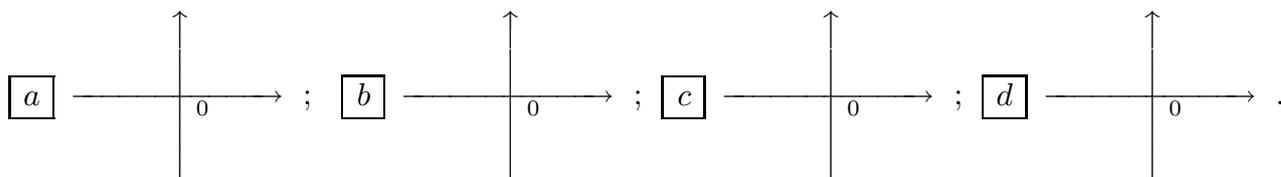


CALCOLO 1		5 gennaio 2007
Cognome:	Nome:	Matricola:

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

- Il polinomio di Taylor di secondo grado (e di centro  $x_0 = 0$ ) di  $e^{\sin(2x)}$  è:  
  $a$   $2x - x^2$ ;   $b$   $2x - 2x^2$ ;   $c$   $1 + 2x + 2x^2$ ;   $d$   $1 - 2x^2$ .
- Il limite  $\lim_{x \rightarrow \pi/2} \frac{1 + \cos(2x)}{\pi - 2x}$  è uguale a:   $a$  1;   $b$  1/2;   $c$  0;   $d$  2.
- Sia  $g(y) = \log(1 + y)$  e  $f(x) = \frac{2x}{x^2 + 1}$ . Allora la retta tangente al grafico della funzione  $(g \circ f)(x)$  in  $(0, g(f(0)))$  è data da:   $a$   $y = 2x$ ;   $b$   $y = \frac{x}{2}$ ;   $c$   $y = x - 1$ ;   $d$   $y = x$ .
- Le soluzioni diverse da 0 dell'equazione  $z + \operatorname{Re}z = \bar{z}$  sono:   $a$  infiniti numeri reali;   $b$  infiniti numeri complessi (non reali e non immaginari);   $c$  nessuna;   $d$  infiniti numeri immaginari.
- L'insieme dei numeri reali  $\alpha > 0$  per cui la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\log(1 + \frac{1}{n})}{n^\alpha}$  è convergente è dato da:  
  $a$   $\alpha > 1$ ;   $b$   $\alpha < 1$ ;   $c$   $\alpha > 0$ ;   $d$   $\alpha > 2$ .
- Sia  $f(x) = \int_0^x \frac{3}{t^4 - 3} dt$ . Allora il grafico di  $f(x)$  vicino all'origine è:

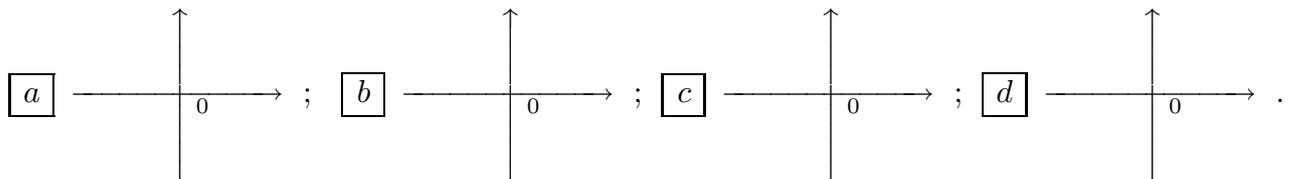


- Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  continua. Allora  $\int_0^1 x f(1 + x^2) dx =$    $a$   $2 \int_1^2 f(t) dt$ ;   $b$   $\int_0^2 f(t) dt$ ;   $c$   $\frac{1}{2} \int_1^2 f(t) dt$ ;   $d$   $\frac{1}{4} \int_0^2 f(t) dt$ .
- Se  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n = 3$  e  $b_n = \frac{1}{n^2} + a_n$ , allora è sempre vero che:   $a$  la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$  diverge a  $-\infty$ ;   $b$   $\sum_{n=1}^{\infty} b_n = 3$ ;   $c$  la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$  è convergente;   $d$  la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$  diverge a  $+\infty$ .

