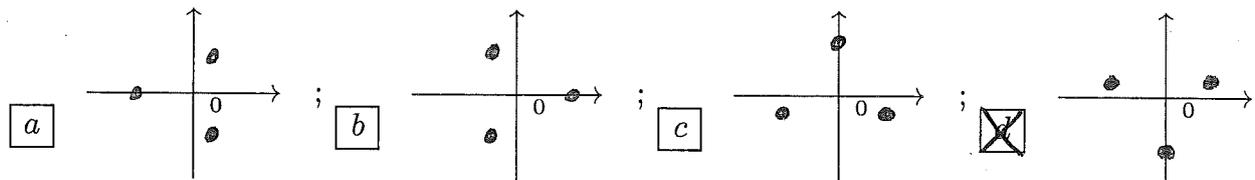


ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova		28 ottobre 2014
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A   B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Se  $z = 2i$ , allora le radici terze di  $z$  sono:



2. Le soluzioni dell'equazione  $\bar{z}Re z + z = 6 - i$  sono:

a  $\frac{1}{4} - 3i, -1 + 2i$ ;  b  $-\frac{1}{4} - 3i, 1 + 2i$ ;  c  $3 - \frac{1}{4}i, 2 - i$ ;  d  $-3 - \frac{1}{4}i, 2 + i$ .

3.  $g(x) = \begin{cases} \frac{e^{2\beta x} - 1}{2x}, & x > 0 \\ \frac{x+1}{e^{3x} + 2}, & x \leq 0 \end{cases}$  è continua per:  a  $\beta = -6$ ;  b  $\beta = \frac{1}{3}$ ;  c nessun  $\beta$ ;  
 d  $\beta = -1$ .

4. Se  $f(t) = t^2 - 2t$  e  $g(x) = \cos^2 x + \cos x$ , allora  $(f \circ g)'(\frac{\pi}{2}) =$   a 3;  b 4;  c 5;  d 2.

5. Se  $f(x) = \frac{1-2x^2}{x+1}$ , l'insieme dei valori per cui  $f'(x) > 0$  è:  a  $x < -1 - \frac{\sqrt{6}}{2}, x > -1 + \frac{\sqrt{6}}{2}$ ;  
 b  $-2 - \sqrt{3} < x < -2 + \sqrt{3}$ ;  c  $-1 - \frac{\sqrt{2}}{2} < x < -1 + \frac{\sqrt{2}}{2}$ ;  d  $x < -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{5}}{2}, x > -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{5}}{2}$ .

6. Data la funzione  $f(x) = \frac{x-1}{e^{3x^2}-2}$ , determinare la retta tangente al grafico di  $f$  in  $(0, f(0))$ .

a  $y = -\frac{1}{2}x - 1$ ;  b  $y = x + 1$ ;  c  $y = -x + 1$ ;  d  $y = \frac{1}{2}x - 1$ .

7. Si consideri la funzione  $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ . Allora è certo che:  a se  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L \leq 0$ , allora  $f(x) \leq 0$  per  $x$  vicino a  $x_0$ ;  b se  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L < 0$ , allora  $f(x) \leq 0$  per  $x$  vicino a  $x_0$ ;  
 c se  $f(x) \leq 0$  e  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L$ , allora  $L = 0$ ;  d se  $f(x) < 0$  e  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L$ , allora  $L < 0$ .

8. L'insieme dei numeri complessi  $z$  che soddisfano alle relazioni  $|z - 3i| > 1$  e  $|z|^2 - |z| \leq 0$  è:  
 a l'insieme vuoto;  b l'esterno di un disco;  c una circonferenza;  d un disco.

9.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sin(\frac{1}{x}) + x^2}{(\cos(\frac{1}{x}))^x} =$   a 1;  b  $e$ ;  c 0;  d  $+\infty$ .

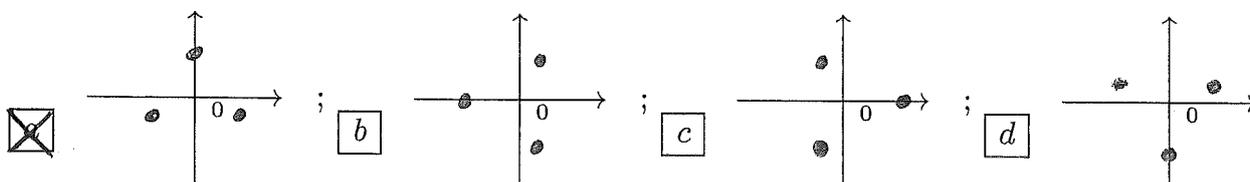
10.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \sqrt{1 + 3x}}{\log(1 + 2x)} =$   a  $-\frac{3}{4}$ ;  b -2;  c  $-\frac{4}{3}$ ;  d  $-\frac{1}{3}$ .

ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova		28 ottobre 2014
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A   B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 + \tan(\frac{1}{x}))^x}{x^2 - e^{\frac{1}{x}}} = \boxed{a} e; \boxed{\times} 0; \boxed{c} +\infty; \boxed{d} 1.$

2. Se  $z = -2i$ , allora le radici terze di  $z$  sono:



3. Data la funzione  $f(x) = \frac{e^{3x^2} - 2}{x - 1}$ , determinare la retta tangente al grafico di  $f$  in  $(0, f(0))$ .

$y = x + 1$ ;   $y = -x + 1$ ;   $y = \frac{1}{2}x - 1$ ;   $y = -\frac{1}{2}x - 1$ .

4. Le soluzioni dell'equazione  $\bar{z} \operatorname{Re} z + z = 6 - i$  sono:

$-\frac{1}{4} - 3i, 1 + 2i$ ;   $3 - \frac{1}{4}i, 2 - i$ ;   $-3 - \frac{1}{4}i, 2 + i$ ;   $\frac{1}{4} - 3i, -1 + 2i$ .

5. Se  $f(t) = 3t^2 - t$  e  $g(x) = \sin^2 x - \cos x$ , allora  $(f \circ g)'(\frac{\pi}{2}) = \boxed{a} 4; \boxed{\times} 5; \boxed{c} 2; \boxed{d} 3.$

6.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(2x)}{1 - \sqrt{1 + 2x^2}} = \boxed{\times} -2; \boxed{b} -\frac{4}{3}; \boxed{c} -\frac{1}{3}; \boxed{d} -\frac{3}{4}.$

7. L'insieme dei numeri complessi  $z$  che soddisfano alle relazioni  $|z + i| < 1$  e  $|z|^2 - 2|z| < 0$  è:

l'esterno di un disco;  una circonferenza;  un disco;  l'insieme vuoto.

8. Se  $f(x) = \frac{x^2 + 1}{2x + 1}$ , l'insieme dei valori per cui  $f'(x) > 0$  è:   $-2 - \sqrt{3} < x < -2 + \sqrt{3}$ ;  
  $-1 - \frac{\sqrt{2}}{2} < x < -1 + \frac{\sqrt{2}}{2}$ ;   $x < -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{5}}{2}, x > -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{5}}{2}$ ;   $x < -1 - \frac{\sqrt{6}}{2}, x > -1 + \frac{\sqrt{6}}{2}$ .

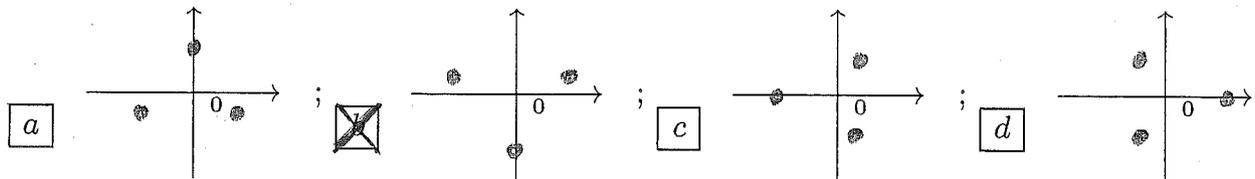
9.  $g(x) = \begin{cases} \frac{\sin(\beta x)}{3x}, & x > 0 \\ \frac{2x^2 - 1}{e^{2x} + 2}, & x \leq 0 \end{cases}$  è continua per:   $\beta = \frac{1}{3}$ ;  nessun  $\beta$ ;   $\beta = -1$ ;  
  $\beta = -6$ .

10. Si consideri la funzione  $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ . Allora è certo che:  se  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L > 0$ , allora  $f(x) \geq 0$  per  $x$  vicino a  $x_0$ ;  se  $f(x) \geq 0$  e  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L$ , allora  $L = 0$ ;  se  $f(x) > 0$  e  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L$ , allora  $L > 0$ ;  se  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L \geq 0$ , allora  $f(x) \geq 0$  per  $x$  vicino a  $x_0$ .

ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova		28 ottobre 2014
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A   B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Se  $f(t) = t^2 - 2t$  e  $g(x) = \cos^2 x + \cos x$ , allora  $(f \circ g)'(\frac{\pi}{2}) =$   a 3;  b 4;  c 5;  d 2.
2. Se  $f(x) = \frac{1-2x^2}{x+1}$ , l'insieme dei valori per cui  $f'(x) > 0$  è:  a  $x < -1 - \frac{\sqrt{6}}{2}, x > -1 + \frac{\sqrt{6}}{2}$ ;  b  $-2 - \sqrt{3} < x < -2 + \sqrt{3}$ ;  c  $-1 - \frac{\sqrt{2}}{2} < x < -1 + \frac{\sqrt{2}}{2}$ ;  d  $x < -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{5}}{2}, x > -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{5}}{2}$ .
3. Se  $z = 2i$ , allora le radici terze di  $z$  sono:



4. L'insieme dei numeri complessi  $z$  che soddisfano alle relazioni  $|z - 3i| > 1$  e  $|z|^2 - |z| \leq 0$  è:  a l'insieme vuoto;  b l'esterno di un disco;  c una circonferenza;  d un disco.
5. Si consideri la funzione  $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ . Allora è certo che:  a se  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L \leq 0$ , allora  $f(x) \leq 0$  per  $x$  vicino a  $x_0$ ;  b se  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L < 0$ , allora  $f(x) \leq 0$  per  $x$  vicino a  $x_0$ ;  c se  $f(x) \leq 0$  e  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L$ , allora  $L = 0$ ;  d se  $f(x) < 0$  e  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L$ , allora  $L < 0$ .

