0$

ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		31 ottobre 2012
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A   B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 - \cos^2(\frac{1}{x}))(1 + x^2)^2}{x^\alpha} = 1$  per  a  $\alpha = 4$ ;  b  $\alpha = 1$ ;  c  $\alpha = 2$ ;  d  $\alpha = 3$ .

2. Se  $\bar{z} = 1 + i$  allora le radici quarte di  $z$  sono



3. Se  $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  è una funzione due volte derivabile, quale delle seguenti affermazioni è sempre vera?  a Se  $g'(x_0) = g''(x_0) = 0$  allora  $x_0$  è un punto di flesso di  $g$ ;  b Se  $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = 0$  e  $g''(x) > 0$  allora  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = +\infty$ ;  c Se  $x_0$  è il punto di massimo assoluto di  $g$  allora  $g''(x_0) < 0$ ;  d Se  $g$  non ha minimo in  $\mathbf{R}$  allora  $g$  non è limitata inferiormente in  $\mathbf{R}$ .

4. Le soluzioni dell'equazione

$$(z + \bar{z})(\operatorname{Re}(z) - 2) + (\bar{z} - z)(\operatorname{Im}(z) + 2) = \frac{5}{2}$$

sono:  a  $(1 \pm \sqrt{2})/4, (1 \pm \sqrt{2})/4 - i/2$ ;  b  $\sqrt{2} \pm 3, \sqrt{2} \pm 3 + 2i$ ;  c  $-\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, -\frac{1}{2} - 2i, \frac{5}{2} - 2i$ ;  d  $\sqrt{3} \pm 2, \sqrt{3} \pm 2 + \sqrt{3}i$ .

5. Se  $f(x) = x^{x^2}$  per  $x > 0$  allora  $f'(x) =$   a  $2x^2 x^{x^2-1} \log x^2$  ;  b  $x^2 x^{x^2-1} (2 + \log x^2)$  ;  c  $2x^2 x^{x^2-1}$  ;  d  $x^2 x^{x^2-1} (1 + \log x^2)$  .

6. Se  $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  è continua e periodica, allora è sempre vero che:  a  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{g(e^x)}{x} = 0$ ;  b  $\lim_{x \rightarrow 0^+} xg(1/x) = 1$ ;  c non esiste  $\lim_{x \rightarrow +\infty} xg(x)$ ;  d non esiste  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{g(x^2)}{x^2}$  .

7.  $\lim_{x \rightarrow 0} (\cos x)^{1/x} =$   a  $+\infty$ ;  b  $\frac{1}{\sqrt{e}}$ ;  c 1;  d  $\sqrt{e}$ .

8.  $g(x) = h(4e^x - 2e^{2x})$ . Allora  $g'(0) =$   a  $h'(2)$ ;  b 0;  c  $12h'(2)$ ;  d  $6h'(0)$ .

9.  $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x} + \beta \cos x, & x \geq 0 \\ 2(x+2) - 2^x, & x < 0 \end{cases}$  è continua  a per  $\beta = 4$ ;  b per nessun valore di  $\beta$ ;  c per  $\beta = 3$ ;  d per  $\beta = 2$ .

10.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\alpha x - 7 \sin x}{-3} = +\infty$  per  a  $\alpha = 7$ ;  b nessun  $\alpha \in \mathbf{R}$ ;  c  $\alpha > 7$ ;  d  $\alpha < 7$ .

<b>ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1</b>		<b>31 ottobre 2012</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>
<b>Corso di laurea:</b>		A      B