CALCOLO 1		5 gennaio 2007
Cognome:	Nome:	Matricola:

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia  $f(x) = \int_0^x \frac{2}{3t^4-2} dt$ . Allora il grafico di  $f(x)$  vicino all'origine è:

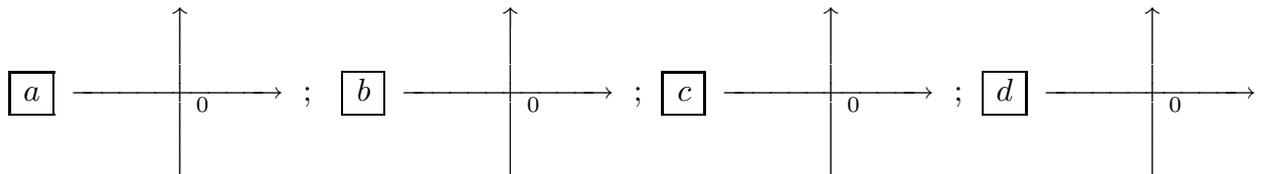


2. Sia  $g(y) = \log(1+y)$  e  $f(x) = \frac{x}{2x^2+1}$ . Allora la retta tangente al grafico della funzione  $(g \circ f)(x)$  in  $(0, g(f(0)))$  è data da:  a  $y = \frac{x}{2}$ ;  b  $y = x - 1$ ;  c  $y = x$ ;  d  $y = 2x$ .
3. Le soluzioni diverse da 0 dell'equazione  $z - \operatorname{Im}z = -\bar{z}$  sono:  a infiniti numeri complessi (non reali e non immaginari);  b nessuna;  c infiniti numeri immaginari;  d infiniti numeri reali.
4. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  continua. Allora  $\int_0^1 x f(1+x^2) dx =$   a  $\int_0^2 f(t) dt$ ;  b  $\frac{1}{2} \int_1^2 f(t) dt$ ;  c  $\frac{1}{4} \int_0^2 f(t) dt$ ;  d  $2 \int_1^2 f(t) dt$ .
5. Il polinomio di Taylor di secondo grado (e di centro  $x_0 = 0$ ) di  $\cos(\log(1+2x))$  è:  a  $2x - 2x^2$ ;  b  $1 + 2x + 2x^2$ ;  c  $1 - 2x^2$ ;  d  $2x - x^2$ .
6. Il limite  $\lim_{x \rightarrow \pi/2} \frac{1 + \cos(2x)}{\pi - 2x}$  è uguale a:  a  $1/2$ ;  b  $0$ ;  c  $2$ ;  d  $1$ .
7. Se  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n = 3$  e  $b_n = \frac{1}{n} + a_n$ , allora è sempre vero che:  a  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n = 3$ ;  b la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$  è convergente;  c la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$  diverge a  $+\infty$ ;  d la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$  diverge a  $-\infty$ .
8. L'insieme dei numeri reali  $\alpha > 0$  per cui la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^\alpha \log(1 + \frac{1}{n})}$  è convergente è dato da:  a  $\alpha < 1$ ;  b  $\alpha > 0$ ;  c  $\alpha > 2$ ;  d  $\alpha > 1$ .

CALCOLO 1		5 gennaio 2007
Cognome:	Nome:	Matricola:

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Il limite  $\lim_{x \rightarrow \pi/2} \frac{\sin(2x)}{\pi - 2x}$  è uguale a:  a 0;  b 2;  c 1;  d 1/2.
2. Le soluzioni diverse da 0 dell'equazione  $\bar{z} + \text{Im}z = z$  sono:  a nessuna;  b infiniti numeri immaginari;  c infiniti numeri reali;  d infiniti numeri complessi (non reali e non immaginari).
3. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  continua. Allora  $\int_0^1 x f(2x^2) dx =$   a  $\frac{1}{2} \int_1^2 f(t) dt$ ;  b  $\frac{1}{4} \int_0^2 f(t) dt$ ;  c  $2 \int_1^2 f(t) dt$ ;  d  $\int_0^2 f(t) dt$ .
4. Se  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n = 3$  e  $b_n = a_n - \frac{1}{n}$ , allora è sempre vero che:  a la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$  è convergente;  b la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$  diverge a  $+\infty$ ;  c la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$  diverge a  $-\infty$ ;  d  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n = 3$ .
5. Sia  $f(x) = \int_0^x \frac{1}{2t^4+1} dt$ . Allora il grafico di  $f(x)$  vicino all'origine è:

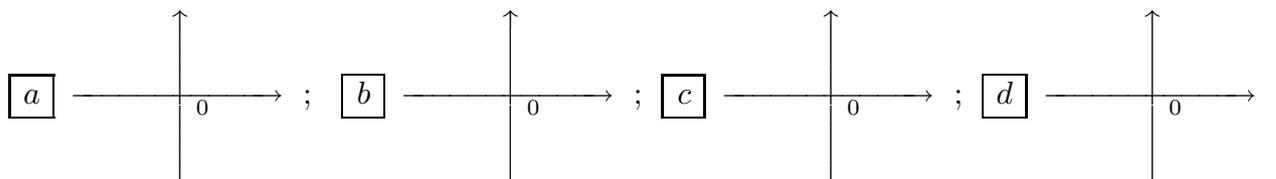


6. Sia  $g(y) = \log(1+y)$  e  $f(x) = \frac{x}{x^2+2}$ . Allora la retta tangente al grafico della funzione  $(g \circ f)(x)$  in  $(0, g(f(0)))$  è data da:  a  $y = x - 1$ ;  b  $y = x$ ;  c  $y = 2x$ ;  d  $y = \frac{x}{2}$ .
7. L'insieme dei numeri reali  $\alpha > 0$  per cui la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin(\frac{1}{n})}{n^\alpha}$  è convergente è dato da:  a  $\alpha > 0$ ;  b  $\alpha > 2$ ;  c  $\alpha > 1$ ;  d  $\alpha < 1$ .
8. Il polinomio di Taylor di secondo grado (e di centro  $x_0 = 0$ ) di  $\sin(2 \log(1+x))$  è:  a  $1 + 2x + 2x^2$ ;  b  $1 - 2x^2$ ;  c  $2x - x^2$ ;  d  $2x - 2x^2$ .

CALCOLO 1		5 gennaio 2007
Cognome:	Nome:	Matricola:

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

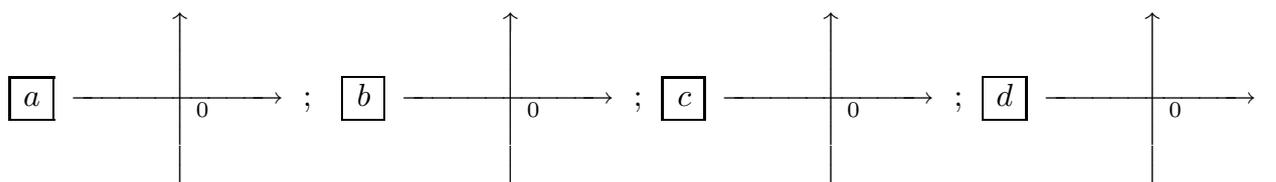
1. Sia  $g(y) = \log(1+y)$  e  $f(x) = \frac{2x}{x^2+2}$ . Allora la retta tangente al grafico della funzione  $(g \circ f)(x)$  in  $(0, g(f(0)))$  è data da:  a  $y = x$ ;  b  $y = 2x$ ;  c  $y = \frac{x}{2}$ ;  d  $y = x - 1$ .
2. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  continua. Allora  $\int_0^1 x f(2x^2) dx =$   a  $\frac{1}{4} \int_0^2 f(t) dt$ ;  b  $2 \int_1^2 f(t) dt$ ;  c  $\int_0^2 f(t) dt$ ;  d  $\frac{1}{2} \int_1^2 f(t) dt$ .
3. Se  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n = 3$  e  $b_n = \frac{1}{2^n} + a_n$ , allora è sempre vero che:  a la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$  diverge a  $+\infty$ ;  b la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$  diverge a  $-\infty$ ;  c  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n = 3$ ;  d la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$  è convergente.
4. L'insieme dei numeri reali  $\alpha > 0$  per cui la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^\alpha \sin(\frac{1}{n})}$  è convergente è dato da:  a  $\alpha > 2$ ;  b  $\alpha > 1$ ;  c  $\alpha < 1$ ;  d  $\alpha > 0$ .
5. Il limite  $\lim_{x \rightarrow \pi/2} \frac{\sin(2x)}{\pi - 2x}$  è uguale a:  a 2;  b 1;  c 1/2;  d 0.
6. Le soluzioni diverse da 0 dell'equazione  $\bar{z} + \operatorname{Re}z = z$  sono:  a infiniti numeri immaginari;  b infiniti numeri reali;  c infiniti numeri complessi (non reali e non immaginari);  d nessuna.
7. Il polinomio di Taylor di secondo grado (e di centro  $x_0 = 0$ ) di  $\log(1+2 \sin x)$  è:  a  $1 - 2x^2$ ;  b  $2x - x^2$ ;  c  $2x - 2x^2$ ;  d  $1 + 2x + 2x^2$ .
8. Sia  $f(x) = \int_0^x \frac{2}{2-t^4} dt$ . Allora il grafico di  $f(x)$  vicino all'origine è:



<b>CALCOLO 1</b>		<b>5 gennaio 2007</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

- Le soluzioni diverse da 0 dell'equazione  $\bar{z} + \operatorname{Re}z = z$  sono:  *a* infiniti numeri reali;  *b* infiniti numeri complessi (non reali e non immaginari);  *c* nessuna;  *d* infiniti numeri immaginari.
- Se  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n = 3$  e  $b_n = \frac{1}{2^n} + a_n$ , allora è sempre vero che:  *a* la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$  diverge a  $-\infty$ ;  *b*  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n = 3$ ;  *c* la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$  è convergente;  *d* la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$  diverge a  $+\infty$ .
- L'insieme dei numeri reali  $\alpha > 0$  per cui la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\log(1 + \frac{1}{n})}{n^\alpha}$  è convergente è dato da:  *a*  $\alpha > 1$ ;  *b*  $\alpha < 1$ ;  *c*  $\alpha > 0$ ;  *d*  $\alpha > 2$ .
- Il polinomio di Taylor di secondo grado (e di centro  $x_0 = 0$ ) di  $\cos(\log(1+2x))$  è:  *a*  $2x - x^2$ ;  *b*  $2x - 2x^2$ ;  *c*  $1 + 2x + 2x^2$ ;  *d*  $1 - 2x^2$ .
- Sia  $g(y) = \log(1+y)$  e  $f(x) = \frac{2x}{x^2+1}$ . Allora la retta tangente al grafico della funzione  $(g \circ f)(x)$  in  $(0, g(f(0)))$  è data da:  *a*  $y = 2x$ ;  *b*  $y = \frac{x}{2}$ ;  *c*  $y = x - 1$ ;  *d*  $y = x$ .
- Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  continua. Allora  $\int_0^1 \frac{1}{\sqrt{x}} f(1 + \sqrt{x}) dx =$   *a*  $2 \int_1^2 f(t) dt$ ;  *b*  $\int_0^2 f(t) dt$ ;  *c*  $\frac{1}{2} \int_1^2 f(t) dt$ ;  *d*  $\frac{1}{4} \int_0^2 f(t) dt$ .
- Sia  $f(x) = \int_0^x \frac{2}{2-t^4} dt$ . Allora il grafico di  $f(x)$  vicino all'origine è:

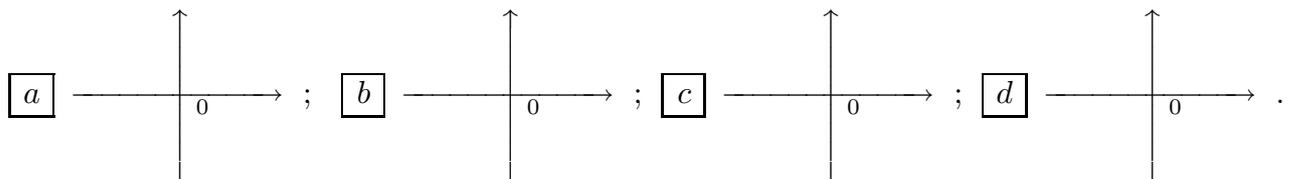


- Il limite  $\lim_{x \rightarrow \pi} \frac{\sin(x/2) - 1}{\pi - x}$  è uguale a:  *a* 1;  *b* 1/2;  *c* 0;  *d* 2.