6.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 - \sin(\frac{1}{x}))^x}{x + e^{\frac{1}{x}}} =$   a 1;  b  $e$ ;  c 0;  d  $+\infty$ .

7. Data la funzione  $f(x) = \frac{x-1}{e^{3x^2}-2}$ , determinare la retta tangente al grafico di  $f$  in  $(0, f(0))$ .  a  $y = -\frac{1}{2}x - 1$ ;  b  $y = x + 1$ ;  c  $y = -x + 1$ ;  d  $y = \frac{1}{2}x - 1$ .

8.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x^2} - 1}{\sqrt{1 - 3x^2} - 1} =$   a  $-\frac{3}{4}$ ;  b  $-2$ ;  c  $-\frac{4}{3}$ ;  d  $-\frac{1}{3}$ .

9. Le soluzioni dell'equazione  $\bar{z} \operatorname{Im} z - z = -1 - 6i$  sono:

a  $\frac{1}{4} - 3i, -1 + 2i$ ;  b  $-\frac{1}{4} - 3i, 1 + 2i$ ;  c  $3 - \frac{1}{4}i, 2 - i$ ;  d  $-3 - \frac{1}{4}i, 2 + i$ .

10.  $g(x) = \begin{cases} \frac{\cos(\beta x) - 1}{2x^2}, & x > 0 \\ \frac{2 - e^{3x}}{x^2 + 1}, & x \leq 0 \end{cases}$  è continua per:  a  $\beta = -6$ ;  b  $\beta = \frac{1}{3}$ ;  c nessun  $\beta$ ;  d  $\beta = -1$ .

ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova		28 ottobre 2014
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A   B

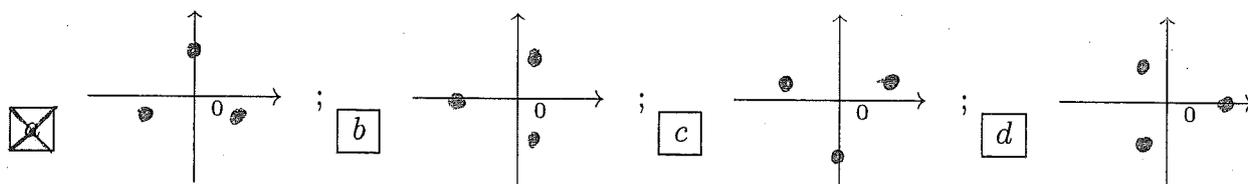
- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1.  $g(x) = \begin{cases} \frac{\sin(\beta x)}{3x}, & x > 0 \\ \frac{2x^2-1}{e^{2x}+2}, & x \leq 0 \end{cases}$  è continua per:  a nessun  $\beta$ ;  b  $\beta = -1$ ;  c  $\beta = -6$ ;  d  $\beta = \frac{1}{3}$ .

2.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sin(\frac{1}{x}) + x^2}{(\cos(\frac{1}{x}))^x} =$   a 0;  b  $+\infty$ ;  c 1;  d e.

3.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \sqrt{1+3x}}{\log(1+2x)} =$   a  $-\frac{4}{3}$ ;  b  $-\frac{1}{3}$ ;  c  $-\frac{3}{4}$ ;  d -2.

4. Se  $z = -2i$ , allora le radici terze di  $z$  sono:



5. Le soluzioni dell'equazione  $z \operatorname{Im} z - \bar{z} = -1 + 6i$  sono:

a  $3 - \frac{1}{4}i, 2 - i$ ;  b  $-3 - \frac{1}{4}i, 2 + i$ ;  c  $\frac{1}{4} - 3i, -1 + 2i$ ;  d  $-\frac{1}{4} - 3i, 1 + 2i$ .

6. Si consideri la funzione  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ . Allora è certo che:  a se  $f(x) \leq 0$  e  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L$ , allora  $L = 0$ ;  b se  $f(x) < 0$  e  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L$ , allora  $L < 0$ ;  c se  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L \leq 0$ , allora  $f(x) \leq 0$  per  $x$  vicino a  $x_0$ ;  d se  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L < 0$ , allora  $f(x) \leq 0$  per  $x$  vicino a  $x_0$ .