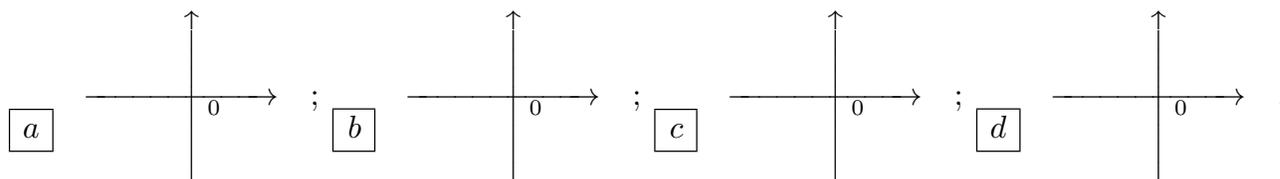
- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Se  $h(x) \sim x$  per  $x \rightarrow +\infty$ , allora è sempre vero che:  a  $\lim_{x \rightarrow 0^+} xh(1/x) = 1$ ;  b non esiste  $\lim_{x \rightarrow +\infty} xh(x)$ ;  c non esiste  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{h(x^2)}{x^2}$ ;  d  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{h(e^x)}{x} = 0$ .
2. Se  $h : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  è una funzione due volte derivabile, quale delle seguenti affermazioni è sempre vera?  a Se  $\lim_{x \rightarrow -\infty} h(x) = 0$  e  $h''(x) > 0$  allora  $\lim_{x \rightarrow +\infty} h(x) = +\infty$ ;  b Se  $x_0$  è il punto di massimo assoluto di  $h$  allora  $h''(x_0) < 0$ ;  c Se  $h$  non ha minimo in  $\mathbf{R}$  allora  $h$  non è limitata inferiormente in  $\mathbf{R}$ ;  d Se  $h'(x_0) = h''(x_0) = 0$  allora  $x_0$  è un punto di flesso di  $h$ .
3.  $\lim_{x \rightarrow 0} (1 + \sin x)^{1/2x} =$   a  $\frac{1}{\sqrt{e}}$ ;  b 1;  c  $\sqrt{e}$ ;  d  $+\infty$ .
4.  $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x} + \beta \cos x, & x \geq 0 \\ 2(x+3) - 2^x, & x < 0 \end{cases}$  è continua  a per nessun valore di  $\beta$ ;  b per  $\beta = 5$ ;  c per  $\beta = 4$ ;  d per  $\beta = 6$ .
5.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 - \cos^2(\frac{1}{x}))(1 + x^3)^2}{x^\alpha} = 1$  per  a  $\alpha = 2$ ;  b  $\alpha = 4$ ;  c  $\alpha = 5$ ;  d  $\alpha = 6$ .
6.  $h(x) = f(4e^{4x} - 2e^{2x})$ . Allora  $h'(0) =$   a 0;  b  $12f'(2)$ ;  c  $6f'(0)$ ;  d  $f'(2)$ .
7. Le soluzioni dell'equazione

$$(z + \bar{z})(2\operatorname{Re}(z) - 1) + (\bar{z} - z)(\operatorname{Im}(z) + \frac{1}{2}) = \frac{1}{4}$$

sono:  a  $\sqrt{2} \pm 3, \sqrt{2} \pm 3 + 2i$ ;  b  $-\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, -\frac{1}{2} - 2i, \frac{5}{2} - 2i$ ;  c  $\sqrt{3} \pm 2, \sqrt{3} \pm 2 + \sqrt{3}i$ ;  d  $(1 \pm \sqrt{2})/4, (1 \pm \sqrt{2})/4 - i/2$ .

8. Se  $\bar{z} = 1 - i$  allora le radici quarte di  $z$  sono



9.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\alpha x - 2 \sin x}{x^3} = -\infty$  per  a nessun  $\alpha \in \mathbf{R}$ ;  b  $\alpha > 2$ ;  c  $\alpha < 2$ ;  d  $\alpha = 2$ .
10. Se  $f(x) = x^{x^7}$  per  $x > 0$  allora  $f'(x) =$   a  $x^7 x^{x^7-1} (7 + \log x^7)$ ;  b  $7x^7 x^{x^7-1}$ ;  c  $x^7 x^{x^7-1} (1 + \log x^7)$ ;  d  $7x^7 x^{x^7-1} \log x^7$ .

ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		31 ottobre 2012
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A   B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1.  $f(x) = g(4e^x - 2e^{2x})$ . Allora  $f'(0) =$   a  $12g'(2)$ ;  b  $6g'(0)$ ;  c  $g'(2)$ ;  d  $0$ .

2.  $\lim_{x \rightarrow 0} (\cos x)^{1/x} =$   a  $1$ ;  b  $\sqrt{e}$ ;  c  $+\infty$ ;  d  $\frac{1}{\sqrt{e}}$ .