CALCOLO 1		5 gennaio 2007
Cognome:	Nome:	Matricola:

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

- Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  continua. Allora  $\int_0^1 \frac{1}{\sqrt{x}} f(1 + \sqrt{x}) dx =$   a  $\int_0^2 f(t) dt$ ;  b  $\frac{1}{2} \int_1^2 f(t) dt$ ;  c  $\frac{1}{4} \int_0^2 f(t) dt$ ;  d  $2 \int_1^2 f(t) dt$ .
- L'insieme dei numeri reali  $\alpha > 0$  per cui la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^\alpha \log(1 + \frac{1}{n})}$  è convergente è dato da:  a  $\alpha < 1$ ;  b  $\alpha > 0$ ;  c  $\alpha > 2$ ;  d  $\alpha > 1$ .
- Il polinomio di Taylor di secondo grado (e di centro  $x_0 = 0$ ) di  $\log(1 + 2 \sin x)$  è:  a  $2x - 2x^2$ ;  b  $1 + 2x + 2x^2$ ;  c  $1 - 2x^2$ ;  d  $2x - x^2$ .
- Sia  $f(x) = \int_0^x \frac{1}{2t^4+1} dt$ . Allora il grafico di  $f(x)$  vicino all'origine è:

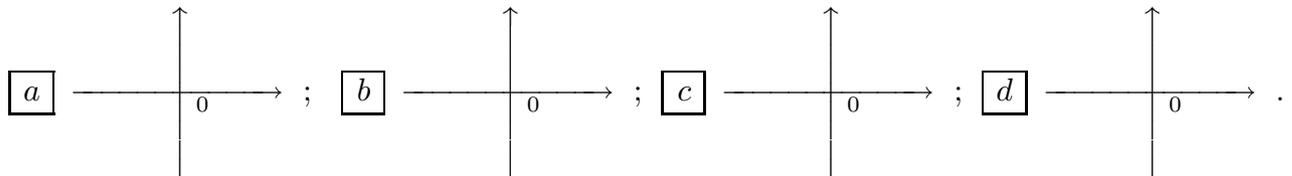


- Le soluzioni diverse da 0 dell'equazione  $\bar{z} + \text{Im}z = z$  sono:  a infiniti numeri complessi (non reali e non immaginari);  b nessuna;  c infiniti numeri immaginari;  d infiniti numeri reali.
- Se  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n = 3$  e  $b_n = a_n - \frac{1}{n}$ , allora è sempre vero che:  a  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n = 3$ ;  b la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$  è convergente;  c la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$  diverge a  $+\infty$ ;  d la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$  diverge a  $-\infty$ .
- Il limite  $\lim_{x \rightarrow \pi} \frac{\sin(x/2) - 1}{\pi - x}$  è uguale a:  a  $1/2$ ;  b  $0$ ;  c  $2$ ;  d  $1$ .
- Sia  $g(y) = \log(1+y)$  e  $f(x) = \frac{x}{2x^2+1}$ . Allora la retta tangente al grafico della funzione  $(g \circ f)(x)$  in  $(0, g(f(0)))$  è data da:  a  $y = \frac{x}{2}$ ;  b  $y = x - 1$ ;  c  $y = x$ ;  d  $y = 2x$ .

CALCOLO 1		5 gennaio 2007
Cognome:	Nome:	Matricola:

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

- Se  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n = 3$  e  $b_n = \frac{1}{n} + a_n$ , allora è sempre vero che:  a la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$  è convergente;  b la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$  diverge a  $+\infty$ ;  c la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$  diverge a  $-\infty$ ;  d  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n = 3$ .
- Il polinomio di Taylor di secondo grado (e di centro  $x_0 = 0$ ) di  $e^{\sin(2x)}$  è:  a  $1 + 2x + 2x^2$ ;  b  $1 - 2x^2$ ;  c  $2x - x^2$ ;  d  $2x - 2x^2$ .
- Sia  $f(x) = \int_0^x \frac{2}{3t^4 - 2} dt$ . Allora il grafico di  $f(x)$  vicino all'origine è:



- Il limite  $\lim_{x \rightarrow \pi} \frac{\cos(x/2)}{\pi - x}$  è uguale a:  a 0;  b 2;  c 1;  d  $1/2$ .
- Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  continua. Allora  $\int_0^1 \frac{1}{\sqrt{x}} f(2\sqrt{x}) dx =$   a  $\frac{1}{2} \int_1^2 f(t) dt$ ;  b  $\frac{1}{4} \int_0^2 f(t) dt$ ;  c  $2 \int_1^2 f(t) dt$ ;  d  $\int_0^2 f(t) dt$ .
- L'insieme dei numeri reali  $\alpha > 0$  per cui la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin(\frac{1}{n})}{n^\alpha}$  è convergente è dato da:  a  $\alpha > 0$ ;  b  $\alpha > 2$ ;  c  $\alpha > 1$ ;  d  $\alpha < 1$ .
- Sia  $g(y) = \log(1+y)$  e  $f(x) = \frac{x}{x^2+2}$ . Allora la retta tangente al grafico della funzione  $(g \circ f)(x)$  in  $(0, g(f(0)))$  è data da:  a  $y = x - 1$ ;  b  $y = x$ ;  c  $y = 2x$ ;  d  $y = \frac{x}{2}$ .
- Le soluzioni diverse da 0 dell'equazione  $z - \text{Im}z = -\bar{z}$  sono:  a nessuna;  b infiniti numeri immaginari;  c infiniti numeri reali;  d infiniti numeri complessi (non reali e non immaginari).

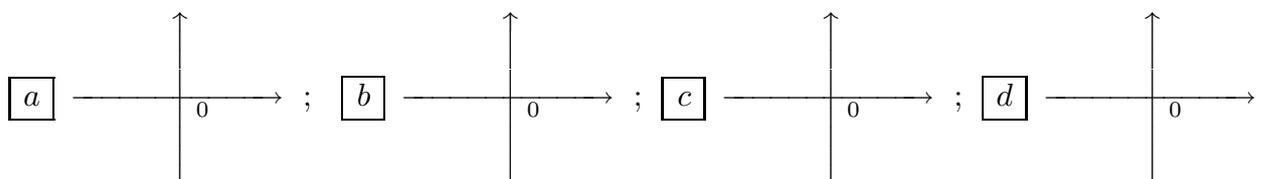
CALCOLO 1		5 gennaio 2007
Cognome:	Nome:	Matricola:

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. L'insieme dei numeri reali  $\alpha > 0$  per cui la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^{\alpha} \sin(\frac{1}{n})}$  è convergente è dato da:

$a$   $\alpha > 2$ ;   $b$   $\alpha > 1$ ;   $c$   $\alpha < 1$ ;   $d$   $\alpha > 0$ .

2. Sia  $f(x) = \int_0^x \frac{3}{t^4-3} dt$ . Allora il grafico di  $f(x)$  vicino all'origine è:



3. Il limite  $\lim_{x \rightarrow \pi} \frac{\cos(x/2)}{\pi - x}$  è uguale a:   $a$  2;   $b$  1;   $c$  1/2;   $d$  0.

4. Sia  $g(y) = \log(1+y)$  e  $f(x) = \frac{2x}{x^2+2}$ . Allora la retta tangente al grafico della funzione  $(g \circ f)(x)$  in  $(0, g(f(0)))$  è data da:   $a$   $y = x$ ;   $b$   $y = 2x$ ;   $c$   $y = \frac{x}{2}$ ;   $d$   $y = x - 1$ .

5. Se  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n = 3$  e  $b_n = \frac{1}{n^2} + a_n$ , allora è sempre vero che:   $a$  la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$  diverge a  $+\infty$ ;   $b$  la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$  diverge a  $-\infty$ ;   $c$   $\sum_{n=1}^{\infty} b_n = 3$ ;   $d$  la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$  è convergente.

6. Il polinomio di Taylor di secondo grado (e di centro  $x_0 = 0$ ) di  $\sin(2 \log(1+x))$  è:   $a$   $1 - 2x^2$ ;   $b$   $2x - x^2$ ;   $c$   $2x - 2x^2$ ;   $d$   $1 + 2x + 2x^2$ .

7. Le soluzioni diverse da 0 dell'equazione  $z + \operatorname{Re}z = \bar{z}$  sono:   $a$  infiniti numeri immaginari;   $b$  infiniti numeri reali;   $c$  infiniti numeri complessi (non reali e non immaginari);   $d$  nessuna.

8. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  continua. Allora  $\int_0^1 \frac{1}{\sqrt{x}} f(2\sqrt{x}) dx =$    $a$   $\frac{1}{4} \int_0^2 f(t) dt$ ;   $b$   $2 \int_1^2 f(t) dt$ ;   $c$   $\int_0^2 f(t) dt$ ;   $d$   $\frac{1}{2} \int_1^2 f(t) dt$ .