7. Se  $f(x) = \frac{2x^2+1}{x+1}$ , l'insieme dei valori per cui  $f'(x) > 0$  è:  a  $-1 - \frac{\sqrt{2}}{2} < x < -1 + \frac{\sqrt{2}}{2}$ ;  b  $x < -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{5}}{2}, x > -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{5}}{2}$ ;  c  $x < -1 - \frac{\sqrt{6}}{2}, x > -1 + \frac{\sqrt{6}}{2}$ ;  d  $-2 - \sqrt{3} < x < -2 + \sqrt{3}$ .

8. Se  $f(t) = t - 3t^2$  e  $g(x) = \cos^2 x - \sin x$ , allora  $(f \circ g)'(0) =$   a 5;  b 2;  c 3;  d 4.

9. Data la funzione  $f(x) = \frac{x+2}{e^{2x^2}-3}$ , determinare la retta tangente al grafico di  $f$  in  $(0, f(0))$ .

a  $y = -x + 1$ ;  b  $y = \frac{1}{2}x - 1$ ;  c  $y = -\frac{1}{2}x - 1$ ;  d  $y = x + 1$ .

10. L'insieme dei numeri complessi  $z$  che soddisfano alle relazioni  $|z+i| < 1$  e  $|z|^2 - 2|z| < 0$  è:

a una circonferenza;  b un disco;  c l'insieme vuoto;  d l'esterno di un disco.

ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova		28 ottobre 2014
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A   B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Data la funzione  $f(x) = \frac{x+2}{e^{2x^2}-3}$ , determinare la retta tangente al grafico di  $f$  in  $(0, f(0))$ .

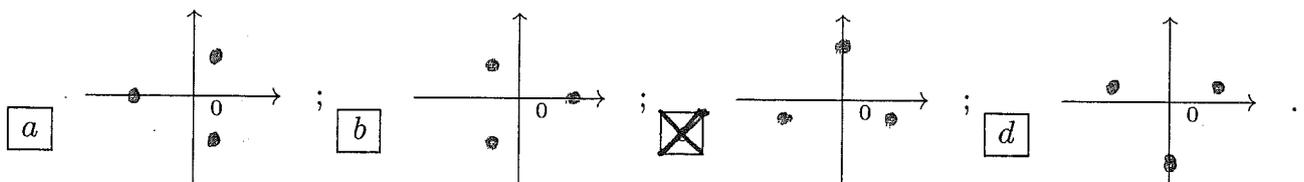
a  $y = x + 1$ ;  b  $y = -x + 1$ ;  c  $y = \frac{1}{2}x - 1$ ;  d  $y = -\frac{1}{2}x - 1$ .

2.  $g(x) = \begin{cases} \frac{e^{2\beta x}-1}{2x}, & x > 0 \\ \frac{x+1}{e^{3x}+2}, & x \leq 0 \end{cases}$  è continua per:  a  $\beta = \frac{1}{3}$ ;  b nessun  $\beta$ ;  c  $\beta = -1$ ;  
 d  $\beta = -6$ .

3. Si consideri la funzione  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ . Allora è certo che:  a se  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L > 0$ , allora  $f(x) \geq 0$  per  $x$  vicino a  $x_0$ ;  b se  $f(x) \geq 0$  e  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L$ , allora  $L = 0$ ;  c se  $f(x) > 0$  e  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L$ , allora  $L > 0$ ;  d se  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L \geq 0$ , allora  $f(x) \geq 0$  per  $x$  vicino a  $x_0$ .

4.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 - \sin(\frac{1}{x}))^x}{x + e^{\frac{1}{x}}} =$   a  $e$ ;  b  $0$ ;  c  $+\infty$ ;  d  $1$ .

5. Se  $z = -2i$ , allora le radici terze di  $z$  sono:



6. L'insieme dei numeri complessi  $z$  che soddisfano alle relazioni  $|z + 2i| < 1$  e  $|z|^2 - |z| > 0$  è:  a l'esterno di un disco;  b una circonferenza;  c un disco;  d l'insieme vuoto.

7. Se  $f(t) = 3t^2 - t$  e  $g(x) = \sin^2 x - \cos x$ , allora  $(f \circ g)'(\frac{\pi}{2}) =$   a  $4$ ;  b  $5$ ;  c  $2$ ;  d  $3$ .

8. Le soluzioni dell'equazione  $z \operatorname{Re} z + \bar{z} = 6 + i$  sono:

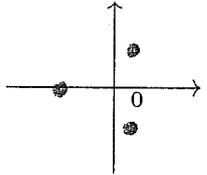
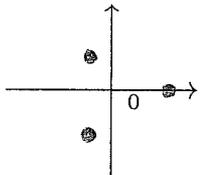
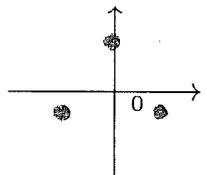
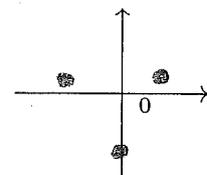
a  $-\frac{1}{4} - 3i, 1 + 2i$ ;  b  $3 - \frac{1}{4}i, 2 - i$ ;  c  $-3 - \frac{1}{4}i, 2 + i$ ;  d  $\frac{1}{4} - 3i, -1 + 2i$ .