3. Le soluzioni dell'equazione

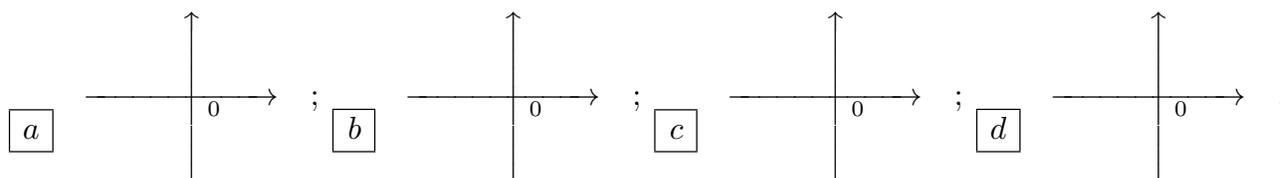
$$(z + \bar{z})\left(\frac{1}{2}\operatorname{Re}(z) - \sqrt{3}\right) + (\bar{z} - z)(\operatorname{Im}(z) - \sqrt{3}) = 1$$

sono:  a  $-\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, -\frac{1}{2} - 2i, \frac{5}{2} - 2i$ ;  b  $\sqrt{3} \pm 2, \sqrt{3} \pm 2 + \sqrt{3}i$ ;  c  $(1 \pm \sqrt{2})/4, (1 \pm \sqrt{2})/4 - i/2$ ;  d  $\sqrt{2} \pm 3, \sqrt{2} \pm 3 + 2i$ .

4.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\alpha x - 3 \sin x}{x^3} = +\infty$  per  a  $\alpha > 3$ ;  b  $\alpha < 3$ ;  c  $\alpha = 3$ ;  d nessun  $\alpha \in \mathbf{R}$ .

5. Se  $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  è continua e periodica, allora è sempre vero che:  a non esiste  $\lim_{x \rightarrow +\infty} xf(x)$ ;  b non esiste  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x^2)}{x^2}$ ;  c  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(e^x)}{x} = 0$ ;  d  $\lim_{x \rightarrow 0^+} xf(1/x) = 1$ .

6. Se  $z = i^2$  allora le radici quarte di  $z$  sono



7.  $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x} + \beta \cos x, & x \geq 0 \\ 2(x+4) - 2^x, & x < 0 \end{cases}$  è continua  a per  $\beta = 7$ ;  b per  $\beta = 6$ ;  c per  $\beta = 8$ ;  d per nessun valore di  $\beta$ .

8. Se  $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  è una funzione due volte derivabile, quale delle seguenti affermazioni è sempre vera?  a Se  $x_0$  è il punto di massimo assoluto di  $f$  allora  $f''(x_0) < 0$ ;  b Se  $f$  non ha minimo in  $\mathbf{R}$  allora  $f$  non è limitata inferiormente in  $\mathbf{R}$ ;  c Se  $f'(x_0) = f''(x_0) = 0$  allora  $x_0$  è un punto di flesso di  $f$ ;  d Se  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$  e  $f''(x) > 0$  allora  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ .

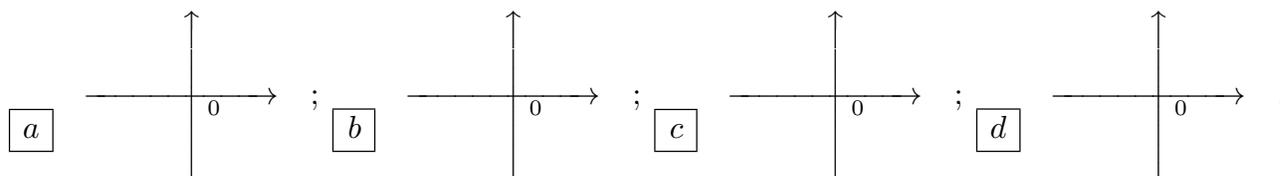
9. Se  $f(x) = x^{x^5}$  per  $x > 0$  allora  $f'(x) =$   a  $5x^5 x^{x^5-1}$ ;  b  $x^5 x^{x^5-1} (1 + \log x^5)$ ;  c  $5x^5 x^{x^5-1} \log x^5$ ;  d  $x^5 x^{x^5-1} (5 + \log x^5)$ .