9.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x^2} - 1}{\sqrt{1 - 3x^2} - 1} =$   a  $-2$ ;  b  $-\frac{4}{3}$ ;  c  $-\frac{1}{3}$ ;  d  $-\frac{3}{4}$ .

10. Se  $f(x) = \frac{1-x^2}{x+2}$ , l'insieme dei valori per cui  $f'(x) > 0$  è:  a  $-2 - \sqrt{3} < x < -2 + \sqrt{3}$ ;  
 b  $-1 - \frac{\sqrt{2}}{2} < x < -1 + \frac{\sqrt{2}}{2}$ ;  c  $x < -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{5}}{2}, x > -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{5}}{2}$ ;  d  $x < -1 - \frac{\sqrt{6}}{2}, x > -1 + \frac{\sqrt{6}}{2}$ .

ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova		28 ottobre 2014
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A   B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Se  $f(x) = \frac{1-x^2}{x+2}$ , l'insieme dei valori per cui  $f'(x) > 0$  è:  a  $x < -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{5}}{2}$ ,  $x > -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{5}}{2}$ ;  b  $x < -1 - \frac{\sqrt{6}}{2}$ ,  $x > -1 + \frac{\sqrt{6}}{2}$ ;  c  $-2 - \sqrt{3} < x < -2 + \sqrt{3}$ ;  d  $-1 - \frac{\sqrt{2}}{2} < x < -1 + \frac{\sqrt{2}}{2}$ .
2. L'insieme dei numeri complessi  $z$  che soddisfano alle relazioni  $|z - 2i| > 1$  e  $2|z|^2 - |z| \leq 0$  è:  a un disco;  b l'insieme vuoto;  c l'esterno di un disco;  d una circonferenza.
3. Le soluzioni dell'equazione  $\bar{z} \operatorname{Im} z - z = -1 - 6i$  sono:  a  $-3 - \frac{1}{4}i$ ,  $2 + i$ ;  b  $\frac{1}{4} - 3i$ ,  $-1 + 2i$ ;  c  $-\frac{1}{4} - 3i$ ,  $1 + 2i$ ;  d  $3 - \frac{1}{4}i$ ,  $2 - i$ .
4. Si consideri la funzione  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ . Allora è certo che:  a se  $f(x) > 0$  e  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L$ , allora  $L > 0$ ;  b se  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L \geq 0$ , allora  $f(x) \geq 0$  per  $x$  vicino a  $x_0$ ;  c se  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L > 0$ , allora  $f(x) \geq 0$  per  $x$  vicino a  $x_0$ ;  d se  $f(x) \geq 0$  e  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L$ , allora  $L = 0$ .
5.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x^2} - 1}{\sqrt{1 - 3x^2} - 1} =$   a  $-\frac{1}{3}$ ;  b  $-\frac{3}{4}$ ;  c  $-2$ ;  d  $-\frac{4}{3}$ .
6. Se  $z = -3i$ , allora le radici terze di  $z$  sono:
- a  ;  b  ;  c  ;  d 
7.  $g(x) = \begin{cases} \frac{\cos(\beta x) - 1}{2x^2}, & x > 0 \\ \frac{2 - e^{3x}}{x^2 + 1}, & x \leq 0 \end{cases}$  è continua per:  a  $\beta = -1$ ;  b  $\beta = -6$ ;  c  $\beta = \frac{1}{3}$ ;  d nessun  $\beta$ .
8. Data la funzione  $f(x) = \frac{e^{3x^2} - 2}{x - 1}$ , determinare la retta tangente al grafico di  $f$  in  $(0, f(0))$ .  a  $y = \frac{1}{2}x - 1$ ;  b  $y = -\frac{1}{2}x - 1$ ;  c  $y = x + 1$ ;  d  $y = -x + 1$ .
9. Se  $f(t) = 2t - t^2$  e  $g(x) = \sin^2 x + \sin x$ , allora  $(f \circ g)'(0) =$   a 2;  b 3;  c 4;  d 5.
10.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\cos(\frac{1}{x}) + x}{(1 + \sin(\frac{1}{x}))^x} =$   a  $+\infty$ ;  b 1;  c  $e$ ;  d 0.

ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova		28 ottobre 2014
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A   B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Si consideri la funzione  $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ . Allora è certo che:  a se  $f(x) > 0$  e  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L$ , allora  $L > 0$ ;  b se  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L \geq 0$ , allora  $f(x) \geq 0$  per  $x$  vicino a  $x_0$ ;  c se  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L > 0$ , allora  $f(x) \geq 0$  per  $x$  vicino a  $x_0$ ;  d se  $f(x) \geq 0$  e  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L$ , allora  $L = 0$ .

2.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(2x)}{1 - \sqrt{1 + 2x^2}} =$   a  $-\frac{1}{3}$ ;  b  $-\frac{3}{4}$ ;  c  $-2$ ;  d  $-\frac{4}{3}$ .

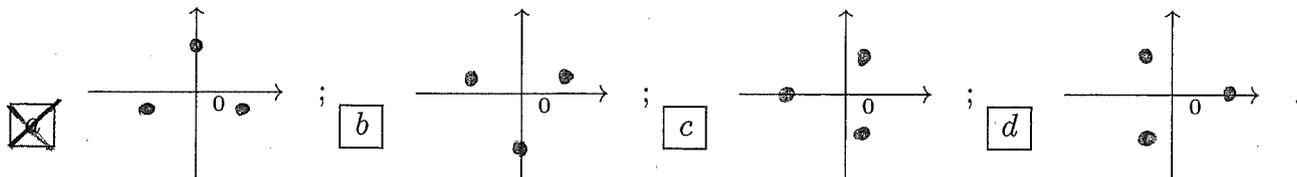
3. Se  $f(x) = \frac{1-x^2}{x+2}$ , l'insieme dei valori per cui  $f'(x) > 0$  è:  a  $x < -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{5}}{2}, x > -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{5}}{2}$ ;  b  $x < -1 - \frac{\sqrt{6}}{2}, x > -1 + \frac{\sqrt{6}}{2}$ ;  c  $-2 - \sqrt{3} < x < -2 + \sqrt{3}$ ;  d  $-1 - \frac{\sqrt{2}}{2} < x < -1 + \frac{\sqrt{2}}{2}$ .

4. Data la funzione  $f(x) = \frac{e^{3x^2} - 2}{x-1}$ , determinare la retta tangente al grafico di  $f$  in  $(0, f(0))$ .  
 a  $y = \frac{1}{2}x - 1$ ;  b  $y = -\frac{1}{2}x - 1$ ;  c  $y = x + 1$ ;  d  $y = -x + 1$ .

5.  $g(x) = \begin{cases} \frac{e^{2\beta x} - 1}{2x}, & x > 0 \\ \frac{x+1}{e^{3x} + 2}, & x \leq 0 \end{cases}$  è continua per:  a  $\beta = -1$ ;  b  $\beta = -6$ ;  c  $\beta = \frac{1}{3}$ ;  d nessun  $\beta$ .

6. Se  $f(t) = 2t - t^2$  e  $g(x) = \sin^2 x + \sin x$ , allora  $(f \circ g)'(0) =$   a 2;  b 3;  c 4;  d 5.

7. Se  $z = -3i$ , allora le radici terze di  $z$  sono:



8.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 + \tan(\frac{1}{x}))^x}{x^2 - e^{\frac{1}{x}}} =$   a  $+\infty$ ;  b 1;  c  $e$ ;  d 0.

9. L'insieme dei numeri complessi  $z$  che soddisfano alle relazioni  $|z - 2i| > 1$  e  $2|z|^2 - |z| \leq 0$  è:  a un disco;  b l'insieme vuoto;  c l'esterno di un disco;  d una circonferenza.

10. Le soluzioni dell'equazione  $\bar{z}Re z + z = 6 - i$  sono:

a  $-3 - \frac{1}{4}i, 2 + i$ ;  b  $\frac{1}{4} - 3i, -1 + 2i$ ;  c  $-\frac{1}{4} - 3i, 1 + 2i$ ;  d  $3 - \frac{1}{4}i, 2 - i$ .

ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova		28 ottobre 2014
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A   B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1-2x}-1}{\sin(3x)} =$   a  $-\frac{4}{3}$ ;  b  $-\frac{1}{3}$ ;  c  $-\frac{3}{4}$ ;  d  $-2$ .

2. Data la funzione  $f(x) = \frac{x-1}{e^{3x^2}-2}$ , determinare la retta tangente al grafico di  $f$  in  $(0, f(0))$ .  
 a  $y = -x + 1$ ;  b  $y = \frac{1}{2}x - 1$ ;  c  $y = -\frac{1}{2}x - 1$ ;  d  $y = x + 1$ .

3. L'insieme dei numeri complessi  $z$  che soddisfano alle relazioni  $|z - 2i| > 1$  e  $2|z|^2 - |z| \leq 0$  è:  
 a una circonferenza;  b un disco;  c l'insieme vuoto;  d l'esterno di un disco.