10.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 - \cos^2(\frac{1}{x}))(1 + x^4)^2}{x^\alpha} = 1$  per  a  $\alpha = 6$ ;  b  $\alpha = 7$ ;  c  $\alpha = 8$ ;  d  $\alpha = 3$ .

ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		31 ottobre 2012
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A   B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Se  $z = -(i^2)$  allora le radici quarte di  $z$  sono



2. Le soluzioni dell'equazione

$$(z + \bar{z})\left(\frac{1}{2}\operatorname{Re}(z) - \sqrt{2}\right) + (\bar{z} - z)(\operatorname{Im}(z) - 2) = 7$$

sono:   $a$   $\sqrt{3} \pm 2, \sqrt{3} \pm 2 + \sqrt{3}i$ ;   $b$   $(1 \pm \sqrt{2})/4, (1 \pm \sqrt{2})/4 - i/2$ ;   $c$   $\sqrt{2} \pm 3, \sqrt{2} \pm 3 + 2i$ ;  
  $d$   $-\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, -\frac{1}{2} - 2i, \frac{5}{2} - 2i$ .

3.  $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x} + \beta \cos x, & x \geq 0 \\ 2(x+5) - 2^x, & x < 0 \end{cases}$  è continua   $a$  per  $\beta = 8$ ;   $b$  per  $\beta = 10$ ;   $c$  per nessun valore di  $\beta$ ;   $d$  per  $\beta = 9$ .

4. Se  $f(x) = x^{x^4}$  per  $x > 0$  allora  $f'(x) =$    $a$   $x^4 x^{x^4-1} (1 + \log x^4)$  ;   $b$   $4x^4 x^{x^4-1} \log x^4$  ;  
  $c$   $x^4 x^{x^4-1} (4 + \log x^4)$  ;   $d$   $4x^4 x^{x^4-1}$  .

5.  $g(x) = h(4e^{4x} - 2e^{2x})$ . Allora  $g'(0) =$    $a$   $6h'(0)$ ;   $b$   $h'(2)$ ;   $c$   $0$ ;   $d$   $12h'(2)$ .

6. Se  $g: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  è una funzione due volte derivabile, quale delle seguenti affermazioni è sempre vera?   $a$  Se  $g$  non ha minimo in  $\mathbf{R}$  allora  $g$  non è limitata inferiormente in  $\mathbf{R}$ ;   $b$  Se  $g'(x_0) = g''(x_0) = 0$  allora  $x_0$  è un punto di flesso di  $g$ ;   $c$  Se  $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = 0$  e  $g''(x) > 0$  allora  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = +\infty$ ;   $d$  Se  $x_0$  è il punto di massimo assoluto di  $g$  allora  $g''(x_0) < 0$ .

7.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\alpha x - 4 \sin x}{x^3} = -\infty$  per   $a$   $\alpha < 4$ ;   $b$   $\alpha = 4$ ;   $c$  nessun  $\alpha \in \mathbf{R}$ ;   $d$   $\alpha > 4$ .

8.  $\lim_{x \rightarrow 0^+} (1 + \sin x)^{1/x^2} =$    $a$   $\sqrt{e}$ ;   $b$   $+\infty$ ;   $c$   $\frac{1}{\sqrt{e}}$ ;   $d$   $1$ .

9.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 - \cos^2(\frac{1}{x}))(1 + x^5)^2}{x^\alpha} = 1$  per   $a$   $\alpha = 9$ ;   $b$   $\alpha = 10$ ;   $c$   $\alpha = 4$ ;   $d$   $\alpha = 8$ .

10. Se  $g(x) \sim x$  per  $x \rightarrow +\infty$ , allora è sempre vero che:   $a$  non esiste  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{g(x^2)}{x^2}$  ;  
  $b$   $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{g(e^x)}{e^x} = 0$ ;   $c$   $\lim_{x \rightarrow +\infty} xg(1/x) = 1$ ;   $d$  non esiste  $\lim_{x \rightarrow +\infty} xg(x)$ .

ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		31 ottobre 2012
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A   B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

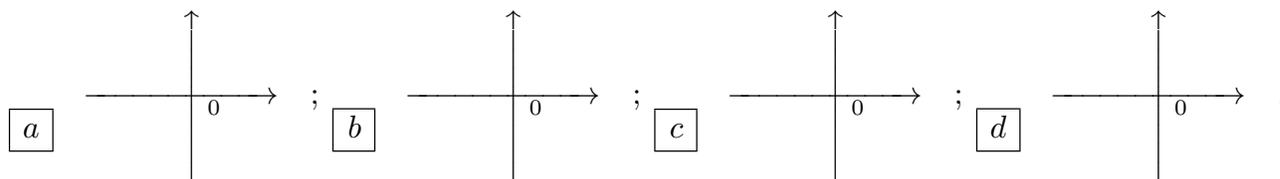
1. Se  $h : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  è una funzione due volte derivabile, quale delle seguenti affermazioni è sempre vera?  a Se  $h'(x_0) = h''(x_0) = 0$  allora  $x_0$  è un punto di flesso di  $h$ ;  b Se  $\lim_{x \rightarrow -\infty} h(x) = 0$  e  $h''(x) > 0$  allora  $\lim_{x \rightarrow +\infty} h(x) = +\infty$ ;  c Se  $x_0$  è il punto di massimo assoluto di  $h$  allora  $h''(x_0) < 0$ ;  d Se  $h$  non ha minimo in  $\mathbf{R}$  allora  $h$  non è limitata inferiormente in  $\mathbf{R}$ .

2.  $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x} + \beta \cos x, & x \geq 0 \\ 2(x+4) - 2^x, & x < 0 \end{cases}$  è continua  a per  $\beta = 8$ ;  b per nessun valore di  $\beta$ ;  c per  $\beta = 7$ ;  d per  $\beta = 6$ .

3.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\alpha x - 5 \sin x}{x^3} = +\infty$  per  a  $\alpha = 5$ ;  b nessun  $\alpha \in \mathbf{R}$ ;  c  $\alpha > 5$ ;  d  $\alpha < 5$ .

4.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 - \cos^2(\frac{1}{x}))(1 + x^4)^2}{x^\alpha} = 1$  per  a  $\alpha = 8$ ;  b  $\alpha = 2$ ;  c  $\alpha = 6$ ;  d  $\alpha = 7$ .

5. Se  $\bar{z} = 1 - i$  allora le radici quarte di  $z$  sono



6.  $\lim_{x \rightarrow 0^+} (1 + \sin x)^{1/x^2} =$   a  $+\infty$ ;  b  $\frac{1}{\sqrt{e}}$ ;  c 1;  d  $\sqrt{e}$ .

7. Se  $f(x) = x^{x^3}$  per  $x > 0$  allora  $f'(x) =$   a  $3x^3 x^{x^3-1} \log x^3$ ;  b  $x^3 x^{x^3-1} (3 + \log x^3)$ ;  c  $3x^3 x^{x^3-1}$ ;  d  $x^3 x^{x^3-1} (1 + \log x^3)$ .

8. Le soluzioni dell'equazione

$$(z + \bar{z})\left(\frac{1}{2}\operatorname{Re}(z) - \sqrt{3}\right) + (\bar{z} - z)(\operatorname{Im}(z) - \sqrt{3}) = 1$$

sono:  a  $(1 \pm \sqrt{2})/4, (1 \pm \sqrt{2})/4 - i/2$ ;  b  $\sqrt{2} \pm 3, \sqrt{2} \pm 3 + 2i$ ;  c  $-\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, -\frac{1}{2} - 2i, \frac{5}{2} - 2i$ ;  d  $\sqrt{3} \pm 2, \sqrt{3} \pm 2 + \sqrt{3}i$ .

9. Se  $h : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  è continua e periodica, allora è sempre vero che:  a  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{h(e^x)}{x} = 0$ ;  b  $\lim_{x \rightarrow 0^+} xh(1/x) = 1$ ;  c non esiste  $\lim_{x \rightarrow +\infty} xh(x)$ ;  d non esiste  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{h(x^2)}{x^2}$ .

10.  $h(x) = f(4x^2 - 2e^{2x})$ . Allora  $h'(0) =$   a  $f'(0)$ ;  b 0;  c  $12f'(0)$ ;  d  $6f'(0)$ .

<b>ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1</b>		<b>31 ottobre 2012</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>
<b>Corso di laurea:</b>		A      B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

- $\lim_{x \rightarrow 0} (\cos x)^{1/x^2} = \boxed{a} \frac{1}{\sqrt{e}}; \boxed{b} 1; \boxed{c} \sqrt{e}; \boxed{d} +\infty.$
- $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\alpha x - 7 \sin x}{x^3} = -\infty$  per  $\boxed{a}$  nessun  $\alpha \in \mathbf{R}; \boxed{b} \alpha > 7; \boxed{c} \alpha < 7; \boxed{d} \alpha = 7.$
- Se  $f(x) = x^{x^2}$  per  $x > 0$  allora  $f'(x) = \boxed{a} x^2 x^{x^2-1} (2 + \log x^2) ; \boxed{b} 2x^2 x^{x^2-1} ; \boxed{c} x^2 x^{x^2-1} (1 + \log x^2) ; \boxed{d} 2x^2 x^{x^2-1} \log x^2 .$
- Se  $h(x) \sim x$  per  $x \rightarrow +\infty$ , allora è sempre vero che:  $\boxed{a} \lim_{x \rightarrow 0^+} xh(1/x) = 1; \boxed{b}$  non esiste  $\lim_{x \rightarrow +\infty} xh(x); \boxed{c}$  non esiste  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{h(x^2)}{x^2}; \boxed{d} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{h(e^x)}{x} = 0.$
- Se  $h : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  è una funzione due volte derivabile, quale delle seguenti affermazioni è sempre vera?  $\boxed{a}$  Se  $\lim_{x \rightarrow -\infty} h(x) = 0$  e  $h''(x) > 0$  allora  $\lim_{x \rightarrow +\infty} h(x) = +\infty; \boxed{b}$  Se  $x_0$  è il punto di massimo assoluto di  $h$  allora  $h''(x_0) < 0; \boxed{c}$  Se  $h$  non ha minimo in  $\mathbf{R}$  allora  $h$  non è limitata inferiormente in  $\mathbf{R}; \boxed{d}$  Se  $h'(x_0) = h''(x_0) = 0$  allora  $x_0$  è un punto di flesso di  $h.$
- Le soluzioni dell'equazione

$$(z + \bar{z})\left(\frac{1}{2}\operatorname{Re}(z) - \sqrt{2}\right) + (\bar{z} - z)(\operatorname{Im}(z) - 2) = 7$$

sono:  $\boxed{a} \sqrt{2} \pm 3, \sqrt{2} \pm 3 + 2i; \boxed{b} -\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, -\frac{1}{2} - 2i, \frac{5}{2} - 2i; \boxed{c} \sqrt{3} \pm 2, \sqrt{3} \pm 2 + \sqrt{3}i; \boxed{d} (1 \pm \sqrt{2})/4, (1 \pm \sqrt{2})/4 - i/2.$

- $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 - \cos^2(\frac{1}{x}))(1 + x^5)^2}{x^\alpha} = 1$  per  $\boxed{a} \alpha = 3; \boxed{b} \alpha = 8; \boxed{c} \alpha = 9; \boxed{d} \alpha = 10.$
- $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x} + \beta \cos x, & x \geq 0 \\ 2(x+5) - 2^x, & x < 0 \end{cases}$  è continua  $\boxed{a}$  per nessun valore di  $\beta; \boxed{b}$  per  $\beta = 9; \boxed{c}$  per  $\beta = 8; \boxed{d}$  per  $\beta = 10.$
- $f(x) = g(4e^{4x} - 2e^{2x}).$  Allora  $f'(0) = \boxed{a} 0; \boxed{b} 12g'(2); \boxed{c} 6g'(0); \boxed{d} g'(2).$
- Se  $z = -(i^2)$  allora le radici quarte di  $z$  sono