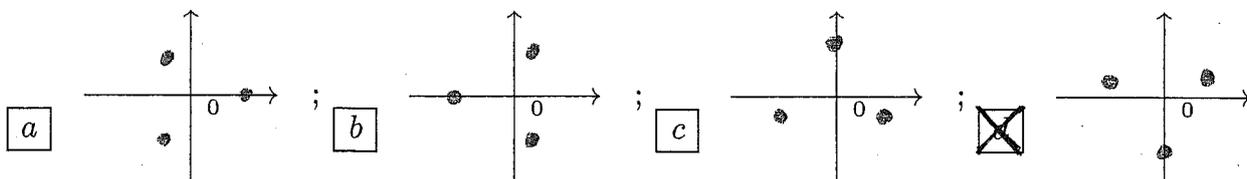
4.  $g(x) = \begin{cases} \frac{\log(1+\beta x)}{3x}, & x > 0 \\ \frac{e^{2x}+1}{x-1}, & x \leq 0 \end{cases}$  è continua per:  a nessun  $\beta$ ;  b  $\beta = -1$ ;  c  $\beta = -6$ ;  
 d  $\beta = \frac{1}{3}$ .

5.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 + \tan(\frac{1}{x}))^x}{x^2 - e^{\frac{1}{x}}} =$   a 0;  b  $+\infty$ ;  c 1;  d  $e$ .

6. Se  $f(x) = \frac{2x^2+1}{x+1}$ , l'insieme dei valori per cui  $f'(x) > 0$  è:  a  $-1 - \frac{\sqrt{2}}{2} < x < -1 + \frac{\sqrt{2}}{2}$ ;  
 b  $x < -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{5}}{2}, x > -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{5}}{2}$ ;  c  $x < -1 - \frac{\sqrt{6}}{2}, x > -1 + \frac{\sqrt{6}}{2}$ ;  d  $-2 - \sqrt{3} < x < -2 + \sqrt{3}$ .

7. Le soluzioni dell'equazione  $z \operatorname{Im} z - \bar{z} = -1 + 6i$  sono:  
 a  $3 - \frac{1}{4}i, 2 - i$ ;  b  $-3 - \frac{1}{4}i, 2 + i$ ;  c  $\frac{1}{4} - 3i, -1 + 2i$ ;  d  $-\frac{1}{4} - 3i, 1 + 2i$ .

8. Se  $z = 3i$ , allora le radici terze di  $z$  sono:



9. Si consideri la funzione  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ . Allora è certo che:  a se  $f(x) \leq 0$  e  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L$ , allora  $L = 0$ ;  b se  $f(x) < 0$  e  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L$ , allora  $L < 0$ ;  c se  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L \leq 0$ , allora  $f(x) \leq 0$  per  $x$  vicino a  $x_0$ ;  d se  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L < 0$ , allora  $f(x) \leq 0$  per  $x$  vicino a  $x_0$ .

10. Se  $f(t) = t - 3t^2$  e  $g(x) = \cos^2 x - \sin x$ , allora  $(f \circ g)'(0) =$   a 5;  b 2;  c 3;  d 4.

ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova		28 ottobre 2014
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A   B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Le soluzioni dell'equazione  $zRe z + \bar{z} = 6 + i$  sono:

a  $-\frac{1}{4} - 3i, 1 + 2i$ ;  b  $3 - \frac{1}{4}i, 2 - i$ ;  c  $-3 - \frac{1}{4}i, 2 + i$ ;  d  $\frac{1}{4} - 3i, -1 + 2i$ .

2. Se  $f(t) = 3t^2 - t$  e  $g(x) = \sin^2 x - \cos x$ , allora  $(f \circ g)'(\frac{\pi}{2}) =$   a 4;  b 5;  c 2;  d 3.

3.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\cos(\frac{1}{x}) + x}{(1 + \sin(\frac{1}{x}))^x} =$   a e;  b 0;  c  $+\infty$ ;  d 1.

4. Se  $f(x) = \frac{x^2+1}{2x+1}$ , l'insieme dei valori per cui  $f'(x) > 0$  è:  a  $-2 - \sqrt{3} < x < -2 + \sqrt{3}$ ;  b  $-1 - \frac{\sqrt{2}}{2} < x < -1 + \frac{\sqrt{2}}{2}$ ;  c  $x < -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{5}}{2}, x > -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{5}}{2}$ ;  d  $x < -1 - \frac{\sqrt{6}}{2}, x > -1 + \frac{\sqrt{6}}{2}$ .

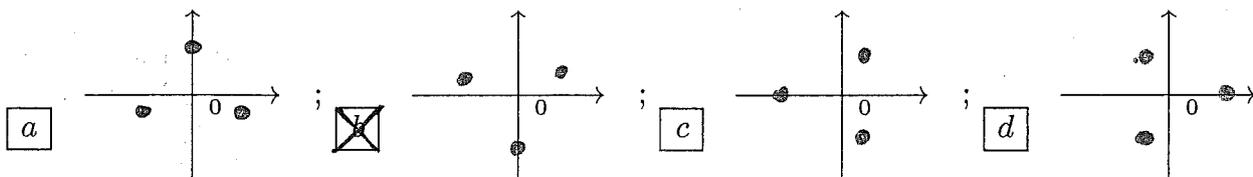
5. L'insieme dei numeri complessi  $z$  che soddisfano alle relazioni  $|z + 2i| < 1$  e  $|z|^2 - |z| > 0$  è:  a l'esterno di un disco;  b una circonferenza;  c un disco;  d l'insieme vuoto.

6.  $g(x) = \begin{cases} \frac{\log(1+\beta x)}{3x}, & x > 0 \\ \frac{e^{2x}+1}{x-1}, & x \leq 0 \end{cases}$  è continua per:  a  $\beta = \frac{1}{3}$ ;  b nessun  $\beta$ ;  c  $\beta = -1$ ;  d  $\beta = -6$ .

7.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1-2x}-1}{\sin(3x)} =$   a -2;  b  $-\frac{4}{3}$ ;  c  $-\frac{1}{3}$ ;  d  $-\frac{3}{4}$ .

8. Si consideri la funzione  $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ . Allora è certo che:  a se  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L > 0$ , allora  $f(x) \geq 0$  per  $x$  vicino a  $x_0$ ;  b se  $f(x) \geq 0$  e  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L$ , allora  $L = 0$ ;  c se  $f(x) > 0$  e  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L$ , allora  $L > 0$ ;  d se  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L \geq 0$ , allora  $f(x) \geq 0$  per  $x$  vicino a  $x_0$ .

9. Se  $z = 3i$ , allora le radici terze di  $z$  sono:



10. Data la funzione  $f(x) = \frac{e^{2x^2}-3}{x+2}$ , determinare la retta tangente al grafico di  $f$  in  $(0, f(0))$ .

a  $y = x + 1$ ;  b  $y = -x + 1$ ;  c  $y = \frac{1}{2}x - 1$ ;  d  $y = -\frac{1}{2}x - 1$ .

ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova		28 ottobre 2014
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A   B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

- L'insieme dei numeri complessi  $z$  che soddisfano alle relazioni  $|z - 3i| > 1$  e  $|z|^2 - |z| \leq 0$  è:  a una circonferenza;  b un disco;  c l'insieme vuoto;  d l'esterno di un disco.
- Si consideri la funzione  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ . Allora è certo che:  a se  $f(x) \leq 0$  e  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L$ , allora  $L = 0$ ;  b se  $f(x) < 0$  e  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L$ , allora  $L < 0$ ;  c se  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L \leq 0$ , allora  $f(x) \leq 0$  per  $x$  vicino a  $x_0$ ;  d se  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L < 0$ , allora  $f(x) \leq 0$  per  $x$  vicino a  $x_0$ .
- Se  $f(t) = t - 3t^2$  e  $g(x) = \cos^2 x - \sin x$ , allora  $(f \circ g)'(0) =$   a 5;  b 2;  c 3;  d 4.
- $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \sqrt{1 + 3x}}{\log(1 + 2x)} =$   a  $-\frac{4}{3}$ ;  b  $-\frac{1}{3}$ ;  c  $-\frac{3}{4}$ ;  d  $-2$ .
- Data la funzione  $f(x) = \frac{e^{2x^2} - 3}{x + 2}$ , determinare la retta tangente al grafico di  $f$  in  $(0, f(0))$ .  
 a  $y = -x + 1$ ;  b  $y = \frac{1}{2}x - 1$ ;  c  $y = -\frac{1}{2}x - 1$ ;  d  $y = x + 1$ .
- Le soluzioni dell'equazione  $z \operatorname{Im} z - \bar{z} = -1 + 6i$  sono:  
 a  $3 - \frac{1}{4}i, 2 - i$ ;  b  $-3 - \frac{1}{4}i, 2 + i$ ;  c  $\frac{1}{4} - 3i, -1 + 2i$ ;  d  $-\frac{1}{4} - 3i, 1 + 2i$ .
- $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 - \sin(\frac{1}{x}))^x}{x + e^{\frac{1}{x}}} =$   a 0;  b  $+\infty$ ;  c 1;  d  $e$ .
- $g(x) = \begin{cases} \frac{\cos(\beta x) - 1}{2x^2}, & x > 0 \\ \frac{2 - e^{3x}}{x^2 + 1}, & x \leq 0 \end{cases}$  è continua per:  a nessun  $\beta$ ;  b  $\beta = -1$ ;  c  $\beta = -6$ ;  
 d  $\beta = \frac{1}{3}$ .
- Se  $f(x) = \frac{2x^2 + 1}{x + 1}$ , l'insieme dei valori per cui  $f'(x) > 0$  è:  a  $-1 - \frac{\sqrt{2}}{2} < x < -1 + \frac{\sqrt{2}}{2}$ ;  
 b  $x < -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{5}}{2}, x > -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{5}}{2}$ ;  c  $x < -1 - \frac{\sqrt{6}}{2}, x > -1 + \frac{\sqrt{6}}{2}$ ;  d  $-2 - \sqrt{3} < x < -2 + \sqrt{3}$ .
- Se  $z = 3i$ , allora le radici terze di  $z$  sono:

